

Modellierung

Prof. Janis Voigtländer ■ 23. Januar 2019

Organisatorisches

Dozent: Prof. Dr. Janis Voigtländer

- Raum LF 233
- E-Mail: `janis.voigtlaender@uni-due.de`
- Sprechstunde: nach Vereinbarung

Übungsleitung: M.Sc. Oliver Westphal

- Raum LF 232
- E-Mail: `oliver.westphal@uni-due.de`

Meines Wissens:

- Bachelor-Studierende „Angewandte Informatik“
(vorwiegend 1. oder 2. Semester)
- Bachelor-Studierende „Komedie“
(vorwiegend 3. Semester)
- Bachelor-Studierende „ISE / Computer Engineering“
(vorwiegend 3. oder 5. Semester)

Form:

- 2 V + 1 Ü
- Vorlesung:
Vortrag großteils mit Beamer-Folien, diese ähnlich zu Vorjahren
- Präsenzübungen:
Abgaben zu Übungszetteln mit anschließender Korrektur und
Besprechung in den Übungsgruppen

Vorlesungstermin:

- Mittwoch, 14:15 – 15:45, in LB 104
- planmäßig 15-mal; **Update:** Wegfall am 14. November wegen
studentischer Vollversammlung

Wir verwenden Moodle, um

- die Vorlesungsmaterialien und Aufgabenblätter jeweils aktuell zur Verfügung zu stellen und
- Übungseinreichungen elektronisch abgeben zu lassen.
- Außerdem gibt es im Moodle-Kurs ein Diskussionsforum.

Link: <https://moodle.uni-due.de/course/view.php?id=13819>

Bitte tragen Sie sich in den Kurs „Modellierung (WiSe 2018/19)“ ein (unter Wintersemester 2018/19 → Ingenieurwissenschaften → Informatik und Angewandte Kognitionswissenschaften).

Tun Sie das möglichst bald, inklusive Ausfüllen der Umfrage, damit Sie sich ab übermorgen in die Übungsgruppen einschreiben können!

- Die Folien stehen in verschiedenen Formen zur Verfügung, etwa auch zum Ausdrucken mit Randzeilen für Notizen.
- Es ist nicht sinnvoll, all zu viele Folien im Voraus zu drucken, da diese noch nicht endgültig sind.

Übungsgruppen (jeweils 45 Minuten im angegebenen Zeitraum):

- Group 1: Monday, 16:00 – 17:00, in LF 035 (given in English)
- Gruppe 2: Montag, 17:00 – 18:00, in LF 035
- Gruppe 3: Dienstag, 10:00 – 11:00, in LE 120
- Gruppe 4: Dienstag, 11:00 – 12:00, in LE 120
- Gruppe 5: Dienstag, 12:00 – 13:00, in LC 140
- Gruppe 6: Dienstag, 13:00 – 14:00, in LC 140
- Gruppe 7: Mittwoch, 16:00 – 17:00, in LE 120
- Gruppe 8: Mittwoch, 17:00 – 18:00, in LE 120
- Gruppe 9: Donnerstag, 14:00 – 15:00, in LF 035
- Gruppe 10: Donnerstag, 15:00 – 16:00, in LF 035
- Gruppe 11: Freitag, 10:00 – 11:00, in LK 052
- Gruppe 12: Freitag, 11:00 – 12:00, in LK 052

Die Übungen beginnen nächsten Mittwoch (17.10.2018).

- Die Anmeldung für die Übungen erfolgt über den Moodle-Kurs.
12.10.2018, 16:00 – 16.10.2018, 23:55
(Verfügbar für alle, die sich vorher eintragen, inklusive Umfrage.)
- Sie müssen sich dort für eine Übungsgruppe anmelden, um an dieser teilnehmen zu können.
- Sie müssen an der ersten Übungssitzung teilnehmen. Anderenfalls wird Ihr Platz neu vergeben.

- Besuchen Sie die Übungen und machen Sie die Aufgaben!
- Weitere Hilfestellung können Sie bei Bedarf im Lern- und Diskussionszentrum (LuDi Informatik) erhalten:
LF 031, jederzeit als Arbeitsraum nutzbar, zu bestimmten Zeiten auch betreut (siehe <https://udue.de/ludi>).
- Durch Einreichen der Übungen können bis zu 6 Bonuspunkte für die Klausur (mit insgesamt 90 Punkten) erreicht werden. Näheres dazu in der ersten Übung.
- Die Aufgaben werden auf Deutsch und auf Englisch gestellt.

- Im ersten Übungszyklus (17. – 23.10.2018) werden auch organisatorische Dinge besprochen und geregelt. Gehen Sie hin!
- Abgaben zu Übungszetteln können in Zweiergruppen erfolgen.
- Die Zweiergruppen können sinnvoll während des ersten Übungstermins geformt werden.
- Das erste Übungsblatt wird heute oder morgen veröffentlicht.
- Einreichungen zum ersten Übungsblatt bis Dienstag, 16.10.2018, 23:55 Uhr, als einzelne PDF-Datei über Moodle
- Plagiate sind selbstverständlich nicht erlaubt! Bei Entdeckung werden Sie aus der Bewertung für den Rest des Semesters ausgeschlossen, können also keine Bonuspunkte mehr erreichen.

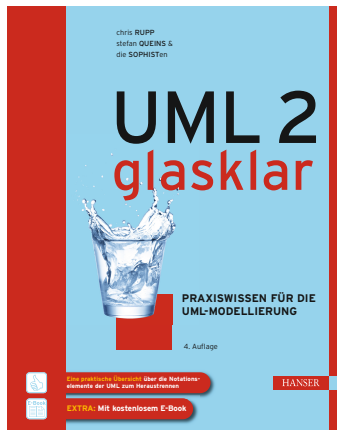
Die Lehrveranstaltung wird durch eine 90-minütige schriftliche Klausur am Ende des Semesters geprüft.

Der derzeitige Planungsstand für den Klausurtermin ist Montag, 11. März, 10 Uhr.

Die Anmeldung erfolgt über das Prüfungsamt.

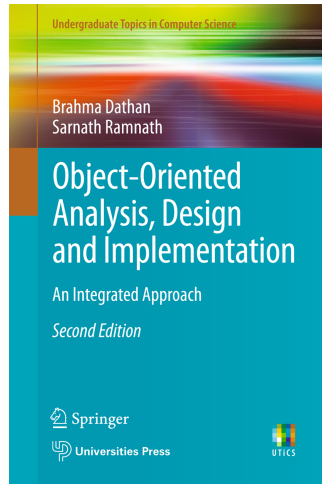
Auch die Klausur wird in Deutsch und in Englisch angeboten.

Chris Rupp, Stefan Queins.
UML 2 glasklar.
Hanser Fachbuch, 2012

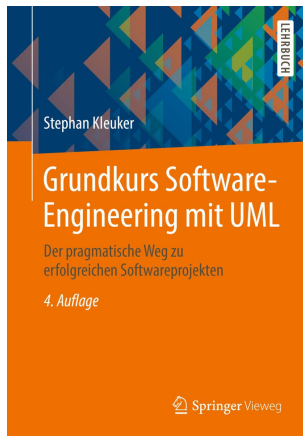


Buch ist in der Bibliothek verfügbar.

Brahma Dathan,
Sarnath Ramnath.
Object-Oriented Analysis, Design
and Implementation – An
Integrated Approach.
Springer, 2015

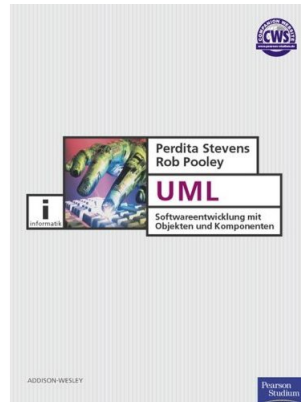


Stephan Kleuker.
Grundkurs Software-Engineering
mit UML.
Springer, 2018



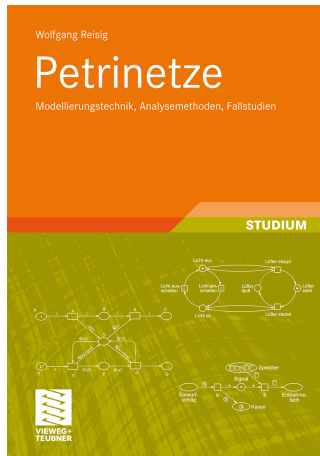
<https://dx.doi.org/10.1007/978-3-658-19969-2>
(elektronische Version über den Uni-Account)

Perdita Stevens, Rob Pooley.
UML – Softwareentwicklung mit
Objekten und Komponenten.
Pearson, 2001



Das englische Original ist in der Bibliothek verfügbar.

Wolfgang Reisig.
Petrinetze –
Modellierungstechnik,
Analysemethoden, Fallstudien.
Springer, 2010



<https://dx.doi.org/10.1007/978-3-8348-9708-4>
(elektronische Version über den Uni-Account)

Lutz Priese, Harro Wimmel.
Petri-Netze.
Springer, 2008



<https://dx.doi.org/10.1007/978-3-540-76971-2>
(elektronische Version über den Uni-Account)

Tadao Murata. Petri Nets: Properties, Analysis and Applications. Proc. of the IEEE, 77(4), pages 541–580, 1989

Petri Nets: Properties, Analysis and Applications

TADAO MURATA, FELLOW, IEEE

Invited Paper

This is an invited tutorial-review paper on Petri nets—a graphical and mathematical modeling tool. Petri nets are a promising tool for describing and studying information processing systems that are characterized as being concurrent, asynchronous, distributed, parallel, nondeterministic, and/or stochastic.

The paper starts with a brief review of the history and the application areas considered in this literature. It then proceeds with introducing modeling examples, behavioral and structural properties, three methods of analysis, subclasses of Petri nets and their analysis. In particular, one section is devoted to model graphs—the concurrent system model most amenable to analysis. In addition, the paper presents introductory discussions on stochastic Petri nets, their application to performance modeling, and an high-level view with their application to logic programming. Also included are recent results on decidability criteria. Suggestions are provided for further reading on many subject areas of Petri nets.

1. Introduction

Petri nets are a graphical and mathematical modeling tool applicable to many systems. They are a promising tool for describing and studying information processing systems that are characterized as being concurrent, asynchronous, distributed, parallel, nondeterministic, and/or stochastic. As a graphical tool, Petri nets can be used as a visual communication aid similar to flow charts, block diagrams, and networks. In addition, notions are used in these nets to simulate the dynamic and concurrent activities of systems. As a mathematical tool, it is possible to set up state equations, algebraic equations, and other mathematical models governing the behavior of systems. Petri nets can be used by both practitioners and theoreticians. Thus, they provide a powerful medium of communication between these practitioners and theoreticians. In this sense, they have made their models more methodical, and theoreticians can learn from practitioners how to make their models more realistic. Historically speaking, the concept of the Petri net has its origin in Carl Adam Petri's dissertation [1], submitted in 1962

to the faculty of Mathematics and Physics at the Technical University of Darmstadt, West Germany. The dissertation was prepared while C. A. Petri worked as a scientist at the University of Bonn. Petri's work [1] (2) came to the attention of A. W. Maek, who later led the Information Systems Theory Project of Applied Data Research, Inc., in the United States. The early developments and applications of Petri nets for their predecessors are found in the reports [3]–[8] associated with this project, and in the Record [9] of the 1975 Petri Net Conference on Concurrent Systems and Parallel Computation. From 1975 to 1977, the Computation Structures Group at MIT was most active in conducting Petri net related research, and produced many reports and books on Petri nets. In July 1978, there was a conference on Petri Nets and Related Methods at MIT, but no conference proceedings were published. Most of the Petri-net related papers written in English before 1980 are listed in the annotated bibliography of the first issue [10] of Petri nets. More recent papers up until 1984 and those works done in Germany and other European countries are annotated in the appendix of another issue [11]. These formal articles [12]–[14] provide a complementary, easy-to-read introduction to Petri nets.

Since the late 1970s, the Europeans have been very active in organizing workshops and publishing conference proceedings on Petri nets. In October 1978, about 130 researchers mostly from European countries assembled in Hamburg, West Germany, for a two-week advanced course on General Net Theory of Processes and Systems. The 50 lectures given in this course were published in its proceedings [15], which is currently not available. The similarly named course was held in Bad Homburg, West Germany, in September 1980. The proceedings [16], [17] of this course contain 34 articles, including two recent articles by C. A. Petri and the others [18] with his suggestions for further research. The first European Workshop on Applications and Theory of Petri Nets was held in 1980 at Strasbourg, France. Since then, this series of workshops have been held every year at different locations in Europe: 1981, Bad Homburg, West Germany; 1982, Venezia, Italy; 1983, Toulouse, France; 1984, Aarhus, Denmark; 1985, Espoo, Finland; 1986, Oxford, Great

Manuscript received May 28, 1988; revised November 4, 1988. This work was supported by the National Science Foundation under Grant DMC-8701086.
The author is with the Department of Electrical Engineering and Computer Science, University of Illinois, Chicago, IL 60680, USA.
IEEE Log Number 8826796.

0893-7524/88/040541-20\$1.00 © 1989 IEEE

PROCEEDINGS OF THE IEEE, VOL. 77, NO. 4, APRIL 1989

541

<https://dx.doi.org/10.1109/5.24143>
(elektronische Version über den Uni-Account)

David Harel.

Statecharts: A visual formalism for complex systems. Science of Computer Programming, 8, pages 231–274, 1987

Science of Computer Programming 8 (1987) 231–274
North-Holland

231

STATECHARTS: A VISUAL FORMALISM FOR COMPLEX SYSTEMS*

David HAREL

Department of Applied Mathematics, The Weizmann Institute of Science, Rehovot, Israel

Communicated by A. Pnueli

Received December 1984

Revised July 1986

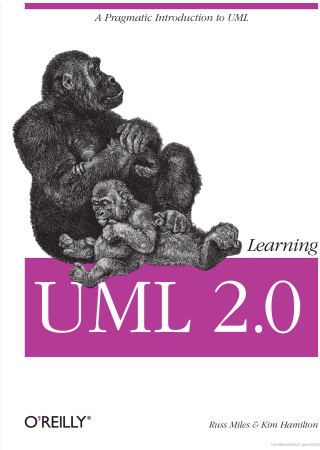
Abstract. We present a broad extension of the conventional formalism of state machines and state diagrams, that is relevant to the specification and design of complex discrete event systems, such as multi-processor real-time systems, communication protocols and digital control units. Our diagrams, which we call statecharts, extend conventional state transition diagrams with essentially three elements, dealing, respectively, with the notions of hierarchy, concurrency and communication. These transform the language of state diagrams into a highly structured and economical description language. Statecharts are thus compact and expressive—small diagrams can express complex behavior—as well as compositional and modular. When coupled with the capabilities of computerized graphics, statecharts enable viewing the description in different levels of detail, and make even very large specifications manageable and comprehensible. In fact, we intend to demonstrate here that statecharts counter many of the objections raised against conventional state diagrams, and thus appear to render specification by diagrams an attractive and plausible approach. Statecharts can be used either as a stand-alone behavioral description or as part of a more general design methodology that deals also with the system's other aspects, such as functional decomposition and dataflow specification. We also discuss some practical experience that was gained over the last three years in applying the statechart formalism in the specification of a particularly complex system.

1. Introduction

The literature on software and systems engineering is almost unanimous in recognizing the existence of a major problem in the specification and design of large and complex reactive systems. A reactive system (see [14]), in contrast with a *transformational system*, is characterized by being, to a large extent, event-driven, continuously having to react to external and internal stimuli. Examples include telephones, automobiles, communication networks, computer operating systems, missile and avionics systems, and the man-machine interface of many kinds of ordinary software. The problem is rooted in the difficulty of describing reactive behavior in ways that are clear and realistic, and at the same time formal and

* The initial part of this research was carried out while the author was consulting for the Research and Development Division of the Israel Aircraft Industries (IAI), Lod, Israel. Later stages were supported in part by grants from IAI and AD CAD, Ltd.

Russ Miles, Kim Hamilton.
Learning UML 2.0.
O'Reilly, 2006



Hinweise:

- Die Literatur ist als Ergänzung gedacht, sie präsentiert den Stoff teils aus einem anderen Blickwinkel als die Vorlesung.
- Von einigen der Bücher/Artikel können Sie über Ihren Uni-Account eine elektronische Version kostenlos erhalten.
- Auch noch weitere relevante Bücher sind in der Bibliothek (Gebäude LK) verfügbar.
- Wagen Sie sich ruhig auch an englische Literatur, denn englische Fachsprache ist zumeist gut verständlich.

Einführung in die Modellierung

Modell

Ein Modell ist eine Repräsentation eines Systems von Objekten, Beziehungen und/oder Abläufen. Ein Modell vereinfacht und abstrahiert dabei im Allgemeinen das repräsentierte System.

System

Der Begriff System wird hier sehr allgemein verwendet. Er kann

- einen Teil der Realität oder ein (noch) nicht bestehendes Gebilde;
- etwas Gegenständliches oder Virtuelles

bezeichnen.

Modellierung

Modellierung ist der Prozess, bei dem ein Modell eines Systems erstellt wird.

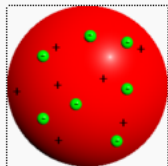
Warum wird überhaupt modelliert?

⇒ Um ein System zu entwerfen, besser zu verstehen, zu visualisieren, zu simulieren, ...

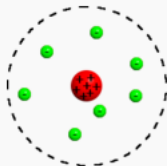
Um etwas konkreter zu werden, betrachten wir kurz klassische Beispiele aus verschiedenen Disziplinen (Physik, Biologie, Klimaforschung).

Atommodelle

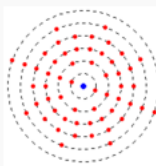
Atome bestehen aus Protonen, Neutronen und Elektronen. Wie diese Teilchen zusammenwirken, wird in Atommodellen beschrieben, die im Laufe der Zeit immer wieder verändert wurden.



Thomson'sches
Atommodell



Rutherford'sches
Atommodell



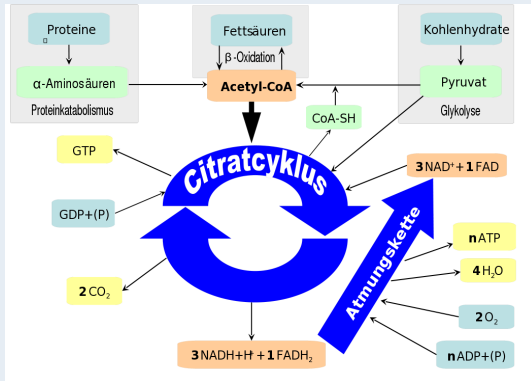
Bohr'sches Atommodell



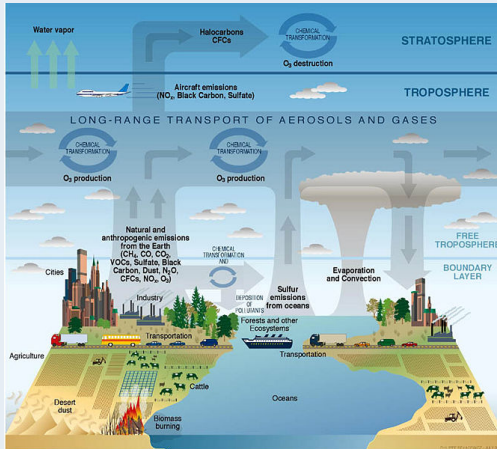
Orbitalmodell

Zitronensäurezyklus

Der Zitronensäurezyklus oder Citratzyklus modelliert den Abbau organischer Stoffe im Körper.



Modell des Transports von Gasen in der Atmosphäre



visuell vs. textuell

Nicht alle Modelle sind visuell bzw. grafisch. Auch mit textuellen Beschreibungen und Formeln kann man modellieren (siehe beispielsweise mathematische Modelle, Logik, Algebra).

Dennoch werden häufig grafische Darstellungen benutzt, auch aus didaktischen Gründen und um sich besser über die Modelle verständigen zu können.

qualitativ vs. quantitativ

- qualitative Modelle: Welche Objekte gibt es? Welche Merkmale und Beziehungen zueinander haben sie? Was passiert? Warum passiert es? In welcher Reihenfolge geschehen die Ereignisse? Was sind die kausalen Zusammenhänge? Welche Phänomene treten auf?
- quantitative Modelle: Wieviele Objekte gibt es? In welchem Mengenverhältnis zueinander treten verschiedene Arten von Objekten auf? Wie lange dauert ein Vorgang? Wie wahrscheinlich ist ein bestimmtes Ereignis?

black box vs. white box

- black box: Nur das von außen beobachtbare Verhalten wird beschrieben.
- white box: Es wird auch beschrieben, wie das von außen beobachtbare Verhalten im „Inneren“ des Systems erzeugt wird.

statisch vs. dynamisch

- Ein statisches Modell beschreibt den Aufbau oder einen bestimmten Zustand des Systems.
- Ein dynamisches Modell beschreibt hingegen auch, wie das System sich entwickelt (ein oder mehrere mögliche Abläufe oder sogar das gesamte Systemverhalten).

formal vs. semi-formal vs. nicht-formal

Je nach Exaktheit der Modelle erhält man:

- formale Modelle, die vollkommen exakt in ihren Aussagen sind (vor allem mathematische Modelle)
- semi-formale Modelle, die teilweise exakt sind, jedoch nicht alles vollständig spezifizieren
- nicht-formale Modelle, die als grobe Richtlinie dienen können, jedoch eher vage Aussagen machen

Natürliche Sprache ist nicht immer eindeutig.



((Ich sah den Mann) auf dem Berg
mit dem Fernrohr)



((Ich sah (den Mann auf dem Berg))
mit dem Fernrohr)



((Ich sah den Mann) (auf dem Berg
mit dem Fernrohr))



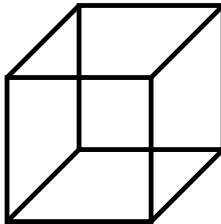
(Ich sah ((den Mann auf dem Berg)
mit dem Fernrohr))



(Ich sah (den Mann (auf dem Berg
mit dem Fernrohr)))

mindestens fünf
mögliche
Interpretationen

Auch grafische Darstellungen können uneindeutig sein:



Wozu benötigt man in der Informatik Modelle?

Je komplexer ein Informatik-System sein wird, desto wichtiger ist es, einen Plan zu haben, bevor man beginnt, es zu konstruieren.

Dies führt idealerweise zu:

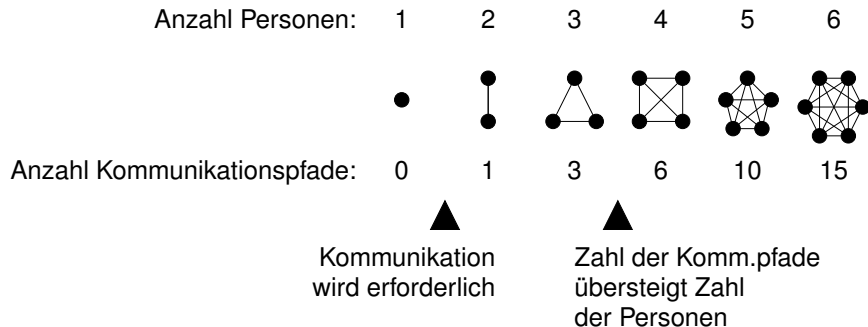
- Vermeidung von Fehlern
- besserer Qualität
- niedrigeren Kosten
- besserer Dokumentation und Wiederverwendbarkeit

Modellierung ist in der Informatik weniger verbreitet als in den (anderen) Ingenieurwissenschaften, aber ebenso relevant.

Schwierigkeiten beim Entwurf komplexer Systeme

- Menschen können sich komplexe Systeme normalerweise nicht in vollem Umfang vorstellen.
- Bei mehreren Beteiligten gibt es oft unterschiedliche Meinungen darüber, wie das System aussehen muss.
~> Modelle dienen zur Kommunikation!

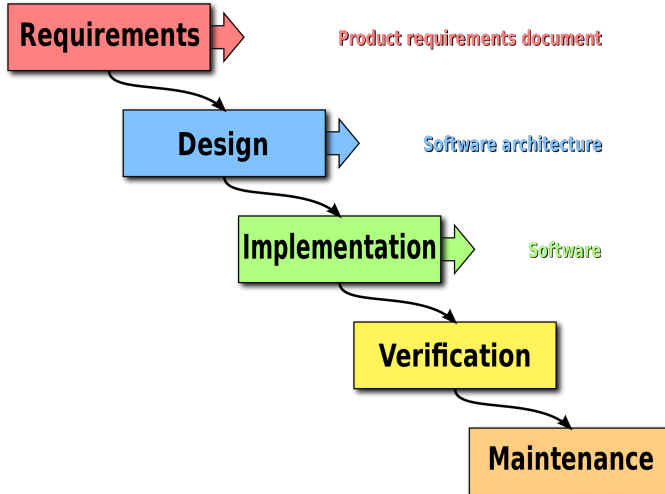
Starker Anstieg der Anzahl der Kommunikationspfade bei Anstieg der Entwicklerzahl:



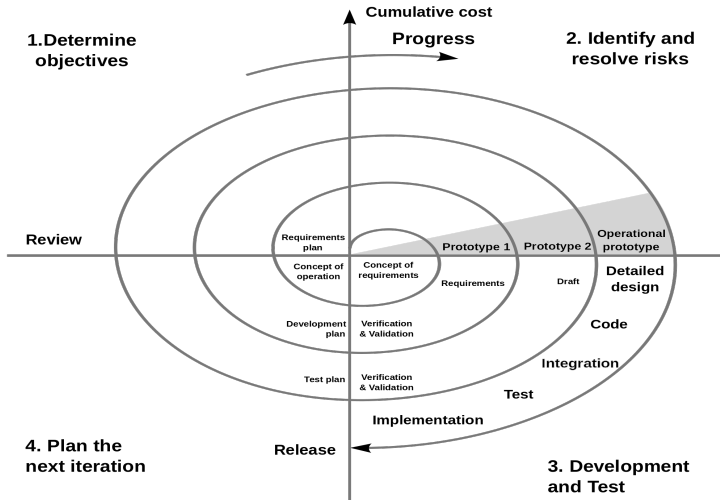
Besonderheiten von Software beeinflussen die Rolle von Modellen:

- Immaterialität, daher gar nicht so leicht, etwa festzustellen, „wie viel“ eines Modells schon umgesetzt wurde
- Einzigartigkeit jedes Softwareprojekts, daher Modelle nicht in der Rolle von Vorlagen zum Zweck mehrfacher Realisierung

Ein klassischer Softwareentwicklungs-Prozess, „Wasserfall“:



Alternativer iterativer Ansatz, „Spiral“:



„Sonderfälle“:

- Agile Software Development
- Open Source Development
- Model Driven Engineering
- ...

Weitere wichtige Gesichtspunkte sind:

- Analyse:

- Ist ein Modell korrekt? Ist es in sich konsistent?
- Stimmt das Modell mit der späteren Implementierung überein?
(Hier werden Verfahren zum Testen und zur Verifikation benötigt.)

- Werkzeuge, Software-Tools:

... werden benötigt zum Zeichnen, zum Darstellen (und Wechseln zwischen verschiedenen Darstellungen), zum Archivieren, zur Code-Generierung, zur Analyse, ...

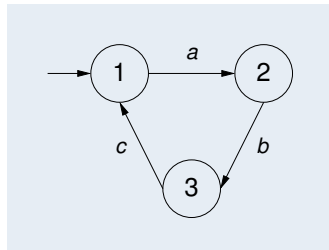
Inhalt (nicht exakt in dieser Reihenfolge)

- Mathematische Grundlagen
- Graphen für statische und dynamische Systembeschreibungen
- Petrinetze
- UML (Unified Modeling Language)

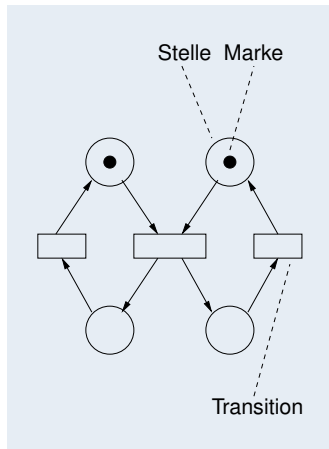
Aus Gründen der Übersichtlichkeit und Didaktik werden wir uns hauptsächlich mit kleinen Modellen befassen.

Die Verwendung von Modellen zur Verifikation von Eigenschaften wird nicht im Zentrum stehen.

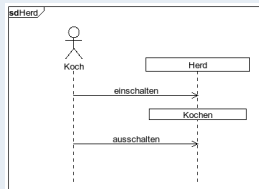
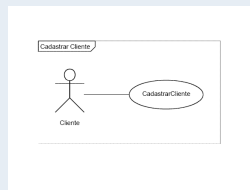
- Graphen sind netzartige Strukturen, bestehend aus Knoten und Kanten.
- Sie können eingesetzt werden für
 - statische Modellierung:
z.B. Komponenten und Beziehungen zwischen den Komponenten
 - dynamische Modellierung:
z.B. Zustände und Übergänge zwischen den Zuständen



- Modellierung nebenläufiger und verteilter Systeme, zur Beschreibung der gemeinsamen Nutzung von Ressourcen
- Schwerpunkt auf der Modellierung des dynamischen Verhaltens
- etablierter Ansatz, der vielfältig eingesetzt wird
- besitzt formale Semantik
- entwickelt von Carl Adam Petri (1962)



- Standard-Modellierungssprache für Software Engineering
- basiert auf objekt-orientierten Konzepten
- sehr umfangreich, enthält viele verschiedene Arten von Modellen
- entwickelt von Grady Booch, James Rumbaugh, Ivar Jacobson (1997)



Die in der Lehrveranstaltung vorgestellten Modellierungsmethoden sind nicht die einzigen Modellierungsmethoden in der Informatik.

Denn hier: Fokus auf visuelle Modellierung mit Hilfe von Diagrammen

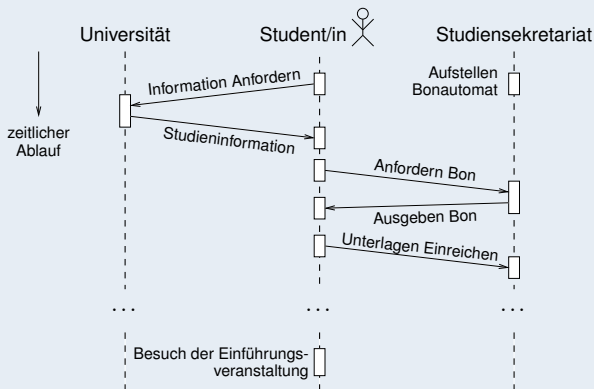
Weniger: algebraische Modellierungsmethoden, die sich stärker an der Mathematik orientieren



Szenario: Eine Reorganisation der Universität, und insbesondere des Studiensekretariats, das für Einschreibungen zuständig ist, steht an.

Hierzu soll der Ablauf des Einschreibens neuer Studierender modelliert werden ...

Darstellung (nur Ausschnitt) des zeitlichen Ablaufs durch Symbolisieren der beteiligten Partner als Linien und der Kommunikation durch Pfeile



Wir modellieren folgendes (Nicht-Informatik-)System, um eine mögliche Lösung zu finden.

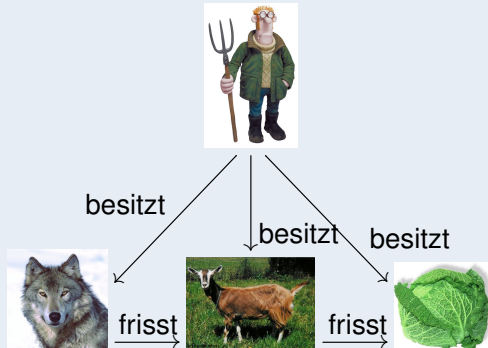
Wolf-Ziege-Kohlkopf-Problem

Ein Farmer will einen Fluss überqueren. Er hat einen Wolf, eine Ziege und einen Kohlkopf bei sich. Wenn sie allein gelassen werden, so frisst die Ziege den Kohlkopf und der Wolf die Ziege. Zur Überquerung des Flusses steht ein Boot mit zwei Plätzen zur Verfügung. Nur der Farmer kann rudern und er kann das Boot entweder allein benutzen oder ein Tier oder den Kohlkopf mitnehmen.

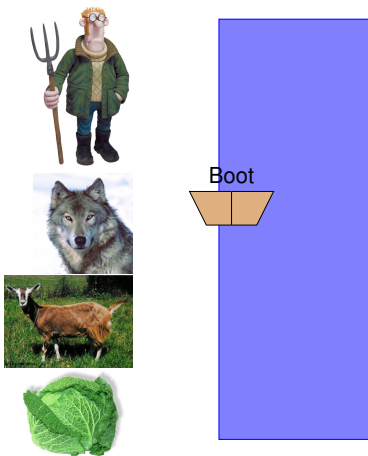
Statisches Modell I: Beteiligte Akteure/Objekte



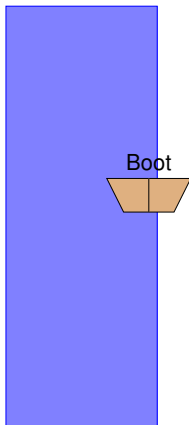
Statisches Modell II: Fress- und Eigentumsbeziehungen zwischen den Akteuren



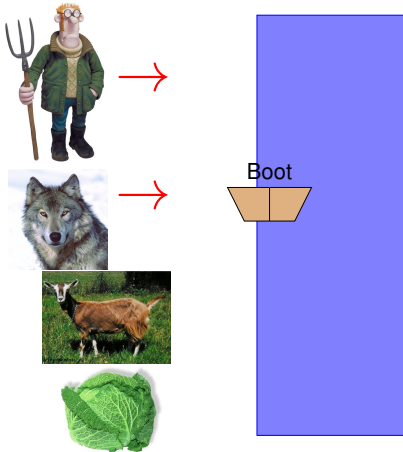
Ausgangssituation: vor Überquerung des Flusses



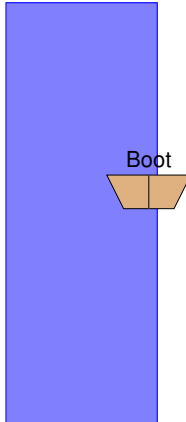
Zielsituation: nach Überquerung des Flusses



Dynamisches Modell: Beispielablauf, erster Schritt;
Farmer und Wolf setzen gemeinsam über



Dynamisches Modell: Beispielablauf, zweiter Schritt;
Ziege frisst Kohlkopf



Man unterscheidet bei der Modellierung zwischen:

- Syntax: Symbole und Formen/Diagramme, die für die Darstellung des Modells genutzt werden dürfen
Im Beispiel: Bild der Ziege, blaue Fläche, etc.
- Semantik: Bedeutung, die sich jeweils dahinter verbirgt
Im Beispiel: Die blaue Fläche symbolisiert den Fluss.
Die Pfeile bedeuten: „Fluss wird überquert“. Etc.

Zu einer Syntax gibt es nicht immer eine dazugehörige Semantik.
(Im Wolf-Ziege-Kohlkopf-Beispiel ist die Semantik noch sehr vage.)

Wünschenswert ist jedoch im Allgemeinen, dass die Bedeutung aller Symbole und Formen möglichst präzise festgelegt wird.

⇒ Einigung auf eine gemeinsame Sprache/Notation,
oder auf gemeinsame visuelle Beschreibungsformen;
zur Vermeidung von Missverständnissen

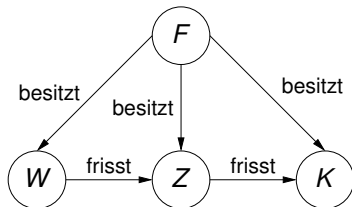
Graphen, als netzartige Strukturen bestehend aus Knoten und Kanten, und gegebenenfalls mit Beschriftungen, bilden eine solche Sprache/Notation als formale Grundlage vieler diagrammatischer Modellierungstechniken.

Graphen können in vielfältiger Weise zur Modellierung eingesetzt werden. Wir betrachten kurz zwei typische Weisen.

Graphen zur statischen Modellierung

Die Knoten sind Komponenten oder Objekte, die untereinander über Kanten verbunden werden, wenn sie in Beziehung stehen.

Beispiel: Beziehungen zwischen Farmer, Wolf, Ziege, Kohlkopf



Graphen zur dynamischen Modellierung

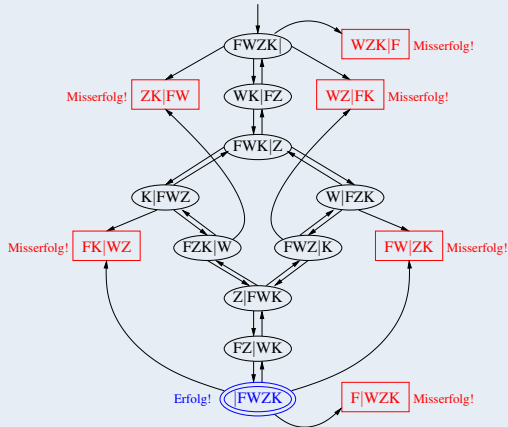
Die Knoten sind Zustände und Kanten beschreiben Zustandsübergänge.

Klassischer Vertreter: flache Zustandsdiagramme
(auch Transitionssysteme genannt)

Flaches Zustandsdiagramm

Ein flaches Zustandsdiagramm besteht aus einem gerichteten und eventuell kantenbeschrifteten Graphen, wobei Zustände die Knotenmenge und Übergänge die Kantenmenge bilden, und außerdem der Hervorhebung eines Startzustands (meist durch eine eingehende Pfeilspitze).

Beispiel: flaches Zustandsdiagramm für das Wolf- Ziege-Kohlkopf-Problem



Bemerkungen:

- Der senkrechte Strich | steht hier für den Fluss. Links und rechts davon befinden sich die Akteure/Objekte (F = Farmer, W = Wolf, Z = Ziege, K = Kohlkopf). Deren Reihenfolge ist egal, und das Boot braucht man nicht anzugeben, denn es ist immer beim Farmer.
- Übergänge sind hier aus Gründen der Übersichtlichkeit nicht beschriftet. Sinnvolle Beschriftungen wären die ausgeführten Aktionen (z.B. „Farmer bringt Ziege über den Fluss“).
- Eckige (rote) Zustände symbolisieren hier Misserfolg (z.B. „Ziege frisst Kohlkopf“; solche Aktionen haben Priorität vor Überfahrten). Kanten, die aus solchen Zuständen herausführen, wurden hier weggelassen.
- Die doppelte (blaue) Ellipse symbolisiert hier Erfolg (erwünschter Zielzustand ist erreicht).

Weitere Bemerkungen:

- Es gibt mehrere (sogar unendlich viele und beliebig lange) Wege zum Zielzustand. Die zwei kürzesten enthalten jeweils sieben Übergänge.
- Flache Zustandsdiagramme für selbst relativ einfache Systeme werden oft erstaunlich groß (sogenannte Zustandsexplosion).

Wichtig:

Flache Zustandsdiagramme stellen im Allgemeinen alle Zustände und alle Übergänge eines Systems explizit dar.

Statische Modellierung von Operationen

- Beim Entwurf eines Systems in der Informatik, eines Programms, oder vielleicht auch einer Datenbank, stellt sich oft zunächst die Frage, welche Operationen angeboten und umgesetzt werden sollen, und auf was für Daten diese arbeiten müssen.
- Dabei geht es noch nicht darum, was und wie die Operationen etwas genau „tun“ werden, sondern welche Aufrufe/Verwendungen syntaktisch erlaubt sind und wie Operationen kombiniert werden können.
- Mindestens kann das später der Dokumentation dienen; im Idealfall hilft es bereits bei der Software-Implementierung, etwa durch präzises Erfassen, welche Fälle von Eingaben überhaupt behandelt werden müssen, oder durch die Möglichkeit der Konsistenzprüfung und damit Vermeidung von Fehlern (etwa bei versuchter Verwendung von Operationen in nicht sinnvoller Kombination).

Zum Beispiel könnte man (etwa beim Entwurf einer Taschenrechner-App) übliche arithmetische Operationen auf der Menge $\mathbb{N}$ der natürlichen Zahlen, inklusive Null, wie folgt statisch zu modellieren beginnen:

$$+ : \mathbb{N} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$$

$$* : \mathbb{N} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$$

$$/ : \mathbb{N} \times \mathbb{N} \rightarrow ?$$

Um verbotene Division durch Null auszuschließen, Einschränkung des zweiten Arguments auf die Menge $\mathbb{N}_+ \subset \mathbb{N}$ der positiven natürlichen Zahlen:

$$/ : \mathbb{N} \times \mathbb{N}_+ \rightarrow ?$$

Entscheidung darüber, ob man nur ganzzahlige Division umsetzen, oder auch rationale Zahlen unterstützen möchte:

$$/ : \mathbb{N} \times \mathbb{N}_+ \rightarrow \mathbb{N} \quad \text{vs.} \quad / : \mathbb{N} \times \mathbb{N}_+ \rightarrow \mathbb{Q}$$

Dabei gibt es keine „richtige“ oder „falsche“ Entscheidung, sondern es kommt auf den Anwendungszweck und -kontext an. Dies sinnvoll herauszuarbeiten wäre hier gerade Teil des Modellierens.

Mit mehreren vorliegenden „Datentypen“ ($\mathbb{N}$, $\mathbb{N}_+$, eventuell $\mathbb{Q}$) kann man einige statische Informationen zu Operationen noch präzisieren, zum Beispiel durch Festhalten von:

$$+ : \mathbb{N}_+ \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}_+$$

$$+ : \mathbb{N} \times \mathbb{N}_+ \rightarrow \mathbb{N}_+$$

$$* : \mathbb{N}_+ \times \mathbb{N}_+ \rightarrow \mathbb{N}_+$$

aber nicht etwa:

$$* : \mathbb{N}_+ \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}_+$$

Dann können wir rein anhand der statischen Informationen, also ohne wirklich etwas auszurechnen, feststellen, dass etwa $3/((5+0)*4)$ okay ist, $3/((5*0)*4)$ aber nicht sicher.

Umgang mit solchen arithmetischen Ausdrücken oder „Termen“ kennen Sie natürlich aus der Schule, insbesondere neben dem Aufstellen auch das Umformen von Termen.

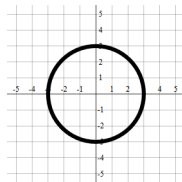
Interessant aus Modellierungssicht ist nun, dass so ein algebraischer Zugang aber nicht nur für Zahlen und Operationen auf diesen möglich ist, sondern auch allgemein für Operationen in praktisch beliebigen anderen Anwendungsdomänen.

Angenommen, wir möchten für ein Grafikprogramm diverse mögliche Operationen zum Zeichnen und Manipulieren von Bildern modellieren.

Statt mathematischen Zahlenbereichen wie `eben`, sind hier neben grundlegenden Datentypen, die Sie etwa aus Python kennen oder in GPT bald kennenlernen werden (`Float`, `String`), domänenspezifische Typen wie `Color`, `Points`, `Picture` relevant.

Eine Operation könnte dann wie folgt „getypt“ sein:

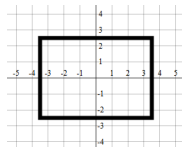
`circle : Float → Picture`



`circle(3)`

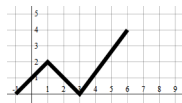
Weitere Operationen für Grundfiguren:

`rectangle` : $\text{Float} \times \text{Float} \rightarrow \text{Picture}$



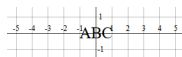
`rectangle(7,5)`

`path` : $\text{Points} \rightarrow \text{Picture}$



`path([(−1,0),...])`

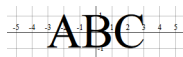
`print` : $\text{String} \rightarrow \text{Picture}$



`print("ABC")`

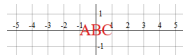
Operationen zur Manipulation bestehender Figuren:

`scale` : `Picture` $\times$ `Float` $\times$ `Float` $\rightarrow$ `Picture`



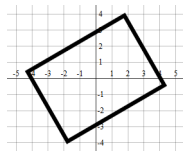
`scale`(`print`("ABC"),3,3)

`color` : `Picture` $\times$ `Color` $\rightarrow$ `Picture`



`color`(`print`("ABC"),red)

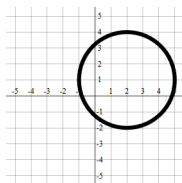
`rotate` : `Picture` $\times$ `Float` $\rightarrow$ `Picture`



`rotate`(`rectangle`(7,5),30)

Operationen zur Positionierung:

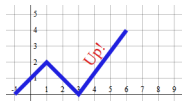
`move` : `Picture` $\times$ `Float` $\times$ `Float` $\rightarrow$ `Picture`



`move(circle(3),2,1)`

... und zur Komposition aus Teilbildern:

`&` : `Picture` $\times$ `Picture` $\rightarrow$ `Picture`



`color(path([...]),blue) & move(rotate(color(print("Up!")),red),53),4,2.5)`

Anhand der statischen Informationen können wir nun wieder bestimmte Aufrufe/Kombinationen von Operationen als nicht sinnvoll erkennen.

Zum Beispiel:

- | | |
|---|---|
| ■ <code>circle(circle(3))</code> | – <code>circle(3)</code> ist Picture, nicht Float |
| ■ <code>print(circle(3))</code> | – ein Picture ist kein druckbarer Text |
| ■ <code>print(3)</code> | – korrekt wäre: <code>print("3")</code> |
| ■ <code>scale(print("ABC"), 3)</code> | – falsche Anzahl der Argumente |
| ■ <code>color(red, print("ABC"))</code> | – falsche Reihenfolge der Argumente |
| ■ <code>rotate(30, 30)</code> | – Zahl ist kein Bild |
| ■ <code>"ABC" & "DEF"</code> | – Komposition nur für Bilder vorgesehen |

Andererseits sind natürlich nicht alle Programmierfehler automatisch so erkennbar (z.B. `rectangle(7, 5)` vs. `rectangle(5, 7)`).

Bemerkung:

Falls Sie zum Beispiel C oder Java kennen, eine Angabe wie

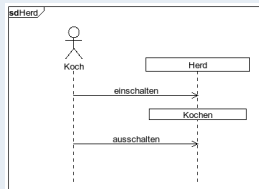
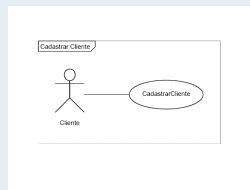
$$\text{rectangle} : \text{Float} \times \text{Float} \rightarrow \text{Picture}$$

entspräche da der folgenden Deklaration:

$$\text{Picture } \text{rectangle}(\text{Float } x, \text{Float } y)$$

UML: Einführung und Objekt-Orientierung

- Standard-Modellierungssprache für Software Engineering
- basiert auf objekt-orientierten Konzepten
- sehr umfangreich, enthält viele verschiedene Arten von Modellen
- entwickelt von Grady Booch, James Rumbaugh, Ivar Jacobson (1997)

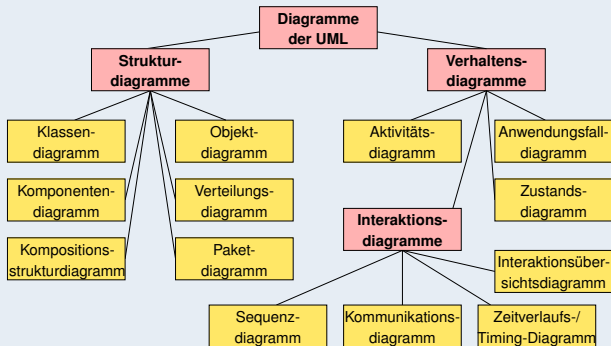


Bei UML handelt es sich um eine ganze Familie von Modellierungsmitteln.

UML beinhaltet Mittel zur

- vor allem visuell-grafischen statt textuell-mathematischen Modellierung von
- sowohl statischen als auch dynamischen Aspekten,
- in qualitativer und quantitativer Hinsicht,
- von vor allem (objekt-orientierten) Software-Systemen,
- unter „white box“- oder „black box“-Sicht,
- mit allgemein bestenfalls semi-formaler (Syntax und) Semantik,
- zur Verwendung bei Softwareentwicklung „im Großen“ mit strukturierten Entwicklungsprozessen.

Übersicht UML-Diagramme



Wir werden in der Vorlesung einige dieser Begriffe mit Leben füllen.

Zunächst betrachten wir nur Klassen- und Objektdiagramme. Dabei geht es um statische Modellierung in folgender Hinsicht:

- Dinge, ihre Eigenschaften, und Beziehungen zwischen ihnen;
- wie sich der Zustand eines Systems jeweils zusammensetzt, nicht wie/wohin er sich entwickeln kann;
- welche Operationen gegebenenfalls angeboten werden.

Das klingt weniger spannend als Modellierung des Verhaltens eines Systems, aber:

- präzise statische Modellierung ist wichtige Hilfe für Implementierung größerer Software-Systeme,
- und erlaubt die Anwendung von anerkannten (aus Erfahrung gewonnenen) Design-Prinzipien, etwa zum angemessenen Einsatz der Programmier Technik Vererbung.

Grundidee der Objekt-Orientierung

Vereinfacht besteht die Welt aus Objekten, die untereinander in Beziehungen stehen. Diese Sichtweise wird auch auf Modellierung und Softwareentwicklung übertragen.

Etwas genauer ...

Daten (= Attribute) werden zusammen mit der Funktionalität (= Methoden) in Objekten organisiert bzw. gekapselt.

Jedes Objekt ist in der Lage, Nachrichten (= Methodenaufrufe) zu empfangen, Daten zu verarbeiten und Nachrichten zu senden.

Diese Objekte, bzw. die Objekttypen, können – einmal realisiert – in verschiedenen Kontexten wiederverwendet werden.

Naiv illustriert aus Programmierersicht, an Beispieldomäne Vektorgrafik:

Mit unseren bisher spezifizierten Operationen könnte ein kleines Programm mit schrittweisem Aufbau eines bestimmten Bildes wie folgt aussehen:

```
p1 = rectangle(7,5);  
p2 = color(p1,red);  
p3 = rotate(p2,30);  
p4 = move(p3,4,2.5);
```

Stattdessen objekt-orientiert, zum Beispiel (kommt natürlich auf genaue Syntax der Programmiersprache an):

```
p = new Rectangle(7,5);  
p.color(red);  
p.rotate(30);  
p.move(4,2.5);
```

Hintergrund ist, dass es statt Operationen mit explizitem Vorkommen von Picture als Ein- und Ausgabe, also etwa:

$$\begin{aligned}\text{color} &: \text{Picture} \times \text{Color} \rightarrow \text{Picture} \\ \text{rotate} &: \text{Picture} \times \text{Float} \rightarrow \text{Picture} \\ \text{move} &: \text{Picture} \times \text{Float} \times \text{Float} \rightarrow \text{Picture}\end{aligned}$$

nun in einer „Klasse“ Picture, die eine „Unterklasse“ Rectangle hat, analoge Operationen gibt, die aber implizit auf jeweils einem Picture-„Objekt“ arbeiten:

```
class Picture {  
    void color(Color c);  
    void rotate(Float a);  
    void move(Float x, Float y);  
}
```

Operationen, die einen anderen Wert als das (veränderte) Objekt selbst zurückliefern, sind natürlich weiterhin auch möglich.

Also wenn wir etwa als Operation vorher noch gehabt hätten:

extent : Picture $\rightarrow$ Float

dann entspräche dem jetzt:

```
class Picture {  
    Float extent();  
}
```

Tatsächliche Syntax in UML ist anders als hier gerade in Anlehnung an Java gezeigt, nämlich: „color(c : Color)“ statt „void color(Color c)“,
„extent() : Float“ statt „Float extent()“.

Behauptete Vorteile der objekt-orientierten Programmierung:

- Leichte Wiederverwendbarkeit dadurch, dass Daten und Funktionalität zusammen verwaltet werden und es Konzepte zur Modifikation von Verhalten gibt (Stichwort: Vererbung).
- Verträglichkeit mit Nebenläufigkeit und Parallelität: Kontrollfluss kann nebenläufig in verschiedenen Objekten ablaufen und diese können durch Nachrichtenaustausch bzw. Methodenaufrufe miteinander kommunizieren.
- Nähe zur realen Welt: viele Dinge der realen Welt können als Objekte modelliert werden.

Ein Beispiel für die Modellierung von
Objekten der realen Welt:

Fahrkartenautomat

- Daten: Fahrziele, Zoneneinteilung, Fahrtkosten
- Funktionalität: Tasten drücken, Preise anzeigen, Münzen einwerfen, Fahrkarten auswerfen



Konzepte

- Klasse: definiert einen Typ von Objekten mit bestimmten Arten von Daten und bestimmter Funktionalität.

Beispiel: die Klasse der VRR-Fahrkartenautomaten

- Objekt: eine Instanz einer Klasse

Beispiel: der Fahrkartenautomat am Duisburger Hauptbahnhof,
Osteingang

Klassen- und Objektdiagramme

Beispiel: Klasse von Punkten mit x -, y -Koordinaten (also zweidimensional) und Operationen zum Auslesen der Koordinaten

Grafische Darstellung einer Klasse

Point	Klassenname
x : Int y : Int	Attribute (evtl. mit Typ)
getX() : Int getY() : Int	Operationen / Methoden

Bemerkung: Obwohl ja auch Aktivitäten aufgeführt werden (etwa `getX`), handelt es sich dennoch um statische Modellierung. (Warum?)

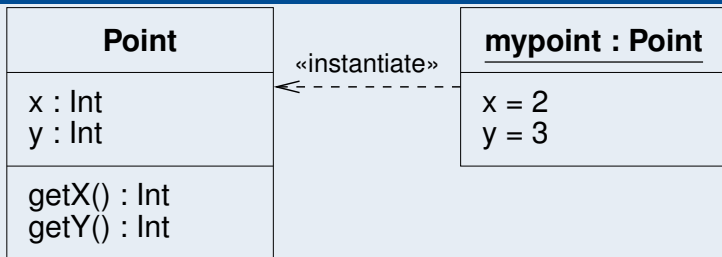
Weitere Bemerkungen:

- Bei den Attributen handelt es sich um sogenannte Instanzattribute, das heißt, sie gehören zu den Instanzen einer Klasse (zu den Objekten, nicht zur Klasse selbst).
- Man kann die Sichtbarkeit eines Attributes bzw. einer Methode spezifizieren, indem man bestimmte Modifikatoren (+, -, #, ~) vor den Attribut-/Methodennamen schreibt.
- Attribute haben im Allgemeinen Typen, manchmal auch Vorgabewerte (= initiale Werte). Dies wird dann folgendermaßen notiert: $x : \text{Int} = 0$
- Operationen mit Argumenten (und Rückgabewert) werden mit ihren Typen folgendermaßen notiert: $\text{add}(m : \text{Int}, n : \text{Int}) : \text{Int}$

Eine Klasse beschreibt den allgemeinen Aufbau bestimmter Objekte.

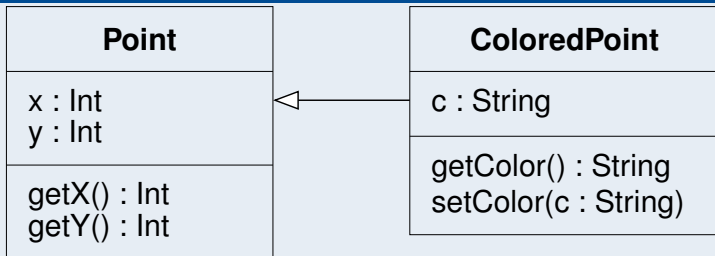
Eine Instanz einer Klasse stellt ein konkretes Objekt mit den entsprechenden Werten für die Attribute dar.

Grafische Darstellung einer Instanz (Objekt) einer Klasse



Es ist möglich, neue Klassen von bestehenden Klassen erben zu lassen.
(Generalisierung/Spezialisierung)

Grafische Darstellung von Vererbung



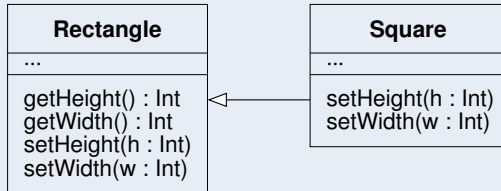
In einer solchen Situation nennt man **Point** eine Superklasse bzw. Oberklasse und **ColoredPoint** eine Subklasse bzw. Unterklasse.

Bemerkungen:

- Die Subklasse erbt die Attribute und Methoden (sowie Assoziationen, Aggregationen und Kompositionen; siehe später) der Superklasse, und kann diesen noch weitere hinzufügen. Außerdem kann man in der Subklasse Methoden der Superklasse überschreiben, also durch neue ersetzen.
- Ein Objekt einer Unterklasse kann auch als ein Objekt jeder seiner Oberklassen angesehen werden. ⇒ Polymorphie
- Dabei sollte man darauf achten, dass sich das Verhalten eines Programms bei solch einer Substitution nicht ändert.
(Liskovs Substitutions-Prinzip)

Beispiel für mögliche Verletzung des Substitutions-Prinzips

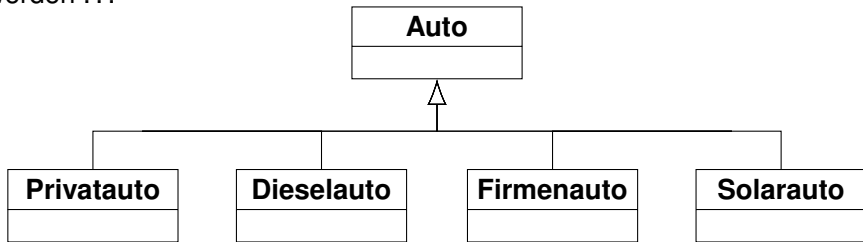
Scheinbar sinnvolle Vererbungsbeziehung:



wobei die in der Unterklasse überschriebenen Methoden das Quadratisch-Sein erzwingen.

Was passiert, wenn wir in dem für **Rectangles** gedachten (und getypten) Code: `o.setHeight(10); o.setWidth(20); print(o.getHeight());` ein **Square**-Objekt einsetzen?

Mitunter können Klassen in recht unterschiedlicher Weise spezialisiert werden ...

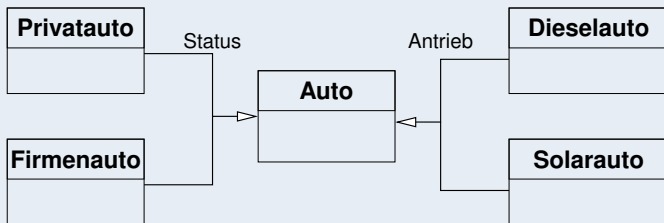


... wobei konzeptionell verschiedene Aspekte zur Spezialisierung führen. Hier etwa sind Privatauto und Dieselauto in ganz verschiedener Hinsicht spezieller als einfach nur ein Auto. Es macht auch nicht besonders viel Sinn, Privatauto und Dieselauto in Kontrast zu sehen. Hingegen sind Privatauto und Firmenauto ein natürliches Kontrastpaar, ebenso Dieselauto und Solarauto.

In solchen Situationen können einzelne Generalisierungsbeziehungen zu Gruppen zusammengefasst werden.

Generalisierungsgruppen

Am Beispiel:



Dabei wird ein sinnvoller Name der jeweiligen Generalisierungsgruppe (hier: Status bzw. Antrieb) im Diagramm annotiert.

Den Generalisierungsgruppen können Eigenschaften (in geschweiften Klammern) zugeordnet werden.

- complete/incomplete:

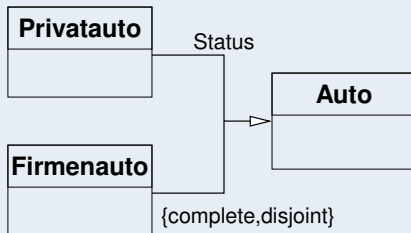
- complete: die Generalisierungsgruppe ist vollständig, das heißt, sie überdeckt konzeptionell alle denkbaren Instanzen der Oberklasse.
- incomplete: die Generalisierungsgruppe ist unvollständig, das heißt, es gibt durch sie nicht erfasste Instanzen.

- overlapping/disjoint:

- overlapping: es sind Instanzen denkbar, die konzeptionell zu mehr als einer der spezialisierenden Klassen gehören könnten.
- disjoint: die spezialisierenden Klassen überlappen sich konzeptionell nicht.

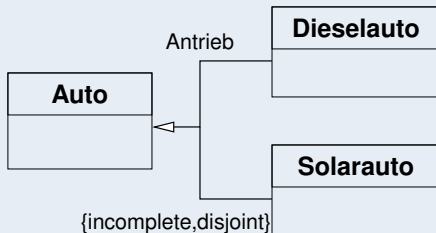
Beispiele für die Eigenschaften complete/incomplete und disjoint/overlapping:

{complete, disjoint}



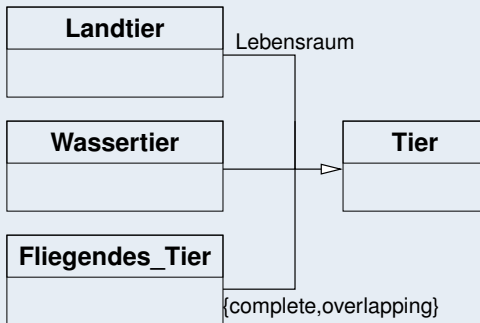
Hier handelt es sich um eine konzeptionelle Partitionierung der Instanzen der Oberklasse.

{incomplete,disjoint}



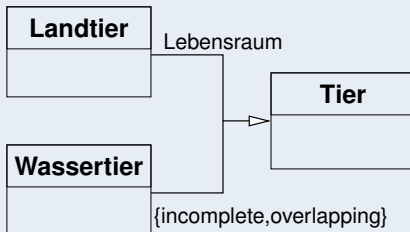
Warum unvollständig? $\rightsquigarrow$ Es fehlt z.B. eine Klasse Benzinauto.

{complete,overlapping}



Schildkröten sind sowohl Land- als auch Wassertiere.

{incomplete,overlapping}



Fliegende Tiere fehlen.

Neben Vererbung (also Generalisierung/Spezialisierung) sind noch andere Beziehungen zwischen Klassen (und letztlich zwischen deren Objekten) in UML darstellbar.

Wir betrachten hier die folgenden Arten von Beziehungen:

- Assoziation
- Aggregation
- Komposition

Dabei drücken diese Beziehungen verschieden starke Verbindungen aus, mit Komposition als stärkster, Assoziation als schwächster Form der Verbindung.

Wir beginnen mit der schwächsten Beziehung: der Assoziation.

Assoziation

Es gibt eine Assoziation zwischen den Klassen **A** und **B**, wenn es irgendeinen semantischen, nicht-hierarchischen Zusammenhang zwischen den Klassen gibt, der sinnvoll benannt werden kann.

Letztlich drückt eine Assoziation nur aus, dass Objekte der einen Klasse für zumindest einen Teil ihrer Funktionalität eine persistente (abzuspeichernde) Verbindung zu bestimmten Objekten der anderen Klasse brauchen.

Üblicherweise werden Assoziationen durch Referenzen realisiert. Das heißt, eine der Klassen hat ein Attribut vom Typ der anderen Klasse.

Diese Attribute werden jedoch nicht explizit eingetragen.

Beispiel für eine Assoziation

Eine Person kann ein Auto besitzen.



Obige Angabe schließt bewusst nicht aus, dass eine Person auch mehrere, oder gar kein Auto, besitzen könnte. Oder dass ein Auto von mehreren Personen besessen werden könnte.

Mögliche Ausprägungen auf der Ebene von Objekten wären also etwa:

1. $\{(person_1, auto_1), (person_2, auto_2), (person_3, auto_3)\}$
2. $\{(person_1, auto_1), (person_1, auto_2), (person_3, auto_3)\}$
3. $\{(person_1, auto_1), (person_1, auto_2), (person_2, auto_2)\}$

Oft wird eine Leserichtung der Assoziation eingeführt:



Separat kann eine Navigationsrichtung eingeführt werden, die beschreibt, Objekte welcher Klasse ihre Assoziationspartner kennen (und daher deren Methoden aufrufen können):





Hier hätten also **Person**-Objekte Referenzen auf **Auto**-Objekte.

Mengentheoretisch ausgedrückt, zum Beispiel:

$$2. \text{ person}_1 \mapsto \{\text{auto}_1, \text{auto}_2\}, \text{ person}_2 \mapsto \emptyset, \text{ person}_3 \mapsto \{\text{auto}_3\}$$

Die Navigationsrichtung kann im Prinzip von der Leserichtung abweichen:



Allerdings ist das ungewöhnlich und deutet auf einen Modellierungsfehler hin.

Hier kennen sich Vertreter beider Klassen gegenseitig:



An beiden Enden einer Assoziation können Multiplizitäten in Form von Intervallen $m..n$ (oder einfach nur m für $m..m$) angegeben werden.



Hier besitzt jede Person bis zu fünf Autos. Und jedes Auto ist im Besitz genau einer Person.

Falls die Multiplizität (am anderen Ende einer navigierbaren Assoziation) größer als Eins möglich ist, muss dies in der Implementierung durch eine Kollektion (Liste, Menge, Array) von Referenzen realisiert werden.

Was bedeuten zum Beispiel folgende Multiplizitäten?



Jedenfalls nicht, dass immer zwei Personen zusammen genau die gleichen Autos besitzen müssen.

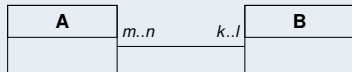
Möglich wäre etwa folgende Situation:

$$\{(person_1, auto_1), (person_2, auto_1), \\ (person_1, auto_2), (person_3, auto_2)\}$$

und noch Existenz weiterer Personen, aber nicht weiterer Autos.

Multiplizitäten allgemein:

In folgendem Diagramm können i Instanzen von **A**, mit $m \leq i \leq n$, mit einer Instanz von **B** assoziiert sein. Umgekehrt können j Instanzen von **B**, mit $k \leq j \leq l$, mit einer Instanz von **A** assoziiert sein.



Falls es keine obere Schranke geben soll, wird ein Stern (= unendlich) verwendet. Beispielsweise steht $2..*$ für „mindestens zwei“.

In UML ist keine Standardmultiplizität vorgegeben.

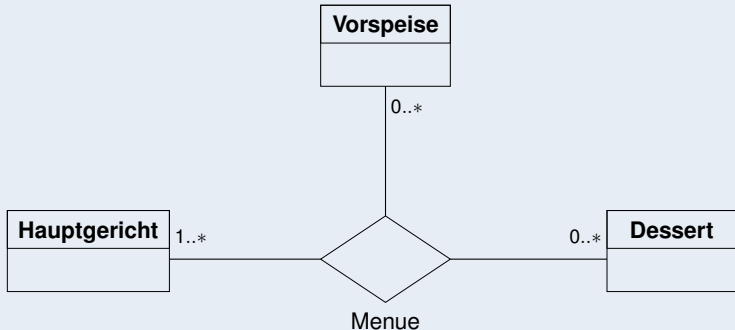
Für die folgenden Diagramme wird, wenn keine Angabe vorhanden ist, die Multiplizität $0..*$ als Standard angenommen.

Klassen können in verschiedenen Assoziationen verschiedene Rollen spielen. Rollen werden auch an den Assoziationen notiert (und machen es manchmal überflüssig, die Assoziation selbst zu benennen oder eine Leserichtung anzugeben).



n -äre Assoziation

Neben binären (zweistelligen) Assoziationen gibt es auch n -äre Assoziationen, die eine Beziehung zwischen $n > 2$ Klassen beschreiben.



Die nächste Beziehung – Aggregation – ist etwas stärker.

Aggregation

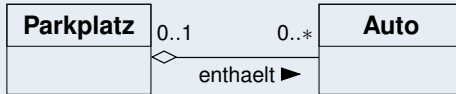
Es gibt eine Aggregation zwischen den Klassen **A** und **B**, wenn Instanzen der Klasse **A** Instanzen der Klasse **B** als Teile enthalten. (Ein „Ganzes“ enthält mehrere „Teile“.)

Dabei ist durchaus denkbar, dass ein Teil zu mehreren Ganzen gehört.

Eine explizite Benennung ist oft überflüssig, da aus der Angabe als Aggregation bereits die Natur der Beziehung folgt.

Beispiel für eine Aggregation (mit Benennung)

Ein Parkplatz „enthält“ mehrere Autos.



Jedoch existiert ein Auto nicht nur solange es auf einem Parkplatz steht.

Die stärkste der betrachteten Beziehungen ist die Komposition.

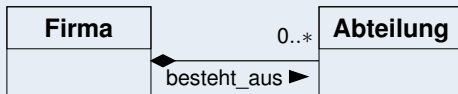
Komposition

Es gibt eine Komposition zwischen den Klassen **A** und **B**, wenn Instanzen der Klasse **A** Instanzen der Klasse **B** als Teile enthalten und die Lebenszeit der Teile vom „Ganzen“ kontrolliert wird. Das heißt, die Teile können (oder müssen sogar) gelöscht werden, sobald die zugehörige Instanz der Klasse **A** gelöscht wird. Außerdem (oder eigentlich wegen Obigem) darf ein Teil nicht gleichzeitig zu mehr als einem Ganzen gehören.

Auch hier ist eine explizite Benennung oft überflüssig.

Beispiel für eine Komposition (mit Benennung)

Eine Firma besteht aus einer beliebigen Anzahl Abteilungen.



Die Abteilungen existieren nicht mehr, sobald die Firma nicht mehr existiert.

Bemerkung: Bei einer Komposition darf die Multiplizität, die an der schwarzen Raute stünde, nur 0..1 oder 1 sein. Am üblichsten ist 1, dementsprechend wird in dem Fall an diesem Ende gar keine Multiplizität angegeben: jedes Teil gehört zu genau einem Ganzen.

„Merksätze“ (aus: Dathan & Ramnath, Object-Oriented Analysis, Design and Implementation – An Integrated Approach, siehe Literaturfolien zu Beginn des Semesters):

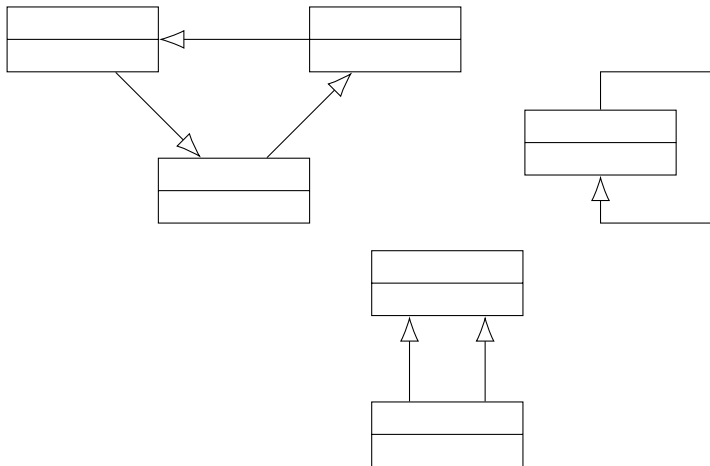
- An association normally represents something that will be stored as part of the data and reflects all links between objects of two classes that may ever exist. It describes a relationship that will exist between instances at run time and has an example.
- . . . , associations should be shown if a class possesses, controls, is connected to, is related to, is a part of, has as parts, is a member of, or has as members some other class in the system.
- . . . association should not be used to denote relationships that:
 - (i) can be drawn as a hierarchy, (ii) stems from a dependency alone, (iii) or relationships whose links will not survive beyond the execution of any particular operation.

„Merksätze“ (aus: Dathan & Ramnath, Object-Oriented Analysis, Design and Implementation – An Integrated Approach, siehe Literaturfolien zu Beginn des Semesters):

- Aggregation is a kind of association where the object of class A is ‘made up of’ objects of class B. This suggests some kind of whole-part relationship between A and B.
- Composition implies that each instance of the part belongs to only one instance of the whole, and that the part cannot exist except as part of the whole.

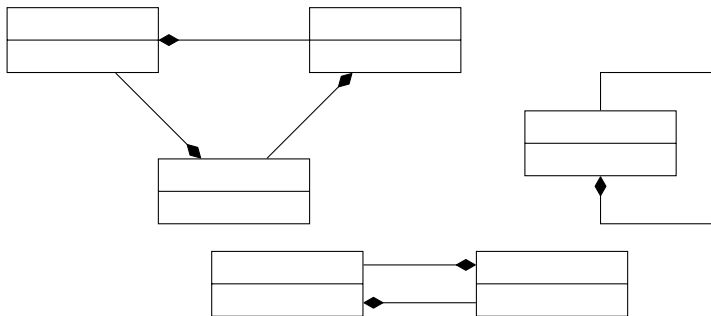


Zur Erinnerung, solche Konstellationen sind bei Vererbung verboten:



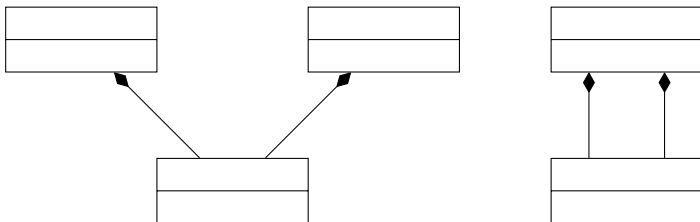
Für Assoziation und Aggregation gibt es keine solchen Einschränkungen bezüglich Zyklen, Selbstreferenz oder Vorliegen mehrerer Beziehungen zwischen den gleichen Klassen.

Für Komposition hingegen sind Zyklen jeglicher Art wieder verboten:



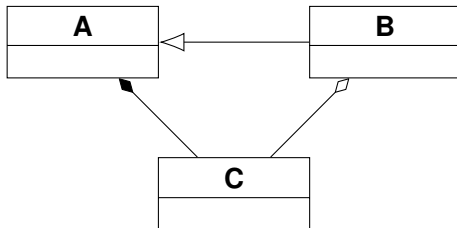
... und selbst für nichtzyklische Situationen ergeben sich gewisse Einschränkungen, nämlich aus der Forderung, dass ein „Teil“ nicht gleichzeitig zu mehr als einem „Ganzen“ gehören darf.

Zum Beispiel sind in folgenden beiden Situationen nicht alle denkbaren Multiplizitäten (0..1 oder 1) an den schwarzen Rauten sinnvoll:



Zu beachten ist auch das Zusammenspiel von Assoziationen etc. mit Vererbung, denn eine Subklasse erbt neben den Attributen und Methoden immer auch die Assoziationen, Aggregationen und Kompositionen der Superklasse.

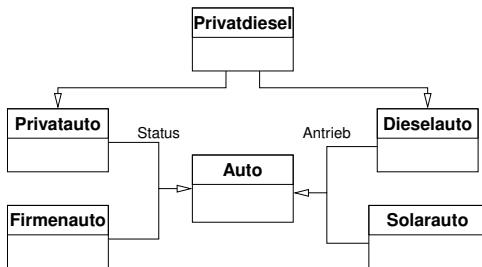
Zum Beispiel gibt es hier:



zwischen **B** und **C** sowohl eine Komposition als auch eine Aggregation.

Andererseits kann geeigneter Einsatz von Assoziation / Aggregation / Komposition einige Verwendungen von Vererbung überflüssig machen.

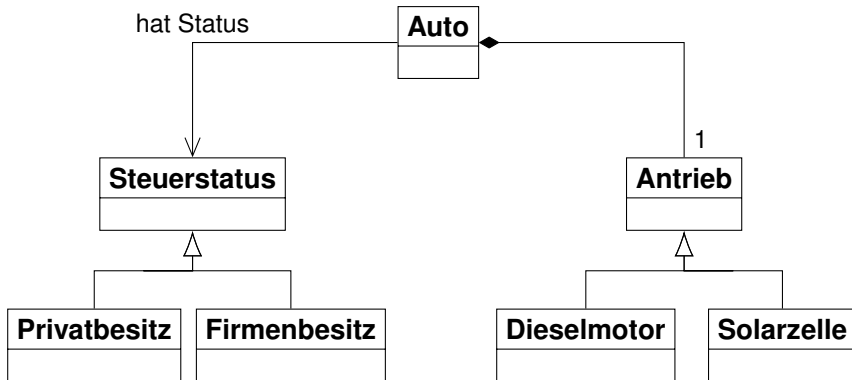
Zum Beispiel ist konzeptionell denkbare Mehrfachvererbung:



in der Praxis eher problematisch.

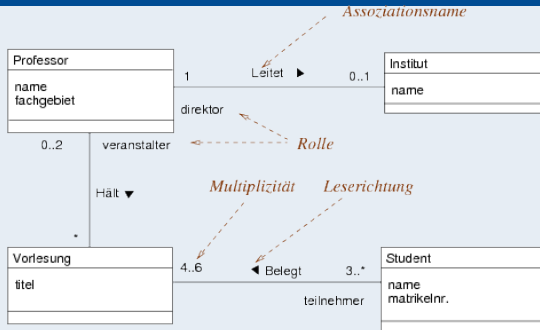
Eine alternative Modellierung ist hier möglich ...

- ... durch Repräsentation der Aspekte „steuerlicher Status“ und „Antrieb“ in eigenen Klassen, und deren Verwendung über Assoziation / Aggregation / Komposition, etwa wie folgt:



In Klassendiagrammen befinden sich normalerweise nicht nur zwei Klassen mit irgendeiner Beziehung, sondern viele verschiedene Klassen eines Programms oder Moduls, mit ihren diversen Beziehungen untereinander.

Beispiel:



Entsprechend stellen sich vor Implementierung eines objekt-orientierten Systems bei der Modellierung insbesondere folgende Fragen:

- Welche Objekte und Klassen werden benötigt?
- Welche Merkmale haben diese Klassen und welche Beziehungen bestehen zwischen Ihnen?
- Welche Methoden stellen diese Klassen zur Verfügung? Wie wirken diese Methoden zusammen?
- In welchen Zuständen können sich Objekte befinden und welche Nachrichten werden wann an andere Objekte geschickt?

Zur Beantwortung kennt die Literatur bestimmte mehr oder weniger systematische Vorgehensweisen.

An einem Beispiel, Klassen finden: Use Case “Register New Member”

Actions performed	System responses
1. The customer fills out an application form containing the customer's name, address and phone number, and gives this to the clerk.	
2. The clerk issues a request to add a new member.	
	3. The system asks for data about the new member.
4. The clerk enters the data into the system.	
	5. Reads in the data, and if the member can be added, generates an identification number and remembers information about the member. Informs the clerk whether the member was added and outputs the member's name, address, phone and id number.
6. The clerk gives the user their identification number.	

An Naivität kaum zu übertreffen: einfach mal alle Nomen heraussuchen

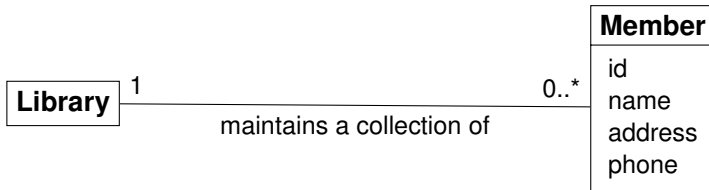
Actions performed	System responses
1. The customer fills out an application form containing the customer's name , address and phone number , and gives this to the clerk .	
2. The clerk issues a request to add a new member .	
	3. The system asks for data about the new member .
4. The clerk enters the data into the system .	
	5. Reads in the data , and if the member can be added, generates an identification number and remembers information about the member . Informs the clerk whether the member was added and outputs the member's name , address , phone and id number .
6. The clerk gives the user their identification number .	

Bereinigung dieser Wortsammlung:

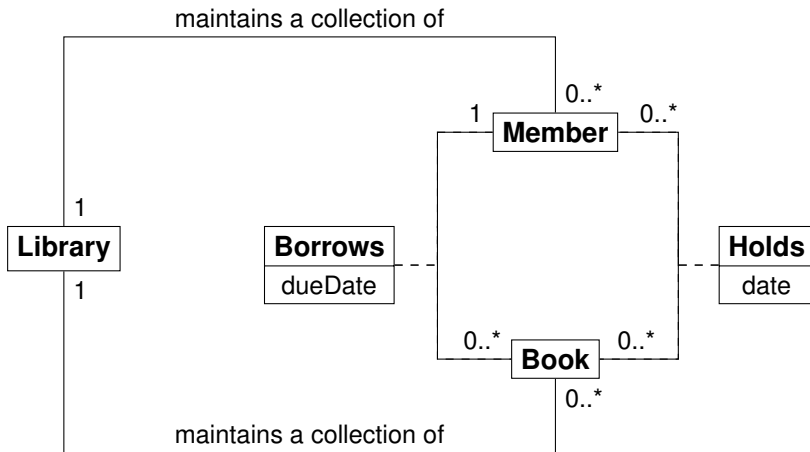
- Als (zusammengesetzte) Einheiten stechen hervor:
member, **system**
- Bezüglich der anderen vorkommenden Nomen:
 - **customer** – wird ein **member**, ist also ein Synonym
 - **user** – ein weiteres Synonym
 - **application form** – ist ein externes Konstrukt zur Informationsabfrage
 - **request** – nur ein Menüeintrag, wird wie **application form** nicht Teil einer Datenstruktur sein
 - **customer's name, address, phone number** – Attribute von **member**
 - **clerk** – lediglich ein Akteur, hat keine Repräsentation in Software
 - **identification number** – wird Teil von **member**
 - **data, information** – werden als **member** gespeichert

Ermittlung von Beziehungen:

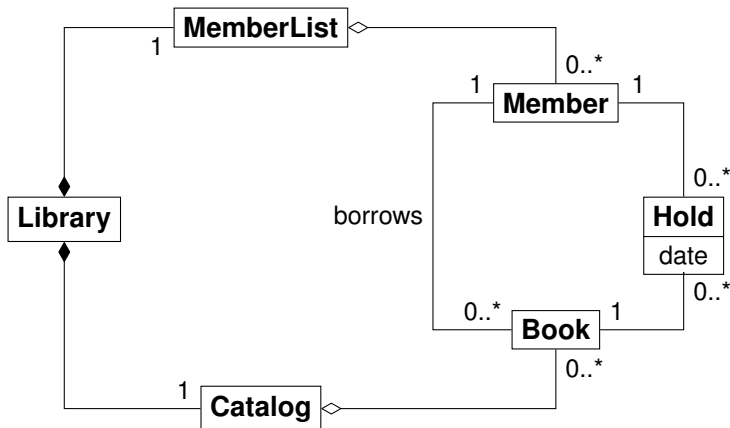
“... [the **system**] remembers **information** about the **member**”



Informiert durch weitere Use Cases:



Verfeinert für die Implementierung:



Ein weiteres Beispiel für objekt-orientierte Modellierung:

Wir modellieren eine Bank.

Folgende Anforderungen werden gestellt:

- Eine Bank
 - hat mehrere Kunden
 - und mehrere Angestellte
 - und führt eine Menge von Konten.
- Konten können Giro- oder Sparkonten sein. (Ein Sparkonto wirft höhere Zinsen ab, darf aber nicht ins Minus absinken.)
- Auf den Konten sollen folgende Operationen ausgeführt werden können:
 - Einzahlen
 - Abheben
 - Umbuchen
 - Verzinsen

Klasse Bank:

Bank
name: string
neuen_kunden_anlegen() angestellten_einstellen() konten_verzinsen()

Methoden: neuen Kunden anlegen; neuen Angestellten einstellen; alle Konten verzinsen

Außerdem: Eine Bank besteht (in Kompositionsbeziehung) aus einer Menge von Konten, die verschwinden, wenn die Bank verschwindet. Und es gibt Aggregationen mit je einer Menge von Kunden und von Angestellten.

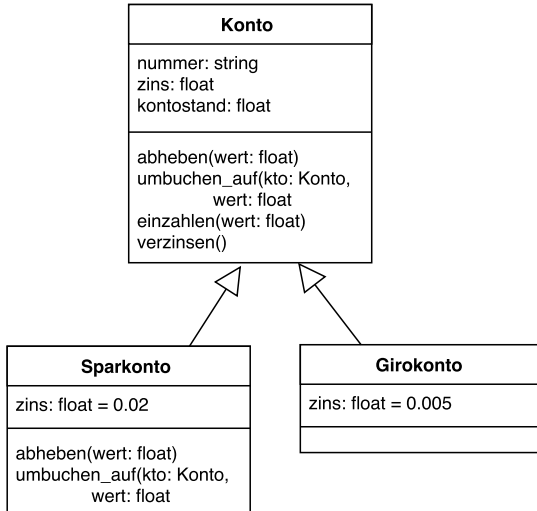
Klasse Konto:

Konto
nummer: string zins: float kontostand: float
abheben(wert: float) umbuchen_auf(kto: Konto, wert: float) einzahlen(wert: float) verzinsen()

Attribute: Kontonummer, Zins,
Kontostand

Methoden: einzahlen, abheben,
umbuchen eines Betrags auf ein
anderes Konto, Konto verzinsen

- Girokonto:** Die Klasse Girokonto wird von Konto abgeleitet. Typischerweise ist der Zins bei Girokonten niedriger als bei Sparkonten. Daher wird dieser auf einen sehr niedrigen Anfangswert gesetzt.
- Sparkonto:** Bei der Klasse Sparkonto muss – wie beim Girokonto – ein bestimmter Anfangswert für den Zins gesetzt werden.
Außerdem: Es muss darauf geachtet werden, dass das Konto nicht ins Minus abgeleitet. Dazu werden die entsprechenden Methoden überschrieben. (In der Implementierung muss die Bedingung entsprechend getestet werden.)



Klasse Person:

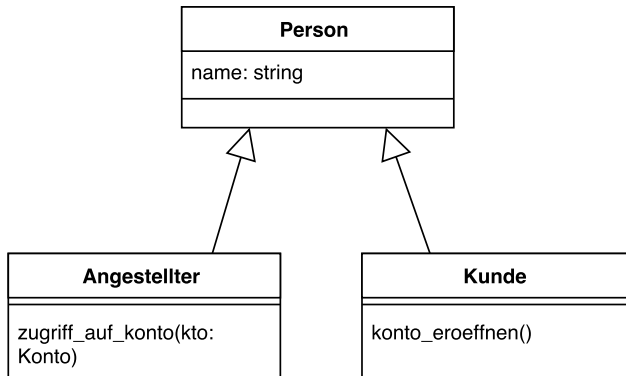
Person
name: string

Jede Person steht in einer Assoziationsbeziehung mit einer Menge von Konten, die entweder dieser Person gehören (Kunde) oder auf die diese Person Zugriff hat (Angestellter).

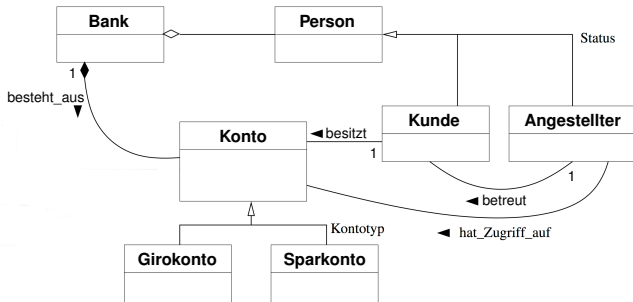
Angestellter: Methoden: z.B. Zugriff auf ein Konto erlangen

Kunde: Methoden: z.B. Konto eröffnen (Dabei könnte noch ein Parameter übergeben werden, der beschreibt, ob das Konto ein Giro- oder Sparkonto sein soll und in welcher Währung es geführt werden soll.)

Außerdem: Ein Kunde steht in einer Assoziationsbeziehung mit einem ihn betreuenden Angestellten.



Insgesamt:



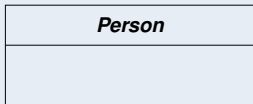
Allerdings gibt es eine Abweichung in diesem Modell vom zuvor Gesagten. Welche?

Klassen ohne (vollständige) Implementierung nennt man abstrakt. Sie können nicht konkret instanziiert werden.

Abstrakte Klasse

Der Klassenname wird *kursiv* geschrieben, oder es wird explizit annotiert, dass die Klasse abstrakt ist.

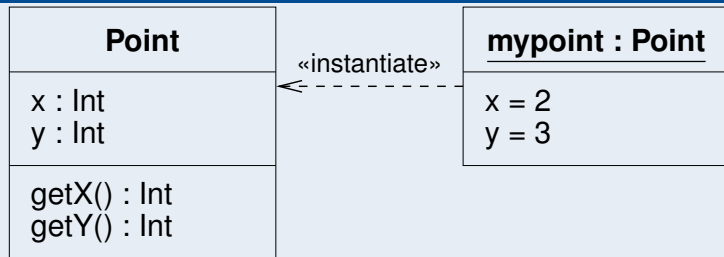
In dem Bank-Beispiel möchte man etwa nie eine Instanz der Klasse Person bilden, sondern immer nur von Kunde oder Angestellter.



Eine Vererbungsbeziehung zu einer abstrakten Klasse ist allgemein besseres Design als zu einer Implementierungsklasse.

Wir betrachten nun Objektdiagramme. Ein Objekt ist, wie bekannt, eine Ausprägung einer Klasse.

Klassen und Objekte



Ein Objektdiagramm beschreibt eine Art Momentaufnahme des Systems: eine Menge von Objekten, wie sie zu einem bestimmten Zeitpunkt vorhanden sind, samt ihren Beziehungen zueinander.

Anmerkungen:

- Ein Objekt kann, muss aber nicht (sondern kann anonym bleiben), durch einen Namen bezeichnet werden. Immer jedoch muss eine Klasse angegeben werden, von der dieses Objekt eine Ausprägung ist (in der Form „: Point“).
- Die Klassen müssen im Objektdiagramm nicht mit abgebildet werden. Es kann aber manchmal angemessen sein, dies zu tun, also sozusagen „Bauplan“ und „Produkt“ gemeinsam darzustellen.
- Nicht unbedingt alle Attributbelegungen eines Objekts müssen angegeben werden (es sei denn wir fordern dies in Übung oder Klausur). Daher können durchaus auch Ausprägungen abstrakter Klassen auftauchen.
- Vererbungsfeile zwischen Objekten gibt es nicht!

Links

Ein Link beschreibt eine Beziehung zwischen Objekten. Er ist eine Ausprägung einer auf Klassenebene bestehenden Assoziation (auch Aggregation oder Komposition).

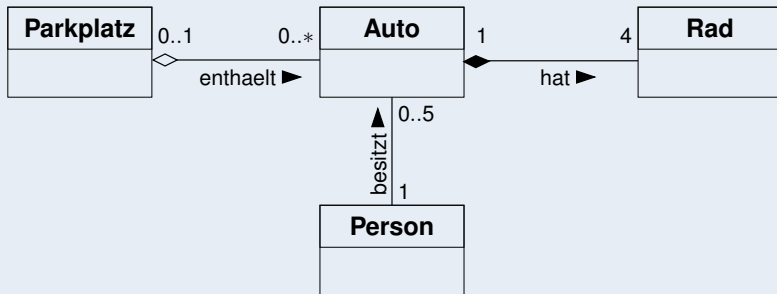
Bemerkungen:

- Links sind nicht mit Multiplizitäten beschriftet, denn ein Link repräsentiert genau eine Beziehung zwischen konkreten Partnern.
- Es ist jedoch darauf zu achten, dass insgesamt die Multiplizitätsbedingungen des Klassendiagramms eingehalten werden. Das heißt, die Anzahlen der Objekte, die miteinander in Beziehung stehen, müssen innerhalb der jeweiligen Schranken sein.

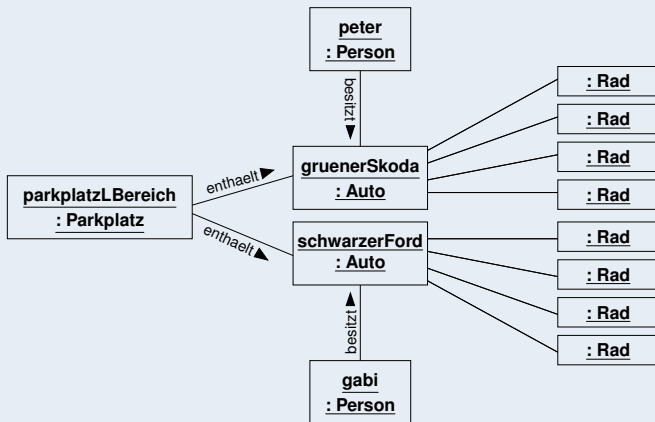
Zurück zu altem Beispiel:

Parkplatz, Autos mit Besitzern, und nun auch noch Räder

Wir betrachten zunächst das (nun erweiterte) Klassendiagramm:



Objektdiagramm passend zu diesem Klassendiagramm:

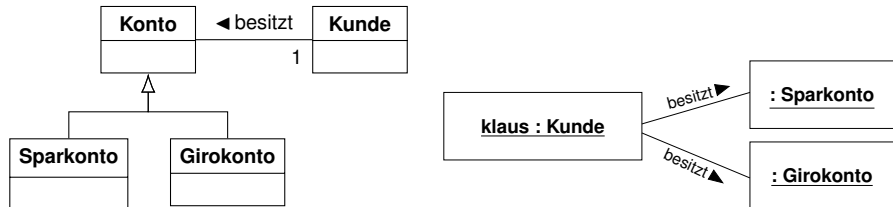


Anmerkungen:

- Auch Aggregations- und Kompositionssymbole dürfen in Objektdiagrammen auftauchen.
- Andererseits können Assoziationsnamen, Navigations- und Leserichtungen auch weggelassen werden.

Achtung: Beziehungen (Assoziationen, Aggregationen, Kompositionen) zwischen Klassen werden vererbt und müssen dann auch entsprechend im Objektdiagramm bei den Ausprägungen von Unterklassen auftauchen.

Beispiel:



Wiederholung einiger mathematischer Hilfsmittel

Menge

Menge M von Elementen, oft beschrieben als Aufzählung

$$M = \{0, 2, 4, 6, 8, \dots\}$$

oder als Menge von Elementen mit einer bestimmten Eigenschaft

$$M = \{n \mid n \in \mathbb{N} \text{ und } n \text{ gerade}\} = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ gerade}\}.$$

Allgemeines Format: $M = \{x \mid E(x)\}$

M ist Menge aller Elemente, die die Eigenschaft E erfüllen.

$$M = \{x \in X \mid E(x)\}$$

M ist Menge aller entsprechenden Elemente aus Grundmenge X .

Bemerkungen:

- Die Elemente einer Menge sind ungeordnet, das heißt, ihre Ordnung spielt keine Rolle. Beispielsweise gilt:

$$\{1, 2, 3\} = \{1, 3, 2\} = \{2, 1, 3\} = \{2, 3, 1\} = \{3, 1, 2\} = \{3, 2, 1\}$$

- Ein Element kann nicht mehrfach in einer Menge auftreten. Es ist entweder in der Menge, oder es ist nicht in der Menge. Beispielsweise gilt:

$$\{1, 2, 3, 4, 4\} = \{1, 2, 3, 4\} \neq \{1, 2, 3\}$$

Element einer Menge

Wir schreiben $a \in M$, falls ein Element a in der Menge M enthalten ist.

Anzahl der Elemente einer Menge

Für eine endliche Menge M gibt $|M|$ die Anzahl ihrer Elemente an.

Teilmengenbeziehung

Wir schreiben $A \subseteq B$, falls jedes Element von A auch in B enthalten ist.

Leere Menge

Mit $\emptyset$ oder $\{\}$ bezeichnen wir die leere Menge. Sie enthält keine Elemente und ist (echte) Teilmenge jeder anderen Menge.

Mengenvereinigung

Die Vereinigung zweier Mengen A und B ist diejenige Menge, welche die Elemente enthält, die in A oder B (oder in beiden) vorkommen. Man schreibt dafür $A \cup B$.

$$A \cup B = \{x \mid x \in A \text{ oder } x \in B\}$$

Mengenschnitt

Der Schnitt zweier Mengen A und B ist diejenige Menge, welche die Element enthält, die sowohl in A als auch in B vorkommen. Man schreibt dafür $A \cap B$.

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \text{ und } x \in B\}$$

Kreuzprodukt (Kartesisches Produkt)

Das Kreuzprodukt zweier Mengen A und B ist diejenige Menge, welche alle Paare (a, b) enthält, wobei die erste Komponente des Paares aus A , die zweite aus B kommt. Man schreibt dafür $A \times B$.

$$A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \text{ und } b \in B\}$$

Kreuzprodukt (Kartesisches Produkt)

$$A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \text{ und } b \in B\}$$

Beispiele:

- $\{1, 2\} \times \{3, 4, 5\} = \{(1, 3), (1, 4), (1, 5), (2, 3), (2, 4), (2, 5)\}$
- $\{1, 2\} \times \emptyset = \emptyset$

Anmerkungen:

- Für endliche Mengen A und B gilt $|A \times B| = |A| \cdot |B|$.
- Wenn $A \subseteq B$, dann $A \times C \subseteq B \times C$ und $C \times A \subseteq C \times B$.

Weitere Bemerkungen:

- Wir betrachten nicht nur Paare, sondern auch Tupel aus mehr als zwei Komponenten (Tripel, Quadrupel, Quintupel, ...).
Ein Tupel $(a_1, \dots, a_n)$ bestehend aus n Komponenten heißt auch n -Tupel.

- In einem Tupel sind die Komponenten geordnet! Es gilt z.B.:

$$(1, 2, 3) \neq (1, 3, 2) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N} \times \mathbb{N}$$

- Ein Element kann mehrfach in einem Tupel auftreten. Tupel unterschiedlicher Länge sind immer verschieden. Beispielsweise:

$$(1, 2, 3, 4) \neq (1, 2, 3, 4, 4)$$

Potenzmenge

Die Potenzmenge einer Menge M ist diejenige Menge, welche alle Teilmengen von M enthält. Man schreibt dafür $\mathcal{P}(M)$.

$$\mathcal{P}(M) = \{A \mid A \subseteq M\}$$

Beispiele:

- $\mathcal{P}(\{1, 2, 3\}) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$
- $\mathcal{P}(\emptyset) = \{\emptyset\}$
- $\mathcal{P}(\mathcal{P}(\emptyset)) = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$

Anmerkung: Für endliche Mengen M gilt $|\mathcal{P}(M)| = 2^{|M|}$.

Beispiel: Zustandsmodellierung

Angenommen, wir betrachten einen einfachen Snackautomaten für Riegel und Chips. Von jedem dieser beiden Snacks hat er maximal 30 Stück auf Vorrat. Der Automat hat eine gelbe und eine rote Warnleuchte („kein Wechselgeld mehr“ bzw. „keine Scheine mehr akzeptiert“), die unabhängig voneinander leuchten können. Die Menge der möglichen Zustände dieses Automaten können wir als

$$\mathcal{P}(\{\text{gelb, rot}\}) \times \{0, 1, \dots, 30\} \times \{0, 1, \dots, 30\}$$

beschreiben. Das Element $(\emptyset, 20, 10)$ dieser Menge zum Beispiel entspricht dem Zustand, in dem beide Warnleuchten ausgeschaltet sind und noch 20 Riegel und 10 Packungen Chips vorrätig. Wären bei diesem Vorrat die Warnleuchten beide eingeschaltet, so befände sich der Automat stattdessen im Zustand $(\{\text{gelb, rot}\}, 20, 10)$.

Funktion (Abbildung)

Funktionen bilden Elemente eines Definitionsbereiches auf Elemente eines Wertebereiches ab. Man schreibt: „ $f : A \rightarrow B$ “.

Paare aus einem Element a des Definitionsbereiches A und dem (eindeutig gegebenen) Element $b = f(a)$ des Wertebereiches B , auf welches die Funktion es abbildet, notiert man in der Form „ $a \mapsto b$ “.

Die gleiche Notation verwendet man, um eine allgemeine Zuordnungsvorschrift anzugeben: „ $a \mapsto f(a)$ “.

Beispiel: Quadratfunktion auf der Menge der ganzen Zahlen

$$f : \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{N}, \quad f(z) = z^2, \quad \text{bzw. Angabe als: } z \mapsto z^2$$

Angabe konkreter Paare:

$$\dots, -3 \mapsto 9, -2 \mapsto 4, -1 \mapsto 1, 0 \mapsto 0, 1 \mapsto 1, 2 \mapsto 4, 3 \mapsto 9, \dots$$

Gerichteter und kantenbeschrifteter Graph

Sei L eine Menge von Beschriftungen (oder Labels).

Ein gerichteter und kantenbeschrifteter Graph $G = (V, E)$ besteht aus

- einer Knotenmenge V und
- einer Kantenmenge $E \subseteq V \times L \times V$.

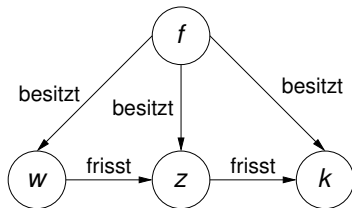
Bemerkung: V steht für vertices und E für edges.

Beispiel: (Farmer, Wolf, Ziege, Kohlkopf)

$$V = \{f, w, z, k\} \quad L = \{\text{besitzt, frisst}\}$$

$$E = \{(f, \text{besitzt}, w), (f, \text{besitzt}, z), (f, \text{besitzt}, k), \\ (w, \text{frisst}, z), (z, \text{frisst}, k)\}$$

Bildhaft:



Petrinetze: Grundlagen und Erreichbarkeitsgraphen

Petrinetze sind ein Formalismus zur Modellierung mit folgenden Eigenschaften:

- Vorstellung von Systemübergängen, bei denen (gemeinsame) Ressourcen konsumiert und neu erzeugt werden können.
- Einfache Modellierung von Kapazitäten, räumlicher Verteilung der Ressourcen, von Nebenläufigkeit, Parallelität und (Zugriffs-)Konflikten.
- Intuitive grafische Darstellung.

Petrinetze werden in der Praxis vielfach benutzt.

In UML sind sie abgewandelt als sogenannte Aktivitätsdiagramme (englisch: activity diagrams) eingegangen.

Parallelität versus Nebenläufigkeit:

Parallelität

Zwei Ereignisse finden parallel statt, wenn sie gleichzeitig ausgeführt werden.

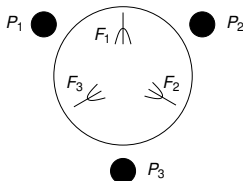
Nebenläufigkeit

Zwei Ereignisse sind nebenläufig, wenn sie parallel ausgeführt werden können (jedoch nicht müssen), das heißt, wenn zwischen ihnen keine kausale Abhängigkeit besteht.

Das bedeutet: Nebenläufigkeit ist der allgemeinere Begriff.

Ein verbreitetes Beispiel: Dining Philosophers

- Es sitzen drei (oder vier, oder fünf, ...) Philosophen P_i um einen runden Tisch, zwischen je zwei Philosophen liegt eine Gabel (fork) F_i .
- Philosophen werden von Zeit zu Zeit hungrig und benötigen dann zum Essen beide benachbarte Gabeln.
- Jeder Philosoph nimmt zu einem beliebigen Zeitpunkt beide Gabeln nacheinander auf (die rechte zuerst), isst und legt anschließend beide Gabeln wieder zurück (gleichzeitig).



Fragen, die man (zum Beispiel) mit Petrinetzen untersuchen kann:

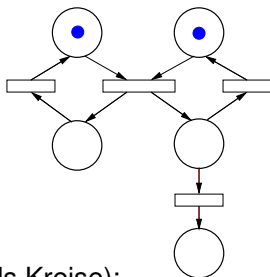
- Kann das modellierte System kontinuierlich immer weiteren Fortschritt machen, oder lässt es sich in Sackgassen manövrieren?
- Bekommt jede modellierte Aktion die Chance, auch tatsächlich ausgeführt zu werden?
Nur einmalig oder sogar beliebig oft wiederholt?
- Besteht Fairness für verschiedene Akteure?
- Bedingen bestimmte Aktionen einander, oder schließen sich gegenseitig aus?
- Gibt es Beschränkungen für eventuellen Ressourcenverbrauch und -erzeugung?

Dabei sind bestimmte Analysen sogar für Systeme möglich, deren (flaches) Zustandsdiagramm unendlich wäre.

Praktische Anwendungen für Petrinetze:

- Modellierung von Arbeitsabläufen
(work flow, business processes)
- Modellierung und Analyse von Web Services
- Beschreibung von grafischen Benutzungsoberflächen
- Prozessmodellierung bei Betriebssystemen
- Ablaufbeschreibungen in ingenieurwissenschaftlichen Anwendungen
- ...

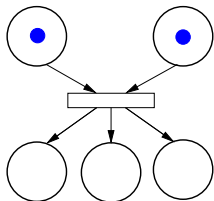
Beispiel für ein Petrinetz:



Grafische Darstellung:

- Stellen (dargestellt als Kreise):
Mögliche Plätze für Ressourcen
- Marken (dargestellt als kleine ausgefüllte Kreise):
Ressourcen
- Transitionen (dargestellt durch Rechtecke):
Systemübergänge

Mehr zur Darstellung und Bedeutung einer Transition:



Vorbedingung (Marken, die konsumiert werden)

Nachbedingung (Marken, die erzeugt werden)

Das Entfernen der Marken der Vorbedingung und Erzeugen der Marken der Nachbedingung nennt man Schalten bzw. Feuern der Transition.

Allgemeiner als im Beispiel oben muss nicht unbedingt genau eine Marke pro Pfeil konsumiert oder erzeugt werden.

Und weder müssen die Stellen der Nachbedingung vor dem Schalten leer sein, noch die Stellen der Vorbedingung danach.

Petrinetz (Definition / Syntax)

Ein Petrinetz ist ein Tupel $N = (S, T, \bullet(), ()^\bullet, m_0)$, wobei

- S eine endliche Menge von Stellen und
- T eine endliche Menge von Transitionen ist.
- Außerdem gibt es für jede Transition t zwei Funktionen $\bullet t : S \rightarrow \mathbb{N}$ und $t^\bullet : S \rightarrow \mathbb{N}$, die angeben, wie viele Marken durch t aus einer Stelle entnommen bzw. in eine Stelle gelegt werden.
- Und $m_0 : S \rightarrow \mathbb{N}$ ist die Anfangsmarkierung (oder initiale Markierung).

Der Wert $\bullet t(s)$ bzw. $t^\bullet(s)$ wird jeweils als Gewicht bezeichnet.

Markierung

Eine Markierung ist eine Funktion $m : S \rightarrow \mathbb{N}$.

Sie kann festhalten:

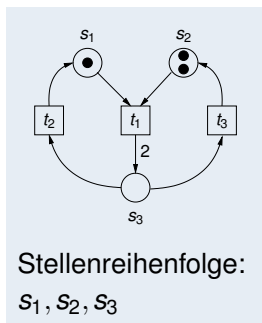
- wie viele Marken aktuell in einzelnen Stellen liegen,
- wie viele Marken einzelnen Stellen zu entnehmen sind, oder
- wie viele Marken einzelnen Stellen hinzuzufügen sind.

Falls eine Reihenfolge $s_1, \dots, s_n$ der Stellen fixiert wurde, kann eine Markierung m auch durch ein Tupel $(m(s_1), \dots, m(s_n))$ ausgedrückt werden.

Genaueres zur grafischen Darstellung:

- Stellen werden als Kreise, Transitionen als Quadrate oder Rechtecke, Marken als kleine ausgefüllte Kreise dargestellt.
- Kanten zwischen Stellen und Transitionen werden als Pfeile dargestellt.
- Die Kanten sind eigentlich mit dem jeweiligen Gewicht beschriftet. Dieses kann jedoch weggelassen werden, falls es den Wert 1 hat. Nur falls ein Gewicht den Wert 0 hat, wird die ganze Kante weggelassen.

Betrachten wir den Zusammenhang zwischen der mathematischen Notation und der grafischen Darstellung an einem Beispiel:



$$S = \{s_1, s_2, s_3\}$$

$$T = \{t_1, t_2, t_3\}$$

$$\bullet t_1: s_1 \mapsto 1, s_2 \mapsto 1, s_3 \mapsto 0$$

$$t_1^\bullet: s_1 \mapsto 0, s_2 \mapsto 0, s_3 \mapsto 2$$

$$\text{oder: } \bullet t_1 = (1, 1, 0) \quad t_1^\bullet = (0, 0, 2)$$

...

$$m_0: s_1 \mapsto 1, s_2 \mapsto 2, s_3 \mapsto 0$$

$$\text{oder: } m_0 = (1, 2, 0)$$

Wichtige Konzepte:

- Markierungen: Funktionen $m : S \rightarrow \mathbb{N}$
- Vor- und Nachgewichte: $\bullet t$ und $t^\bullet$, selbst Markierungen

Zusammenhang mit grafischer Darstellung:

- Anfangsmarkierung zur Belegung der Stellen
- kein Pfeil von s zu t , falls $\bullet t(s) = 0$
- kein Pfeil von t zu s , falls $t^\bullet(s) = 0$
- Pfeil von s zu t , falls $\bullet t(s) = 1$
- Pfeil von t zu s , falls $t^\bullet(s) = 1$
- Pfeil mit Beschriftung n von s zu t , falls $\bullet t(s) = n > 1$
- Pfeil mit Beschriftung n von t zu s , falls $t^\bullet(s) = n > 1$

Ordnung und Operationen auf Markierungen:

Seien $m, m' : S \rightarrow \mathbb{N}$ zwei Markierungen, also Abbildungen von Stellen auf natürliche Zahlen.

Ordnung (Definition)

Es gilt $m' \leq m$ falls für alle $s \in S$ gilt: $m'(s) \leq m(s)$.

In diesem Fall sagt man, dass m' durch m überdeckt wird.

Beispiele: Sei $|S| = 3$, $m = (0, 1, 2)$, $m' = (0, 0, 1)$.

Dann gilt $m' \leq m$, aber nicht $m \leq m'$.

Es gilt auch $(0, 1, 0) \leq (0, 1, 0)$.

Aber nicht $(3, 1, 2) \leq (5, 1000, 1)$.

Und weder $(0, 1, 2) \leq (0, 2, 1)$, noch $(0, 2, 1) \leq (0, 1, 2)$.

Ordnung und Operationen auf Markierungen:

Seien $m, m' : S \rightarrow \mathbb{N}$ zwei Markierungen, also Abbildungen von Stellen auf natürliche Zahlen.

Addition (Definition)

Wir definieren $m'' = m \oplus m'$, wobei $m'' : S \rightarrow \mathbb{N}$ mit $m''(s) = m(s) + m'(s)$ für alle $s \in S$.

Beispiel: $(0, 1, 2) \oplus (0, 0, 1) = (0, 1, 3) = (0, 0, 1) \oplus (0, 1, 2)$

Subtraktion (Definition)

Falls $m' \leq m$, definieren wir $m'' = m \ominus m'$, wobei $m'' : S \rightarrow \mathbb{N}$ mit $m''(s) = m(s) - m'(s)$ für alle $s \in S$.

Beispiel: $(0, 1, 2) \ominus (0, 0, 1) = (0, 1, 1)$

Weitere Konzepte:

Aktivierung (Definition)

Eine Transition t ist für eine Markierung m aktiviert falls $\bullet t \leq m$ gilt.
(Das heißt, falls in m je Stelle genug Marken vorhanden sind, um die Vorbedingung von t zu erfüllen.)

Schalten (Definition)

Sei t eine Transition und m eine Markierung, für die t aktiviert ist.
Dann kann t schalten, was zu der Nachfolgemarkierung $m' = m \ominus \bullet t \oplus t^\bullet$ führt; zu lesen als $(m \ominus \bullet t) \oplus t^\bullet$.

Symbolisch dargestellt: $m [t\rangle m'$.

Weitere Konzepte:

Erreichbarkeit (Definition)

Man nennt eine Markierung m erreichbar, wenn es eine endliche Folge von Transitionen $t_1, \dots, t_n$ gibt mit

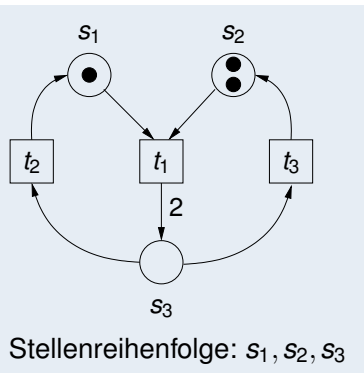
$$m_0 [t_1 \rangle m_1 [t_2 \rangle \dots m_{n-1} [t_n \rangle m,$$

wobei m_0 die Anfangsmarkierung des Petrinetzes ist.

Man schreibt auch $m_0 [t_1 \dots t_n \rangle m$, oder $m_0 [\tilde{t} \rangle m$ mit $\tilde{t} = t_1 \dots t_n$.

Die Sequenz $\tilde{t}$ nennt man Schaltfolge.

Auch die leere Schaltfolge $\tilde{t} = \varepsilon$ ist möglich. In diesem Fall ändert sich die Markierung nicht: $m [\varepsilon \rangle m$, für jede Markierung m .



Die Markierung $m_2 = (1, 1, 1)$ ist in zwei Schritten erreichbar:

1. $\bullet t_1 = (1, 1, 0) \leq (1, 2, 0) = m_0$

$$\begin{aligned} m_1 &= m_0 \ominus \bullet t_1 \oplus t_1^\bullet \\ &= (1, 2, 0) \ominus (1, 1, 0) \oplus (0, 0, 2) \\ &= (0, 1, 2) \end{aligned}$$

2. $\bullet t_2 = (0, 0, 1) \leq (0, 1, 2) = m_1$

$$\begin{aligned} m_2 &= m_1 \ominus \bullet t_2 \oplus t_2^\bullet \\ &= (0, 1, 2) \ominus (0, 0, 1) \oplus (1, 0, 0) \\ &= (1, 1, 1) \end{aligned}$$

Es gilt also: $m_0 [t_1] m_1 [t_2] m_2$, oder: $m_0 [t_1 t_2] m_2$.

Es gilt auch: $m_0 [t_1] m_1 [t_3] (0, 2, 1)$.

Nicht-Determinismus

Petrinetze sind ein nicht-deterministischer Mechanismus.

Das heißt, zu einer Markierung kann es mehrere Nachfolgemarkierungen geben.

Die Frage, wer die Nachfolgemarkierung auswählt, stellt sich für die Modellierung nicht. Das Modell beschreibt, dass alle diese Nachfolgemarkierungen möglich sind und trifft keine Auswahl.

Flaches Zustandsdiagramm eines Petrinetzes (Definition)

Sei $N = (S, T, \bullet(), ()^\bullet, m_0)$ ein Petrinetz.

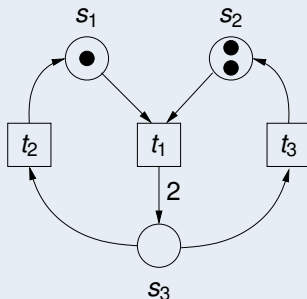
Dann besteht das zu N gehörende flache Zustandsdiagramm aus folgenden Komponenten:

- Knotenmenge V bzw. Z (Zustände):
Menge aller von m_0 aus erreichbaren Markierungen
- Kantenbeschriftungsmenge L :
Menge aller Transitionen
- Kantenmenge E bzw. U (Übergänge):
 $(m, t, m') \in U \iff m[t\rangle m'$
- Startzustand $z_0 \in Z$:
die Anfangsmarkierung m_0

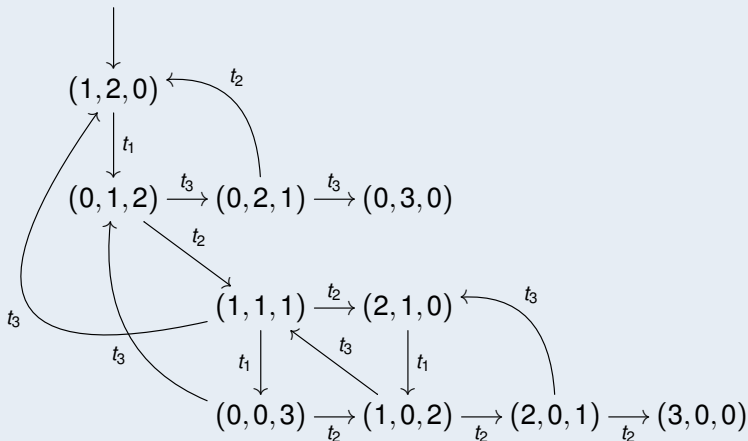
Anmerkungen:

- Das flache Zustandsdiagramm eines Petrinetzes nennt man auch dessen Erreichbarkeitsgraph.
- Trotz Endlichkeit des Petrinetzes kann der Erreichbarkeitsgraph unendlich werden!

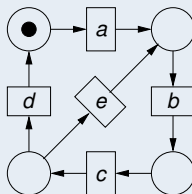
Beispiel: Bestimme den Erreichbarkeitsgraph für das folgende Petrinetz



Erreichbarkeitsgraph für das Beispielnetz (mit Stellenreihenfolge s_1, s_2, s_3)



Beispiel: Bestimme den Erreichbarkeitsgraph für das folgende Petrinetz



Frage: Gibt es für jedes (endliche) flache Zustandsdiagramm ein Petrinetz, dessen Erreichbarkeitsgraph gerade jenes flache Zustandsdiagramm (bzw. dessen erreichbarer Teil) ist?

Idee:

- Zustände werden zu Stellen.
- Übergänge werden zu Transitionen.
- Die Stelle, die den Startzustand darstellt, ist als einzige zu Beginn mit einer Marke belegt.

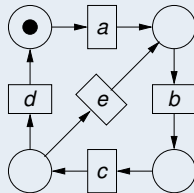
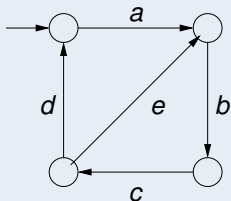
Jedoch:

- Das entstandene Petrinetz enthält keinerlei Nebenläufigkeit.
- Bei der Umwandlung

Petrinetz $\rightarrow$ flaches Zustandsdiagramm $\rightarrow$ Petrinetz

wird das zweite Petrinetz im Allgemeinen viel größer als das erste.

Beispiel: Umwandlung eines flachen Zustandsdiagramms in ein Petrinetz
(mit entsprechendem Erreichbarkeitsgraph)



Bemerkung:

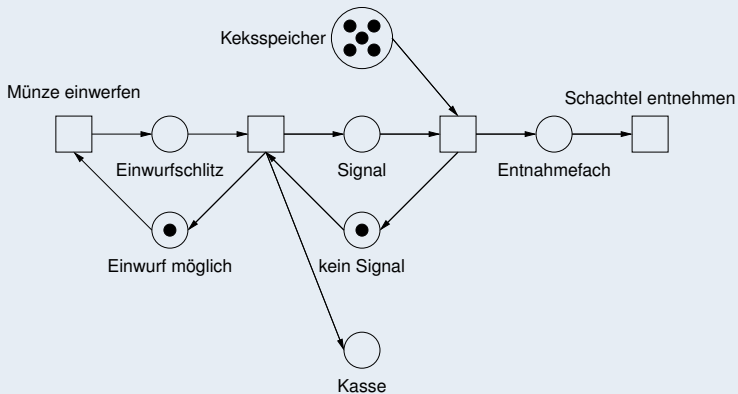
Die Konstruktion funktioniert so immer dann, wenn jede Beschriftung im flachen Zustandsdiagramm höchstens einmal vorkommt.

Eigenschaften von Petrinetzen

Wir modellieren einen Keksautomaten mit folgenden Bestandteilen:

- extern: Einwurfschlitz, Entnahmefach
- intern: Keksspeicher, Kasse, Signalweiterleitung (Einwurf einer Münze soll Signal erzeugen, danach Ausgabe Keks)

Nach: „Petrinetze – Modellierungstechnik, Analysemethoden, Fallstudien“ von W. Reisig



Ist der Keksautomat so in Ordnung?

Problem: Wenn der Keksspeicher leer ist, ist immer noch Münzeinwurf möglich, ohne Rückgabe.

Es gibt verschiedene denkbare Lösungen für dieses Problem:
Rückgabe der Münze, Keks-Zähler, ...

Wir betrachten nun auf allgemeine Weise Begriffe wie Lebendigkeit und Deadlock (= Verklemmung), später noch weitere.

Starke Lebendigkeit (Definition)

Man nennt ein Petrinetz stark lebendig, wenn es für jede Transition t und jede von m_0 aus erreichbare Markierung m eine Markierung m' gibt, die von m aus erreichbar ist und für die t aktiviert ist.

Bezüglich des Erreichbarkeitsgraphen bedeutet dies, für jede Transition t : von jedem Knoten des Graphen aus ist ein Übergang erreichbar, der mit t beschriftet ist.

Schwache Lebendigkeit (Definition)

Man nennt ein Petrinetz schwach lebendig, wenn es für jede Transition t eine von m_0 aus erreichbare Markierung gibt, für die t aktiviert ist.

Bezüglich des Erreichbarkeitsgraphen bedeutet dies, dass es für jede Transition t mindestens einen Übergang gibt, der mit t beschriftet ist.

Verklemmung (Definition)

Man sagt, dass ein Petrinetz eine Verklemmung (oder einen Deadlock) enthält, wenn es eine von m_0 aus erreichbare Markierung gibt, für die keine Transition aktiviert ist.

Bezüglich des Erreichbarkeitsgraphen bedeutet dies, dass es einen Knoten gibt, von dem aus es keinen Übergang gibt.

Ein Petrinetz, das keine Verklemmung enthält, nennt man verklemmungsfrei.

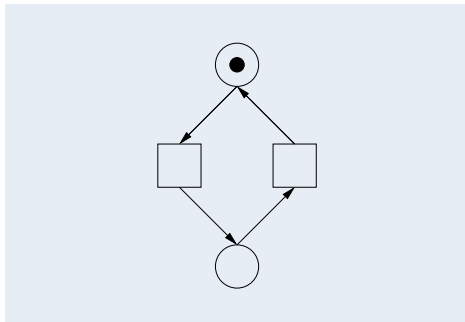
Stärke der starken Lebendigkeit

Wenn wir nur Petrinetze betrachten, deren Transitionsmenge nicht leer ist, gilt:

Jedes stark lebendige Petrinetz ist sowohl schwach lebendig als auch verklemmungsfrei.

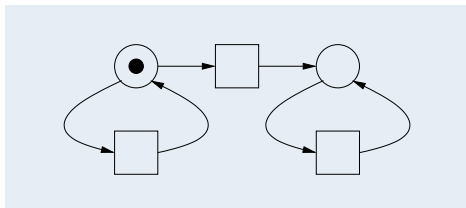
Beispiele für Lebendigkeit und Verklemmungen:

Ein Beispiel für ein stark lebendiges Petrinetz ...



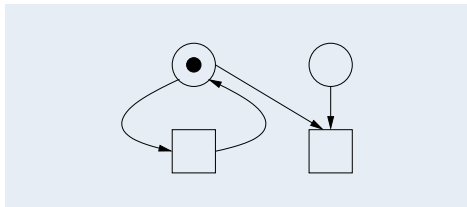
Beispiele für Lebendigkeit und Verklemmungen:

Ein Beispiel für ein schwach lebendiges und verklemmungsfreies Petrinetz, das jedoch nicht stark lebendig ist ...



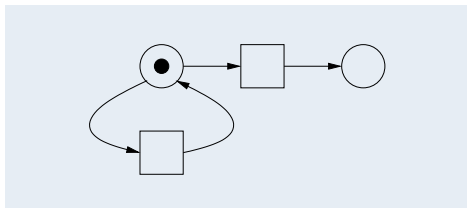
Beispiele für Lebendigkeit und Verklemmungen:

Ein Beispiel für ein verklemmungsfreies Petrinetz, das jedoch nicht schwach lebendig ist ...



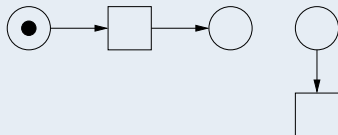
Beispiele für Lebendigkeit und Verklemmungen:

Ein Beispiel für ein schwach lebendiges Petrinetz, das jedoch eine Verklemmung enthält ...

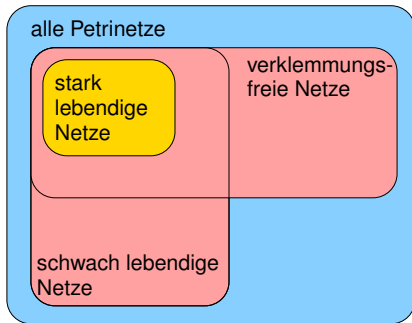


Beispiele für Lebendigkeit und Verklemmungen:

Ein Beispiel für ein Petrinetz,
das eine Verklemmung
enthält und das auch nicht
schwach lebendig ist ...



Überblick über die verschiedenen Petrinetzklassen (unter der Voraussetzung, dass jedes betrachtete Petrinetz mindestens eine Transition enthält):



Sichere, beschränkte und unbeschränkte Petrinetze (Definition)

Man nennt ein Petrinetz ...

- sicher (oder 1-sicher), wenn
 - Für jede Transition t und für jede Stelle s gilt: $\bullet t(s) \leq 1$ und $t\bullet(s) \leq 1$, also alle Gewichte sind höchstens 1, und
 - für jede erreichbare Markierung m und jede Stelle s gilt, dass $m(s) \leq 1$.
- beschränkt, wenn es eine Konstante $c \in \mathbb{N}$ gibt, so dass für jede erreichbare Markierung m und jede Stelle s gilt, dass $m(s) \leq c$.
- unbeschränkt, wenn es für jede Konstante $c \in \mathbb{N}$ eine erreichbare Markierung m und eine Stelle s gibt mit $m(s) > c$.

Beobachtung: Ein Petrinetz ist unbeschränkt genau dann, wenn sein Erreichbarkeitsgraph unendlich groß ist.

Weitere wichtige Begriffe bei Petrinetzen sind Kausalität, Nebenläufigkeit und Konflikt.

Wir beschäftigen uns auch damit etwas genauer.

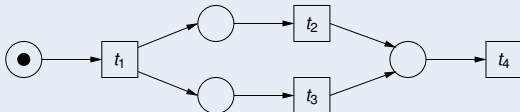
Kausalität (Definition)

In einem Petrinetz nennt man die Transition t_1 eine notwendige Bedingung für das Schalten der Transition t_2 genau dann, wenn für alle Schaltfolgen $\tilde{t}$ gilt:

falls $m_0 [\tilde{t} t_2] m$ für eine Markierung m , dann enthält $\tilde{t}$ definitiv die Transition t_1 .

Bezüglich des Erreichbarkeitsgraphen bedeutet dies, dass jeder Knoten, von dem aus es einen mit t_2 beschrifteten Übergang gibt, nur über Wege erreichbar ist, in denen t_1 vorkommt.

Beispiel für Kausalität:



- Hier ist t_1 eine notwendige Bedingung für t_4 .
- Aber t_2 ist hier keine notwendige Bedingung für t_4 . Denn nicht jede Schaltfolge, die zu t_4 führt, enthält t_2 (z.B. $\tilde{t} = t_1 t_3$).
Analoges gilt für t_3 .

Transitivität der Kausalität

Wenn t_1 eine notwendige Bedingung für t_2 ist, und t_2 eine notwendige Bedingung für t_3 ist, dann ist t_1 eine notwendige Bedingung für t_3 .

Nebenläufigkeit (Definition)

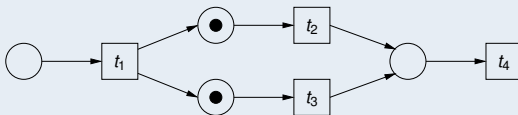
Die Transitionen $t_1, \dots, t_n$ einer Menge $T' \subseteq T$ nennt man für die Markierung m nebenläufig aktiviert, wenn

$$\bullet t_1 \oplus \dots \oplus \bullet t_n \leq m.$$

Das heißt, wenn die Markierung m genug Marken enthält, um alle Transitionen aus T' „gleichzeitig“ zu feuern.

Beobachtung: Wenn die Transitionen einer Menge T' für die Markierung m nebenläufig aktiviert sind, so ist dies auch für jede Teilmenge von T' der Fall.

Beispiele für Nebenläufigkeit:



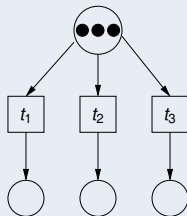
Die Transitionen t_2 und t_3 sind für die hier gezeigte Markierung nebenläufig aktiviert.

Denn:

$$\bullet t_2 = (0, 1, 0, 0)$$

$$\bullet t_3 = (0, 0, 1, 0)$$

$$\bullet t_2 \oplus \bullet t_3 \leq (0, 1, 1, 0)$$



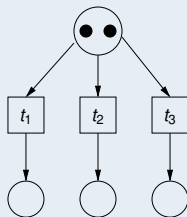
Die Transitionen t_1 , t_2 und t_3 sind für die hier gezeigte Markierung nebenläufig aktiviert.

Denn: $\bullet t_1 = (1, 0, 0, 0)$

$\bullet t_2 = (1, 0, 0, 0)$

$\bullet t_3 = (1, 0, 0, 0)$

$\bullet t_1 \oplus \bullet t_2 \oplus \bullet t_3 \leq (3, 0, 0, 0)$

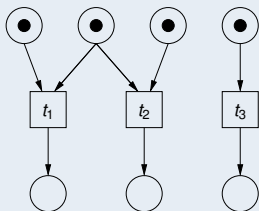


Die Transitionen der Mengen $\{t_1, t_2\}$, $\{t_2, t_3\}$ und $\{t_1, t_3\}$ sind für die hier gezeigte Markierung jeweils nebenläufig aktiviert. Dies gilt jedoch nicht für die Menge $\{t_1, t_2, t_3\}$ insgesamt.

Denn: $\bullet t_1 = \bullet t_2 = \bullet t_3 = (1, 0, 0, 0)$

$$\bullet t_1 \oplus \bullet t_2 = \bullet t_2 \oplus \bullet t_3 = \bullet t_1 \oplus \bullet t_3 \leq (2, 0, 0, 0)$$

$$\bullet t_1 \oplus \bullet t_2 \oplus \bullet t_3 \not\leq (2, 0, 0, 0)$$



Die Transitionen der Mengen $\{t_1, t_3\}$ und $\{t_2, t_3\}$ sind für die hier gezeigte Markierung jeweils nebenläufig aktiviert. Dies gilt jedoch nicht für die Mengen $\{t_1, t_2\}$ und $\{t_1, t_2, t_3\}$.

Dieses Beispiel zeigt auch, dass Nebenläufigkeit nicht transitiv ist: für die angegebene Markierung ist t_1 nebenläufig aktiviert zu t_3 , und t_3 ist nebenläufig aktiviert zu t_2 , jedoch sind t_1 und t_2 nicht nebenläufig aktiviert.

Konsequenzen von Nebenläufigkeit

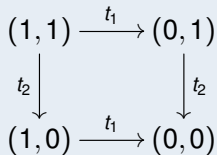
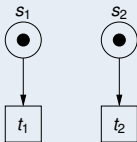
Wenn die Transitionen einer Menge T' für eine Markierung m nebenläufig aktiviert sind, so ist jede Anordnung dieser Transitionen eine Schaltfolge ausgehend von m .

Das heißt, für jede Sequenz $\tilde{t}$, in der jede Transition aus T' genau einmal vorkommt, gibt es eine Markierung m' mit $m [\tilde{t}] m'$.

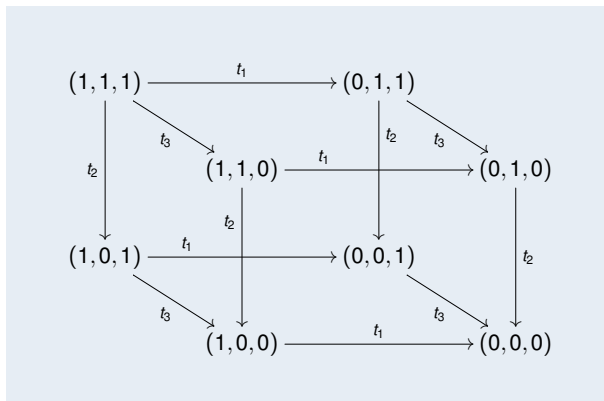
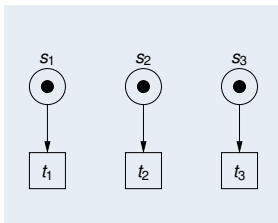
Und diese Markierung m' ist durch T' eindeutig bestimmt (also unabhängig von $\tilde{t}$).

Nebenläufig aktivierte Transitionen führen daher in Erreichbarkeitsgraphen zu Strukturen, die die Form eines Quadrats (oft Diamond genannt) oder (höherdimensionalen) Würfels haben.

Beispiel für so ein Quadrat:



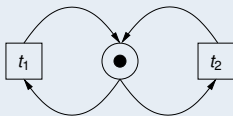
Beispiel für Entstehen eines Würfels:



Frage: Wenn ausgehend von einer Markierung m jede Anordnung der Transitionen einer Menge T' eine Schaltfolge darstellt, sind dann die Transitionen aus T' für m nebenläufig aktiviert?

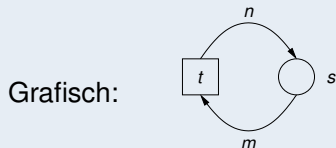
Nein, nicht unbedingt!

Gegenbeispiel:



Schlinge (Definition)

Eine Schlinge (oder Schleife) in einem Petrinetz besteht aus einer Transition t und einer Stelle s mit $\bullet t(s) > 0$ und $t\bullet(s) > 0$.



Für schlingenfreie Petrinetze gilt:

Seien eine Markierung m und eine Menge T' von Transitionen gegeben, so dass jede Anordnung dieser Transitionen von m ausgehend schaltbar ist. Dann sind die Transitionen aus T' für m nebenläufig aktiviert.

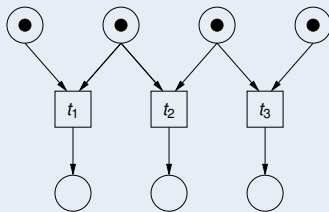
Konflikt (Definition)

Zwei verschiedene Transitionen $t, t' \in T$ stehen für die Markierung m in Konflikt genau dann, wenn:

- t und t' sind beide für m aktiviert und
- t und t' sind für m nicht nebenläufig aktiviert.

Anschaulich: Jede einzelne der beiden Transitionen könnte schalten, aber nicht tatsächlich beide „gleichzeitig“.

Das liegt immer daran, dass sie eine gemeinsame Stelle in den Vorbedingungen haben. Das heißt, es gibt eine Stelle s mit $\bullet t(s) \geq 1$ und $\bullet t'(s) \geq 1$.



Für die hier gezeigte Markierung steht t_1 in Konflikt mit t_2 .

Denn:

$$(1, 1, 0, 0, 0, 0, 0) \leq (1, 1, 1, 1, 0, 0, 0)$$

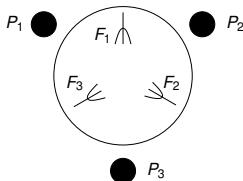
$$(0, 1, 1, 0, 0, 0, 0) \leq (1, 1, 1, 1, 0, 0, 0)$$

$$(1, 1, 0, 0, 0, 0, 0) \oplus (0, 1, 1, 0, 0, 0, 0) \not\leq (1, 1, 1, 1, 0, 0, 0)$$

Außerdem steht t_2 in Konflikt mit t_3 . Jedoch steht t_1 nicht in Konflikt mit t_3 (keine Transitivität der Konfliktrelation).

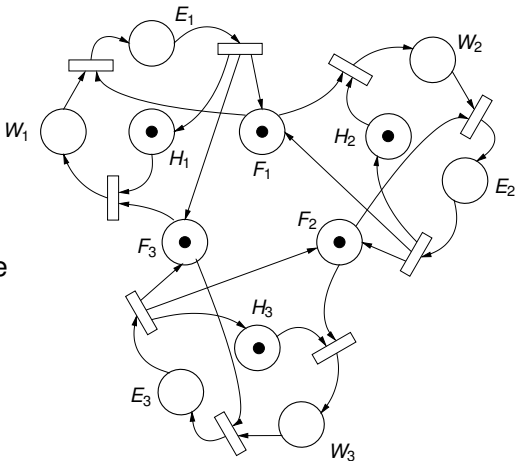
Wir betrachten nochmals das Beispiel der Dining Philosophers (speisende Philosophen):

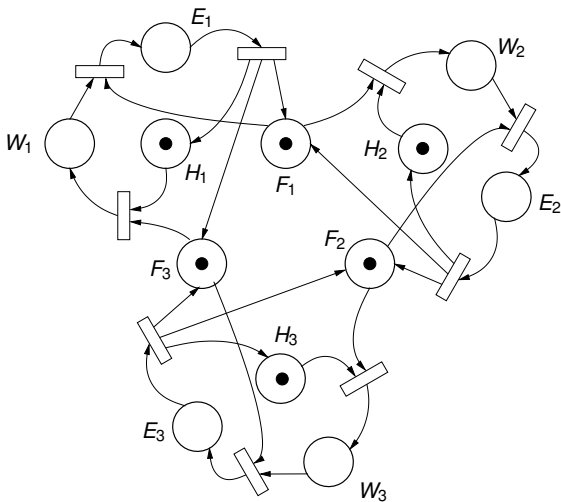
- Es sitzen drei Philosophen P_i um einen runden Tisch, zwischen je zwei Philosophen liegt eine Gabel (fork) F_i .
- Philosophen werden von Zeit zu Zeit hungrig (H_i) und benötigen dann zum Essen (E_i) beide benachbarte Gabeln.
- Jeder Philosoph nimmt zu einem beliebigen Zeitpunkt beide Gabeln nacheinander auf (die rechte zuerst), isst und legt anschließend beide Gabeln wieder zurück (gleichzeitig).



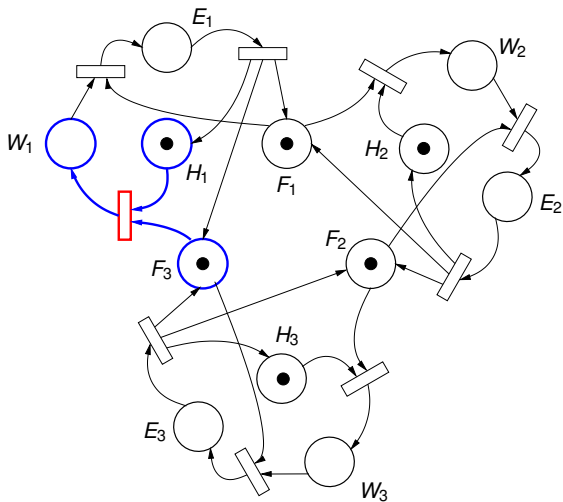
Modellierung als Petrinetz:

- Marke bei H_i bedeutet, Philosoph P_i ist hungrig.
- Marke bei W_i bedeutet, Philosoph P_i wartet auf linke Gabel.
- Marke bei F_i bedeutet, die Gabel F_i liegt auf dem Tisch.
- Marke bei E_i bedeutet, Philosoph P_i isst.

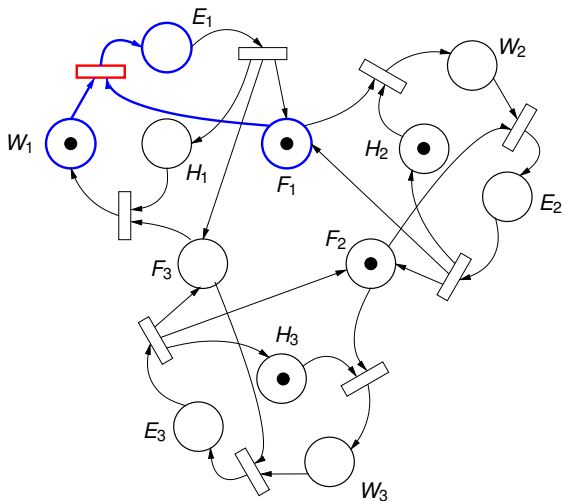




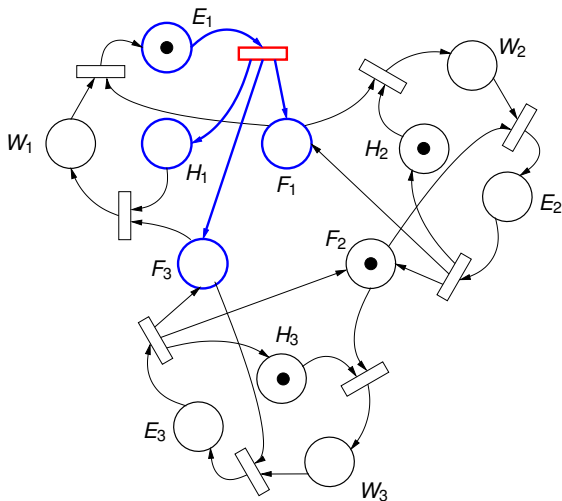
- Der erste Philosoph P_1 möchte essen.



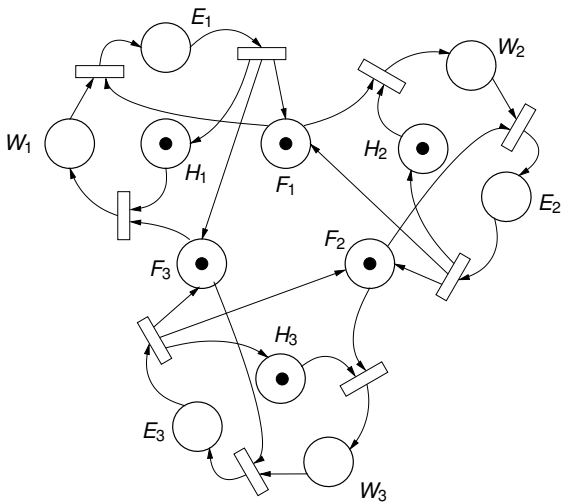
- P_1 nimmt die rechte Gabel F_3 .



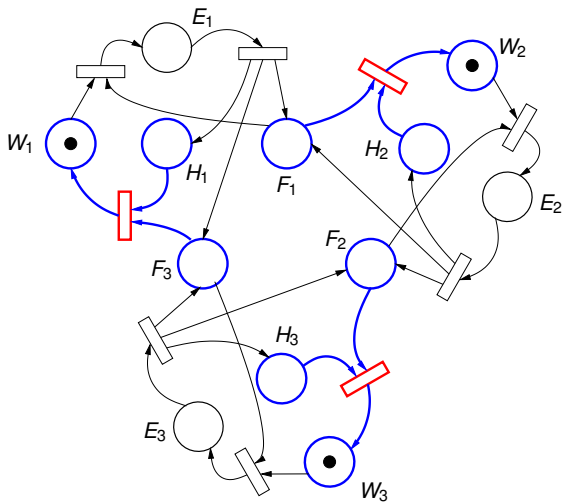
- P_1 nimmt die linke Gabel F_1 und isst.



- P_1 legt Gabeln F_3 und F_1 zurück.



- Gibt es Möglichkeit der Verklemmung (Deadlock)?



- Ja! Nachdem alle nebenläufig ihre rechte Gabel nehmen.

Überdeckungsgraphen

Erinnerung: Ein Petrinetz ist unbeschränkt genau dann, wenn sein Erreichbarkeitsgraph unendlich groß ist.

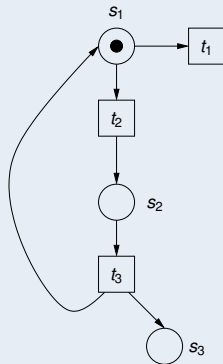
Aber wie können wir feststellen, ob Unendlichkeit vorliegt?

Und gibt es in diesem Fall trotzdem noch eine (endliche, grafische) Darstellung, die „in gewisser Weise“ alle erreichbaren Markierungen repräsentiert?

Und an Hand derer wir vielleicht sogar Eigenschaften wie Lebendigkeit und Kausalitäten entscheiden können?

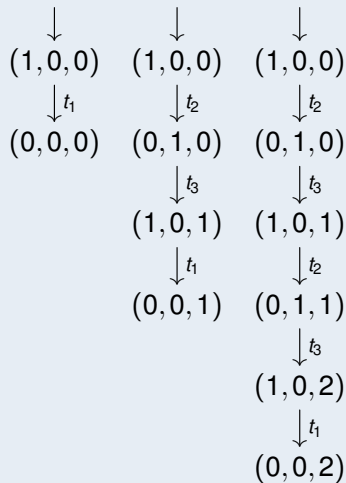
$\rightsquigarrow$ Überdeckungsbaum $\rightsquigarrow$ Überdeckungsgraph

Beispiel eines unbeschränkten Petrinetzes:



Stellenreihenfolge: s_1, s_2, s_3

einige Schaltfolgen:



Beobachtungen:

- Das Verhalten von Petrinetzen ist „monoton“, das heißt, jede Schaltfolge ist auch dann noch möglich, wenn man der Ausgangsmarkierung (nicht unbedingt gleich der Anfangsmarkierung m_0) zusätzliche Marken hinzufügt.
- Wenn zwei Markierungen m, m' existieren, so dass gilt:
 - m ist echt kleiner als m' (das heißt, $m \leq m'$ und $m \neq m'$, ab jetzt geschrieben als $m < m'$) und
 - es gibt eine Schaltfolge von m zu m' ,dann kann man dieselbe Folge noch einmal von m' aus schalten und erhält eine wiederum echt größere Markierung m'' .

am Beispiel:

$$\begin{array}{ccccccc} \rightarrow (1, 0, 0) & \xrightarrow{t_2} & (0, 1, 0) & \xrightarrow{t_3} & (1, 0, 1) & \xrightarrow{t_2} & (0, 1, 1) & \xrightarrow{t_3} & (1, 0, 2) & \xrightarrow{t_1} & (0, 0, 2) \\ m & & < & & m' & & < & & m'' & \end{array}$$

Weitere Beobachtung:

- So einen Abschnitt kann man dann sogar immer weiter wiederholen, und die Markierung dadurch immer weiter wachsen lassen.
- Man nennt dies auch „Pumpen“ der Folge.

zum Beispiel:

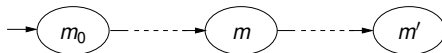
$$\begin{array}{ccccccc} \rightarrow (1, 0, 0) & \xrightarrow{t_2} & (0, 1, 0) & \xrightarrow{t_3} & (1, 0, 1) & \xrightarrow{t_2} & (0, 1, 1) & \xrightarrow{t_3} & (1, 0, 2) \\ & & & & & & \downarrow t_2 & & \\ & & & & & & (0, 1, 2) & & \\ & & & & & & \downarrow t_3 & & \\ (1, 0, 5) & \xleftarrow{t_3} & (0, 1, 4) & \xleftarrow{t_2} & (1, 0, 4) & \xleftarrow{t_3} & (0, 1, 3) & \xleftarrow{t_2} & (1, 0, 3) \\ & & & & & & \downarrow t_1 & & \\ & & & & & & (0, 0, 5) & & \end{array}$$

Dieses „immer weiter wachsen lassen“ kann man dadurch repräsentieren, dass man in den betroffenen Stellen eine spezielle ω -Markierung einführt, etwa:

$$\rightarrow (1, 0, 0) \xrightarrow{t_2} (0, 1, 0) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega)$$

Formal:

Sobald eine neue Markierung m' hinzugefügt wird, führe für jede Vorgängermarkierung m mit $m < m'$...



... folgende Ersetzung auf m' durch:

- Für jedes $s \in S$ mit $m(s) < m'(s)$, setze $m'(s)$ auf ω .
- (Für alle anderen $s \in S$ gilt $m(s) = m'(s)$ und wir lassen $m'(s)$ unverändert.)

Bemerkungen:

- Die neu erzeugten besonderen ω -Markierungen ordnen einer oder mehreren Stellen sozusagen „unendlich“ viele Marken zu.

Dies nimmt das wiederholte Schalten der Transitionsfolge von m zu m' vorweg, die nach und nach in den ω -Stellen beliebig viele Marken produzieren könnte.

- Wir müssen auch für die ω -Markierungen, mit den konzeptionell beliebig vielen Marken auf bestimmten Stellen, ausdrücken können, wie jenseits der „gepumpten“ Teilfolge weiter geschaltet werden könnte, zum Beispiel:

$$\rightarrow (1, 0, 0) \xrightarrow{t_2} (0, 1, 0) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega) \xrightarrow{t_1} ?$$

- Dafür benötigen wir extra „Rechenregeln“ bezüglich ω .

Für alle $k \in \mathbb{N}$ legen wir fest: $\omega + k = \omega$ und $\omega - k = \omega$.

Außerdem gilt uns ω als größer als jede natürliche Zahl, und $\omega \leq \omega$.

Damit haben wir jetzt zum Beispiel:

$$\rightarrow (1, 0, 0) \xrightarrow{t_2} (0, 1, 0) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega) \xrightarrow{t_1} (0, 0, \omega)$$

denn:

$$\bullet t_1 = (1, 0, 0)$$

$$t_1^\bullet = (0, 0, 0)$$

$$(1, 0, 0) \leq (1, 0, \omega)$$

$$(1, 0, \omega) \ominus (1, 0, 0) \oplus (0, 0, 0) = (0, 0, \omega)$$

Außerdem aber auch:

$$\rightarrow (1, 0, 0) \xrightarrow{t_2} (0, 1, 0) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega) \xrightarrow{t_2} (0, 1, \omega) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega)$$

denn:

$$\bullet t_2 = (1, 0, 0)$$

$$t_2^\bullet = (0, 1, 0)$$

$$(1, 0, 0) \leq (1, 0, \omega)$$

$$(1, 0, \omega) \ominus (1, 0, 0) \oplus (0, 1, 0) = (0, 1, \omega)$$

sowie:

$$\bullet t_3 = (0, 1, 0)$$

$$t_3^\bullet = (1, 0, 1)$$

$$(0, 1, 0) \leq (0, 1, \omega)$$

$$(0, 1, \omega) \ominus (0, 1, 0) \oplus (1, 0, 1) = (1, 0, \omega)$$

Damit könnten wir jetzt wieder unendliche Pfade produzieren, etwa:

$$\begin{array}{ccccccc} \rightarrow (1, 0, 0) & \xrightarrow{t_2} & (0, 1, 0) & \xrightarrow{t_3} & (1, 0, \omega) & \xrightarrow{t_2} & (0, 1, \omega) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega) \\ & & & & & & \downarrow t_2 \\ & & & & & & (0, 1, \omega) \\ & & & & & & \downarrow t_3 \\ (1, 0, \omega) & \xleftarrow{t_3} & (0, 1, \omega) & \xleftarrow{t_2} & (1, 0, \omega) & \xleftarrow{t_3} & (0, 1, \omega) \xleftarrow{t_2} (1, 0, \omega) \\ \downarrow t_2 & & & & & & \\ \vdots & & & & & & \end{array}$$

Um das zu vermeiden, brechen wir ab, sobald sich eine Markierung exakt wiederholt.

Für das Beispiel haben wir jetzt insgesamt:

$$\rightarrow (1, 0, 0) \xrightarrow{t_1} (0, 0, 0)$$

$$\rightarrow (1, 0, 0) \xrightarrow{t_2} (0, 1, 0) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega) \xrightarrow{t_1} (0, 0, \omega)$$

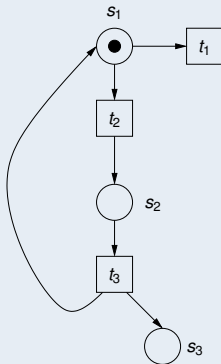
$$\rightarrow (1, 0, 0) \xrightarrow{t_2} (0, 1, 0) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega) \xrightarrow{t_2} (0, 1, \omega) \xrightarrow{t_3} (1, 0, \omega)$$

(Man beachte, dass der zweite und dritte Pfad oben aus verschiedenen Gründen abbrechen.)

Der Überdeckungsbaum stellt die Sammlung dieser Pfade kompakter, nämlich so weit wie möglich überlappend dar, indem gemeinsame Anfangsstücke nicht mehrfach repräsentiert werden.

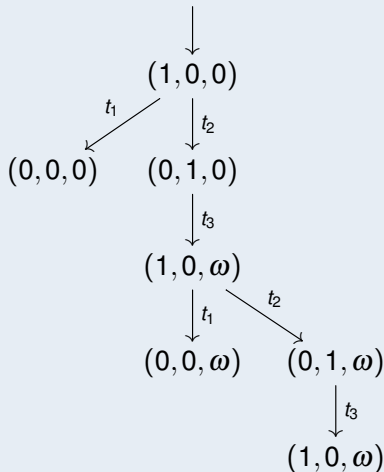
Der englische Name für Überdeckungsbäume ist covering trees.

Beispiel:



Stellenreihenfolge: s_1, s_2, s_3

Überdeckungsbaum:



Eigenschaften des Überdeckungsbaums (I)

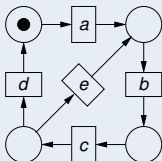
- Die Konstruktion des Überdeckungsbaums terminiert immer nach endlich vielen Schritten.
- Irgendwelche ω -Markierungen treten genau dann auf, wenn das Petrinetz unbeschränkt ist.
(Das heißt, der Überdeckungsbaum kann auch dazu verwendet werden, zu überprüfen, ob ein Petrinetz unbeschränkt ist.)
- Auch etwa schwache Lebendigkeit sowie Kausalitäten lassen sich an Hand des Überdeckungsbaums entscheiden.

Eigenschaften des Überdeckungsbaums (II)

Sei N ein Petrinetz und B der dazugehörige Überdeckungsbaum.
Dann gilt:

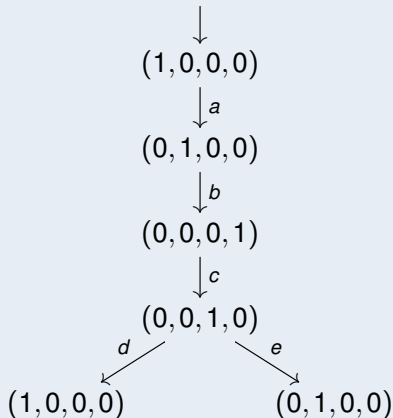
- Für jede erreichbare Markierung m von N gibt es einen Knoten m' in B mit $m \leq m'$.
- Für jeden Knoten m' in B und jedes $c \in \mathbb{N}$ gibt es eine erreichbare Markierung m von N , so dass für alle Stellen s gilt:
 - $m(s) = m'(s)$, falls $m'(s) \neq \omega$
 - $m(s) > c$, falls $m'(s) = \omega$.

Natürlich ist die Konstruktion eines Überdeckungsbaums auch für beschränkte Petrinetze möglich, etwa:



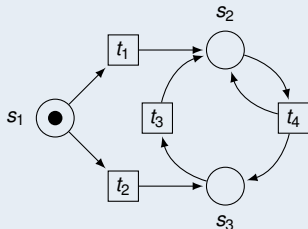
Stellenreihenfolge wie in früherer Vorlesung

Überdeckungsbaum:



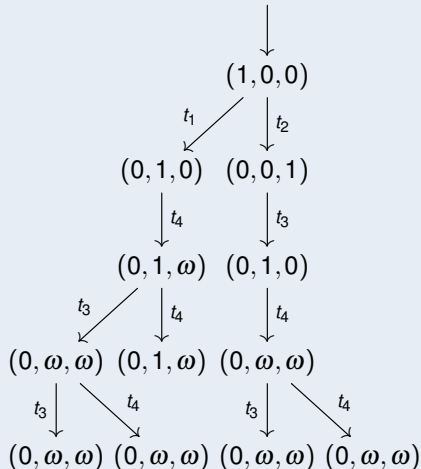
Allerdings ist in solchen Fällen der Erreichbarkeitsgraph klar attraktiver.

Und manchmal wird der Überdeckungsbaum schlicht unhandlich:



Stellenreihenfolge: s_1, s_2, s_3

Überdeckungsbaum:



Gibt es ein Konstrukt, das die Vorteile von Überdeckungsbaum und Erreichbarkeitsgraph vereint?

Ja, einen Überdeckungsgraph (englisch: covering graph).

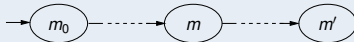
Grundsätzliche Idee:

- Konstruktion wie Überdeckungsbaum
- Aber niemals Erzeugung zweier Knoten mit gleicher Markierung
- Stattdessen Pfeile zu früher erzeugten Knoten

Feststellung: Für beschränkte Petrinetze sind Erreichbarkeitsgraph und Überdeckungsgraph das Gleiche.

Konstruktion eines Überdeckungsgraphen – alternativ beschrieben

- Führe zunächst wie gewohnt die Konstruktion des Erreichbarkeitsgraphen aus, aber immer mit Überprüfung wie folgt.
- Sobald eine Markierung m' erzeugt wurde, führe für jede Markierung $m < m'$ irgendwo zwischen m_0 und m' ...



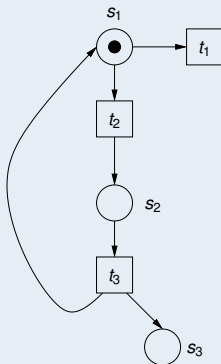
... folgende Ersetzung auf m' durch:

- Für jedes $s \in S$ mit $m(s) < m'(s)$, setze $m'(s)$ auf ω .

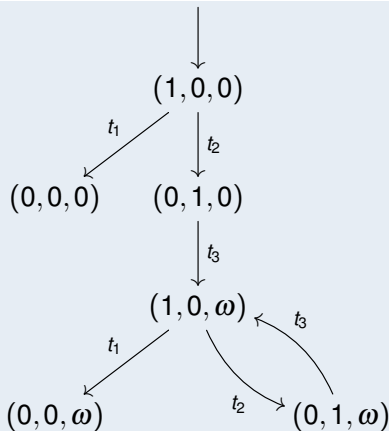
Sollte sich danach herausstellen, dass das neue m' (welches auch unverändert das ursprüngliche sein könnte) schon im Graph vorkommt, verwende diesen vorhandenen Knoten.

- Mache mit der Konstruktion weiter, bis keine Markierungen mehr hinzugefügt werden können.

Beispiel:

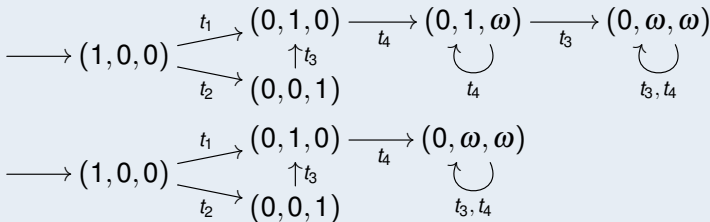
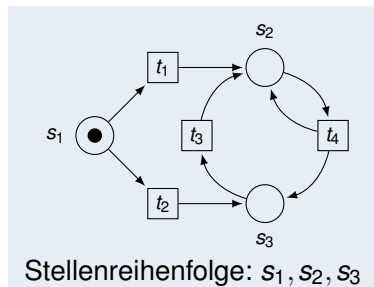


Stellenreihenfolge: s_1, s_2, s_3



Ein Petrinetz kann mehrere Überdeckungsgraphen haben.

Hier für ein Beispiel, für das wir auch schon den Überdeckungsbaum gesehen haben:



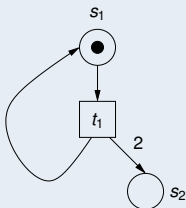
Überdeckungsgraphen haben analoge nützliche Eigenschaften wie Überdeckungsbäume.

Also insbesondere Termination der Erzeugung, die Möglichkeit zum Test auf Unbeschränktheit und auf schwache (aber nicht auf starke) Lebendigkeit eines Petrinetzes, und auf Kausalitäten, sowie:

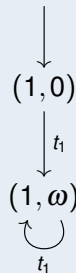
- Für jede erreichbare Markierung m eines Petrinetzes gibt es einen Knoten m' im Überdeckungsgraph mit $m \leq m'$.
- Für jeden Knoten m' im Überdeckungsgraph und jedes $c \in \mathbb{N}$ gibt es eine erreichbare Markierung m des Petrinetzes, so dass für alle Stellen s gilt:
 - $m(s) = m'(s)$, falls $m'(s) \neq \omega$
 - $m(s) > c$, falls $m'(s) = \omega$.

Frage: Ist für eine ω -Markierung m' im Überdeckungsgraph vielleicht sogar jede Markierung m des Petrinetzes mit $m \leq m'$ erreichbar?

Nein! Gegenbeispiel:

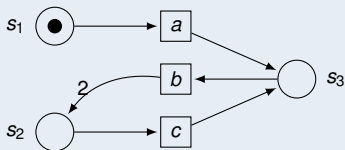


Stellenreihenfolge: s_1, s_2



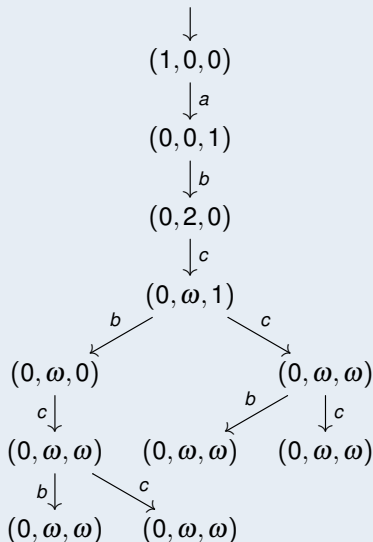
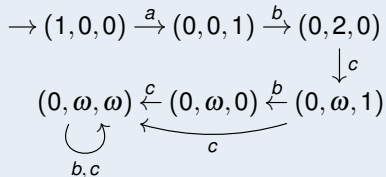
Die Markierung $(1, 1)$ ist kleiner als $(1, \omega)$, ist aber in dem Petrinetz nicht erreichbar.

Ein anderes Beispiel, mit
Überdeckungsbaum:



Stellenreihenfolge: s_1, s_2, s_3

und Überdeckungsgraph:



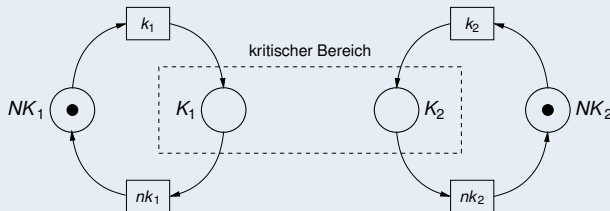
Wir betrachten zum Abschluss des Petrinetz-Teils der Vorlesung nun noch einige „Fallstudien“, also Beispiele, an denen typische Szenarien und spezielle Modellierungs-„Muster“ nochmals deutlich werden ...

Zunächst behandeln wir das Konzept des wechselseitigen Ausschlusses (engl. mutual exclusion).

- Wir betrachten zwei Akteure, die jeweils einen kritischen Bereich haben.
- Beide Akteure dürfen nicht gleichzeitig in ihren kritischen Bereich kommen, da sie sich dort gegenseitig behindern und unerwünschtes Verhalten auslösen würden (z.B. indem beide Akteure in dieselbe Datei schreiben).

Es darf sich also immer höchstens ein Akteur im kritischen Bereich befinden.

Ursprüngliches System:



Bedeutung der Stellen:

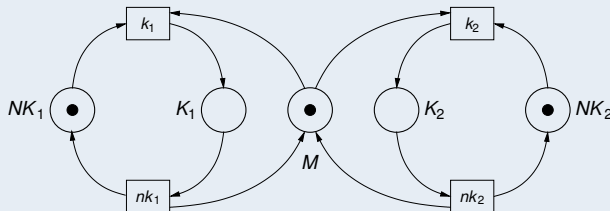
K_1 : kritischer Bereich Akteur 1

NK_1 : nicht-kritischer Bereich Akteur 1

K_2 : kritischer Bereich Akteur 2

NK_2 : nicht-kritischer Bereich Akteur 2

Erweitertes System mit Synchronisation:



Bedeutung der Stellen:

K_1 : kritischer Bereich Akteur 1

NK_1 : nicht-kritischer Bereich Akteur 1

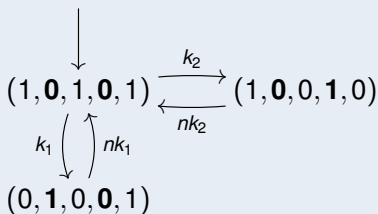
K_2 : kritischer Bereich Akteur 2

NK_2 : nicht-kritischer Bereich Akteur 2

M : Hilfsstelle, sogenannter Mutex

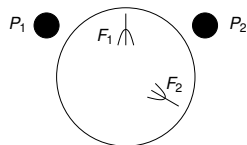
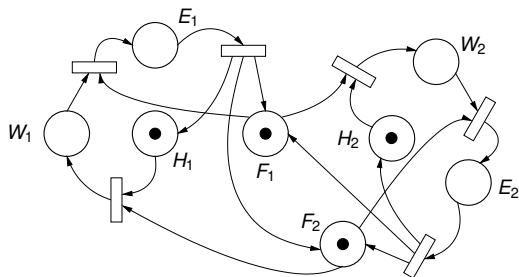
Wir möchten zeigen, dass in den Stellen K_1 , K_2 niemals gleichzeitig Marken liegen.

Erreichbarkeitsgraph:

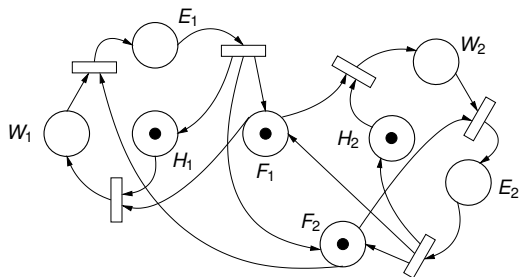


Stellenreihenfolge: NK_1 , K_1 , M , K_2 , NK_2

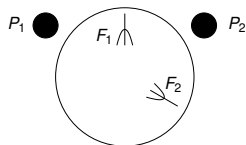
Wir kommen wieder auf die speisenden Philosophen zurück, aber schicken den dritten Philosophen nach Hause:



Wir kommen wieder auf die speisenden Philosophen zurück, aber schicken den dritten Philosophen nach Hause:

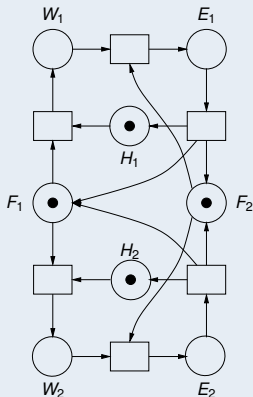


Außerdem machen wir den ersten Philosophen zum Linkshänder (er nimmt die linke Gabel zuerst).



Anders dargestellt:

Links- und rechtshändige Philosophen



Verklemmungsfrei
durch
Synchronisation!

Ein anderes Erfordernis, das wir immer wieder mal ausdrücken wollten (z.B. beim Keksautomat), war die Begrenzung der Kapazität einzelner Stellen im Petrinetz.

Eine Möglichkeit zum Umgang damit ist die Einführung einer speziellen Art von Petrinetzen:

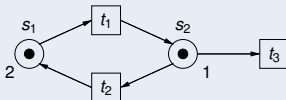
Petrinetz mit Kapazitäten (Definition)

Ein Petrinetz mit Kapazitäten besteht aus einem (herkömmlichen) Petrinetz, mit Stellenmenge S , und einer Kapazitätsfunktion $k : S \rightarrow \mathbb{N}$. Für die Anfangsmarkierung m_0 muss gelten: $m_0 \leq k$.

Intuition: Jede Stelle s darf höchstens $k(s)$ Marken enthalten.

In der grafischen Darstellung werden die Kapazitäten an die Stellen geschrieben.

Beispielnetz mit Kapazitäten



$$k(s_1) = 2, k(s_2) = 1$$

Natürlich muss die Semantik angepasst werden:

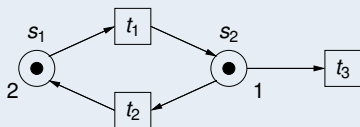
Aktivierung/Schalten bei Petrietzen mit Kapazitäten (Definition)

Eine Transition t ist für eine Markierung m aktiviert, wenn gilt:

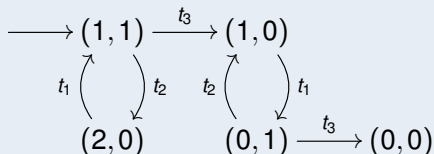
1. $\bullet t \leq m$
2. und $m \ominus \bullet t \oplus t^\bullet \leq k$.

Das heißt, eine Transition darf nur dann schalten, wenn dadurch die Kapazitäten nicht überschritten werden.

Beispielnetz mit Kapazitäten



Erreichbarkeitsgraph



Stellenreihenfolge: s_1, s_2

Insbesondere: Für die Anfangsmarkierung $(1,1)$ ist die Transition t_1 nicht aktiviert.

Es geht jedoch auch ohne Einführung einer neuen Petrinetz-Art!

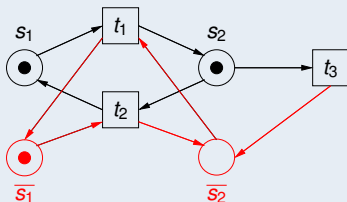
Umwandlung eines Petrinetzes mit Kapazitäten in eines ohne

1. Füge zu jeder Stelle s eine sogenannte Komplementstelle $\bar{s}$ hinzu. In der neuen Anfangsmarkierung enthält $\bar{s}$ genau $k(s) - m_0(s)$ Marken.
Idee: Die Summe der Marken in der Stelle und der Komplementstelle ergibt immer die gewünschte Kapazität.
2. Falls eine Transition t insgesamt Marken aus einer Stelle s herausnimmt, $n = t^\bullet(s) - {}^\bullet t(s) < 0$, füge eine Kante von t nach $\bar{s}$ mit Gewicht $-n$ ein.
3. Falls eine Transition t insgesamt Marken in eine Stelle s hineinlegt, $n = t^\bullet(s) - {}^\bullet t(s) > 0$, füge eine Kante von $\bar{s}$ nach t mit Gewicht n ein.

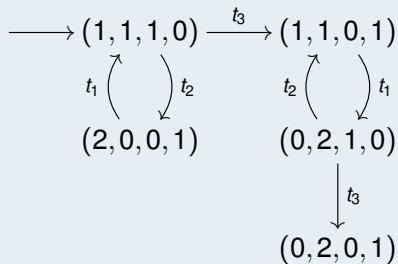
Mit dieser Konstruktion ist für jede erreichbare Markierung m sichergestellt, dass:

1. $m(s) + m(\bar{s}) = k(s)$ für jedes Paar $s, \bar{s}$;
2. eine Transition t nur schaltbar ist, wenn die Kapazitäten der Stellen in der Nachbedingung noch nicht ausgeschöpft sind. Das wird dadurch überprüft, dass die benötigten Restkapazitäten über die Komplementstellen abgefragt werden.

Umgewandeltes Beispielnetz



Erreichbarkeitsgraph



Stellenreihenfolge: $s_1, \bar{s}_1, s_2, \bar{s}_2$

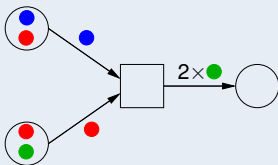
Neben den soeben konzeptionell betrachteten Petrinetzen mit Kapazitäten gibt es noch weitere Arten/Erweiterungen von Petrinetzen.

Zum Beispiel Attributierte Petrinetze, auch spezieller, bekannt unter Namen wie:

- Petrinetze mit individuellen Marken
- Prädikat-Transitions-Petrinetze
- engl. coloured Petri nets

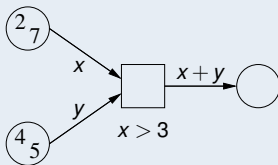
Dabei haben die Marken Farben. Die Transitionen geben an, Marken welcher Farbe entnommen und erzeugt werden sollen.

Beispielsweise entnimmt folgende Transition eine **blaue** und eine **rote** Marke und erzeugt zwei **grüne** Marken.



Die „Farben“ können dabei auch Elemente eines bestimmten Datentyps sein (z.B. Zahlen). Die Transitionen werden dann symbolisch annotiert und an ihnen können auch Bedingungen stehen.

Beispielsweise hat folgendes Petrinetz natürliche Zahlen als „Farben“. Die Transition entnimmt der ersten Stelle eine Zahl x und der zweiten Stelle eine Zahl y . In die Stelle der Nachbedingung wird dann die Zahl $x + y$ gelegt. Die Transition darf nur schalten wenn $x > 3$.



Bisher haben wir uns hinsichtlich dynamischer Modellierung mit flachen Zustandsdiagrammen (ganz am Anfang) und Petrinetzen (sowie deren Erreichbarkeitsgraphen und verwandten Konzepten) beschäftigt.

Dabei handelte es sich um Modellierung von

- dynamischen Aspekten,
- in qualitativer und quantitativer Hinsicht,
- einer breiten Klasse von Systemen,
- unter „white box“-Sicht,
- mit formaler Syntax und Semantik.

UML dagegen haben wir bisher nur für statische Modellierung benutzt.

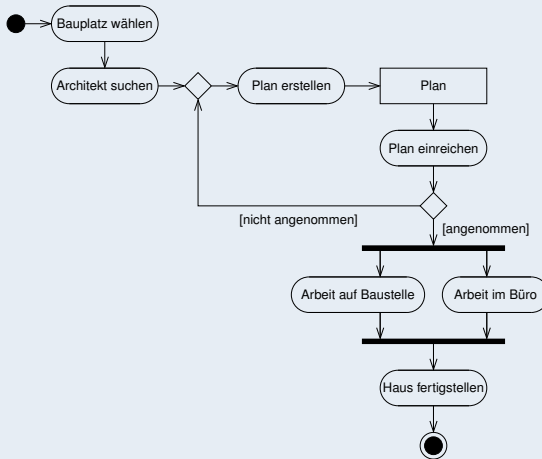
Im Folgenden betrachten wir Aktivitätsdiagramme (activity diagrams). Das sind UML-Diagramme, mit denen man Ablaufpläne, Reihenfolgen von Aktionen, parallele Aktionen, etc. modellieren kann.

Sie werden beispielsweise verwendet, um Geschäftsprozesse (auch Workflow-Prozesse) zu modellieren. Sie können ebenso eingesetzt werden, um Use Cases oder interne Systemprozesse zu beschreiben. Generell: wann immer man Einzelschritte hat, die sich auf gewisse typische Arten zu Gesamtabläufen zusammenfügen.

Aktivitätsdiagramme sind in vielen Aspekten ähnlich zu Petrinetzen. Im Vergleich zu Petrinetzen bieten sie zusätzliche Modellierungsmöglichkeiten, haben jedoch keine vollständige formale Semantik.

Aktivitätsdiagramme

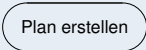
Beispiel: Hausbau



Wir vergleichen im Folgenden Aktivitätsdiagramme und ihre Bestandteile mit Petrinetzen (angelehnt an eine von Störrle aufgestellte Semantik für Teile von Aktivitätsdiagrammen).

Aktionen

Eine Aktion im Aktivitätsdiagramm wird durch ein Rechteck mit abgerundeten Ecken dargestellt. Es entspricht einer (benannten) Transition eines Petrinetzes.



Plan erstellen

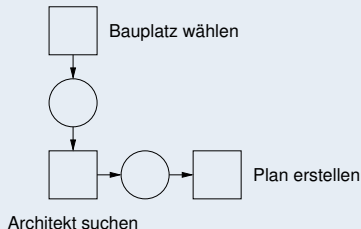
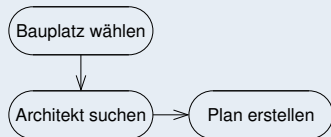


Plan erstellen

Intuition: Aktionen stehen für Tätigkeiten, mit Zeitaufwand.

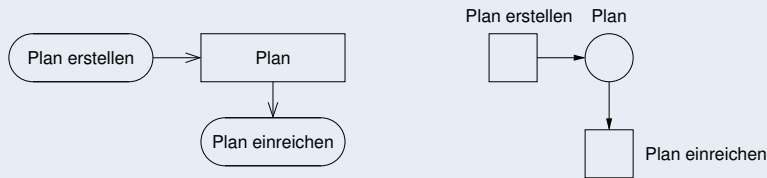
Kontroll- oder Objektfluss

Der Kontroll- oder Objektfluss zwischen Aktionen (sowie Objektknoten) im Aktivitätsdiagramm, dargestellt durch die Kanten/Pfeile dazwischen, wird in dem entsprechenden Petrinetz mittels Hilfsstellen umgesetzt.



Objektknoten

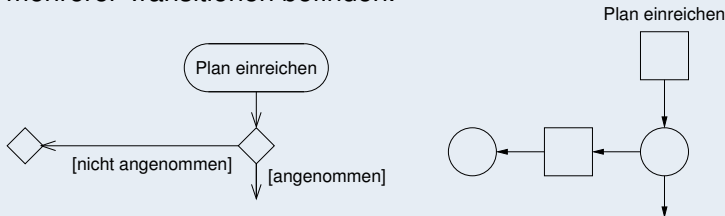
Objektknoten im Aktivitätsdiagramm beschreiben Speicher für die Ablage und Übergabe von konkreten Objekten. Sie entsprechen „normalen“ Stellen im Petrinetz, also solchen, die in irgendeiner Weise Ressourcen abbilden (und einen sinnvollen Namen haben).



Bemerkung: Objektknoten sind bei Softwaremodellierung in der Regel mit einem Klassennamen beschriftet. Sie können dann (mehrere) Ausprägungen/Instanzen dieser Klasse aufnehmen.

Verzweigungsknoten

Verzweigungsknoten (decision nodes) im Aktivitätsdiagramm beschreiben eine Verzweigung des Kontroll- oder Objektflusses, wobei aus den alternativen Wegen jedes Mal genau einer ausgewählt wird. Sie werden im Petrinetz mittels Hilfsstellen umgesetzt, die sich in der Vorbedingung mehrerer Transitionen befinden.



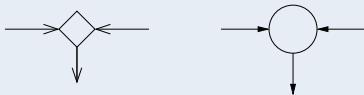
Bei Bedarf (etwa bei nachfolgenden Verzweigungs- oder Objektknoten) müssen Hilfstransitionen eingeführt werden.

Anmerkungen:

- Wesentlicher Grund für die Einführung von Hilfsstellen und Hilfstransitionen bei der Übersetzung in Petrinetze sind die strukturellen Erfordernisse für ein korrektes Petrinetz (nämlich abwechselndes Auftreten von Stellen und Transitionen).
- Der Kontroll- oder Objektfluss an Verzweigungsknoten wird durch Überwachungsbedingungen (Guards) gesteuert. Sie werden in eckigen Klammern an den ausgehenden Wegen notiert. (Ähnliche Bedingungen, an Transitionen, existieren auch in attribuierten Petrinetzen.)
- Die Bedingungen dürfen sich logisch nicht überlappen, und sollten insgesamt alle möglichen Fälle abdecken.
- Während Aktionen einen Zeitaufwand haben, werden Kontrollelemente wie Verzweigungsknoten (und weitere gleich gezeigte) als instantan durchlaufen angesehen.

Verbindungsknoten

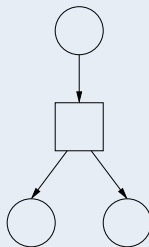
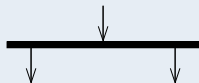
Es gibt auch Verbindungsknoten (merge nodes), die alternative Kontroll- oder Objektflüsse zusammenführen. Sie werden im entsprechenden Petrinetz mittels Hilfsstellen umgesetzt, die sich in der Nachbedingung mehrerer Transitionen (gegebenenfalls Hilfstransitionen) befinden.



Es gibt auch Knoten (mit gleicher Darstellung), die sowohl Verbindungs- als auch Verzweigungsknoten sind, also mehrere eingehende und mehrere ausgehende Wege haben.

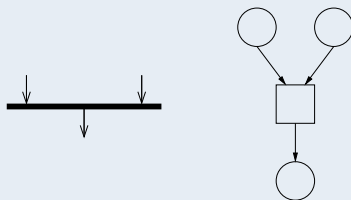
Gabelung (auch: Parallelisierungsknoten)

Eine Gabelung (fork node) im Aktivitätsdiagramm teilt einen Kontroll- oder Objektfluss in mehrere parallele/nebenläufige Flüsse auf. Ihr entspricht im Petrinetz eine Transition mit mehreren Stellen (gegebenenfalls Hilfsstellen) in der Nachbedingung.



Vereinigung (auch: Synchronisationsknoten)

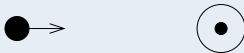
Dual dazu gibt es die Vereinigung (join node), die mehrere parallele/nebenläufige Kontroll- oder Objektflüsse zusammenführt. Sie wird im entsprechenden Petrinetz durch eine Transition umgesetzt, die mehrere Stellen (ggfs. Hilfsstellen) in der Vorbedingung hat.



Wie Verbindungs- und Verzweigungsknoten kann man manchmal auch Vereinigungen und Gabelungen zu einem Knoten zusammenfassen.

Startknoten

Ein Startknoten im Aktivitätsdiagramm entspricht einer initial markierten Stelle im Petrinetz. In Startknoten dürfen keine Kanten hineinführen.



Anmerkungen:

- Im übersetzten Petrinetz wird die entsprechende Stelle initial mit so vielen Marken bestückt, wie es ausgehende Kanten vom Startknoten gibt.
- Diese Kanten führen generell nicht zu Objektknoten.
- Es sind mehrere Startknoten in einem Aktivitätsdiagramm möglich.

Aktivitätsende

Das Aktivitätsende signalisiert, dass alle Kontroll- und Objektflüsse beendet werden. Es gibt keine allgemeine Entsprechung in Petrinetzen.

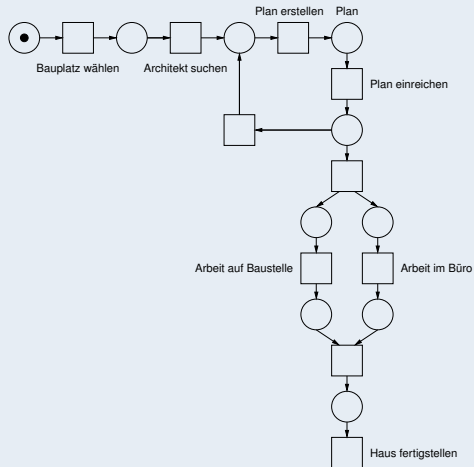


Es gibt auch ein Symbol für das Flussende, das nur den in es hineinlaufenden Kontrollfluss beendet.

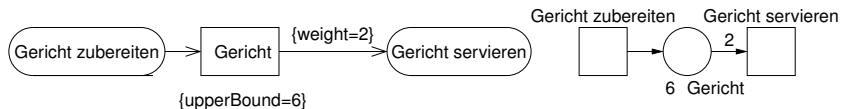


Ausgehende Kanten sind hier jeweils nicht erlaubt.

Übersetztes Beispiel, als Petrinetz:



Aktivitätsdiagramme enthalten noch mehr Anleihen aus Petrinetzen. Beispielsweise können auch die Kapazität eines Objektknotens und das Gewicht eines Objektflusses spezifiziert werden.



Dabei beschreibt upperBound die Kapazität (maximal 6 Gerichte dürfen hier gleichzeitig fertig sein) und weight das Gewicht (immer 2 Gerichte werden hier gleichzeitig serviert).

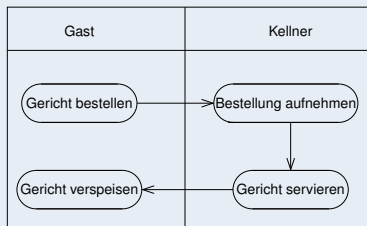
In Aktivitätsdiagrammen darf zusätzlich sogar noch spezifiziert werden, in welcher Reihenfolge die Objekte aus dem Objektknoten genommen werden (unordered, ordered, LIFO, FIFO).

Vorsicht:

- Die Entsprechung zwischen Aktivitätsdiagrammen und Petrinetzen ist nicht immer ganz exakt. Nicht für alle Konzepte gibt es eine direkte Übersetzung.
- Das liegt teilweise auch daran, dass Aktivitätsdiagramme nur ein semi-formales Modellierungsmittel sind und gar nicht alle Aspekte vollständig spezifiziert sind.

Aktivitätsbereiche (activity partitions)

Zur Strukturierung können Elemente gruppiert werden. Dies dient etwa dazu, die Verantwortung für bestimmte Aktionen festzulegen oder räumliche Verteilung auszudrücken.



Dabei können zum Beispiel Objektknoten auch auf einer Grenze zwischen Bereichen liegen, um eine Übergabe auszudrücken.

Weitere Elemente von Aktivitätsdiagrammen:

- Pins: Parameter und Parametersätze für Aktionen
- Senden und Empfang von Signalen
- Kontrollstrukturen: Sprungmarken, Schleifenknoten, Bedingungsknoten
- Unterbrechungsbereiche (interruptible activity region) zur Behandlung von Ausnahmen (Exceptions)
- Expansionsbereiche (expansion region) zur wiederholten Ausführung von Aktivitäten für mehrere übergebene Objekte

Zustandsdiagramme

UML-Zustandsdiagramme (state diagrams, auch state machine diagrams oder statecharts genannt), sind eng verwandt mit den bereits eingeführten flachen Zustandsdiagrammen.

Sie werden eingesetzt, wenn bei der Modellierung der Fokus auf die Zustände und Zustandsübergänge des Systems gelegt werden soll.

Im Gegensatz zu Aktivitätsdiagrammen werden auch weniger die Aktionen eines Systems beschrieben, sondern eher die Reaktionen eines Systems auf seine Umgebung.

Anwendungen sind die Modellierung von:

- Protokollen, Komponenten verteilter Systeme
- Benutzungsoberflächen
- eingebetteten Systemen
- ...

Zustandsdiagramme wurden 1987 von David Harel unter dem Namen Statecharts eingeführt.

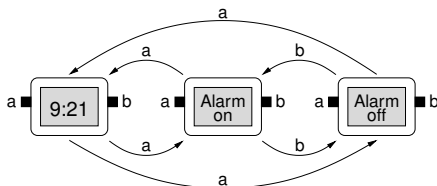
Features, mit denen Zustandsdiagramme ausgestattet sind:

- Zustände und Zustandsübergänge
- hierarchische Verfeinerung von Zuständen
- „Parallelschalten“ durch Regionen
- Historien, um sich früher besuchte Zustände zu merken und in diese zurückzukehren
- Kommunikation über Effekte („Fernauslösung“) oder Flags

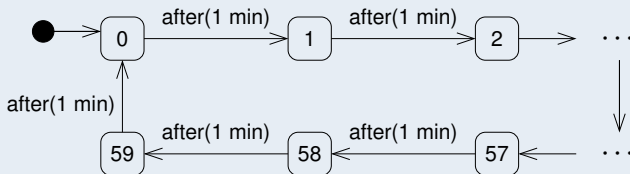
Viele dieser Ausstattungsmerkmale dienen dazu, Diagramme mit vielen Zuständen und Übergängen übersichtlicher und kompakter zu gestalten.

Wir lernen Zustandsdiagramme am Beispiel der Modellierung einer Armbanduhr kennen (stark vereinfacht gegenüber einem Beispiel von Harel aus dem ursprünglichen wissenschaftlichen Artikel).

Die Armbanduhr hat zwei Knöpfe (a, b) und zwei Modi (Zeitanzeige, Alarmeinstellung). Zwischen den Modi wechselt man mit Hilfe von Knopf a. Der Alarm kann an (on) oder aus (off) sein. Zwischen den Alarmzuständen wechselt man mit Hilfe von Knopf b (im entsprechenden Modus). Wenn der Alarm an ist, erzeugt die Uhr zu jeder vollen Stunde einen Piepton.



Wir beginnen zunächst mit der Modellierung der Minutenanzeige.



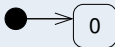
Zustand

Ein Zustand wird durch ein Rechteck mit abgerundeten Ecken dargestellt.



Startzustand

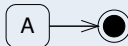
Der Startzustand wird ähnlich zum Startknoten bei Aktivitätsdiagrammen gekennzeichnet.



Es dürfen in den schwarzen ausgefüllten Kreis keine Kanten hineinführen, und nur genau eine heraus.

Endzustand

Endzustände werden wie das Aktivitätsende bei Aktivitätsdiagrammen gekennzeichnet.

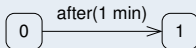


In Fällen, in denen man (wie in unserem Beispiel) ein System modelliert, das nicht terminieren soll, gibt es keinen Endzustand.

Transition (= Zustandsübergang)

Eine Transition ist nun eine Kante/Pfeil, beschriftet mit Trigger [Bedingung] / Effekt, wobei Bedingung und Effekt optional sind.

- Trigger: Signal oder Nachricht, die die entsprechende Transition auslösen



- Bedingung: Überwachungsbedingung (auch Guard genannt)
- Effekt: Effekt, der durch die Transition ausgelöst wird

In unserem Beispiel (Minutenanzeige) gibt es nur Trigger, die eine Zeitspanne angeben, nach der die Transition ausgelöst wird. Allgemein gibt es auch andere Trigger, beispielsweise Methodenaufrufe oder durch Broadcast-Effekte.

Neben Effekten, die durch Transitionen (also beim Übergang) ausgelöst werden, können in einem Zustand selbst weitere Aktivitäten bei Eintritt, Verweilen oder Verlassen ausgelöst werden.

Diese haben den gleichen Aufbau wie die Beschriftung einer Transition: Trigger [Bedingung] / Effekt.

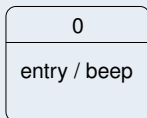
Dabei kann Trigger dann unter anderem folgendes sein:

- entry: Der entsprechende Effekt wird bei Eintritt in den Zustand ausgelöst.
- do: Der Effekt ist eine Aktivität, die nach Betreten des Zustands ausgeführt wird und die spätestens dann endet, wenn der Zustand verlassen wird.
- exit: Der entsprechende Effekt wird bei Verlassen des Zustands ausgelöst.

Beispiel:

Die Uhr soll zu jeder vollen Stunden ein Signal von sich geben. Daher wird die Aktivität beep bei Eintritt in den Zustand 0 ausgelöst.

Notation:



Was ist mit der Stundenanzeige?

Diese soll parallel zur Minutenanzeige laufen, das heißt, die Uhr ist eigentlich immer in zwei Zuständen gleichzeitig: ein Zustand für die Stunden, der andere für die Minuten.

Solch eine Situation wird durch Regionen modelliert.

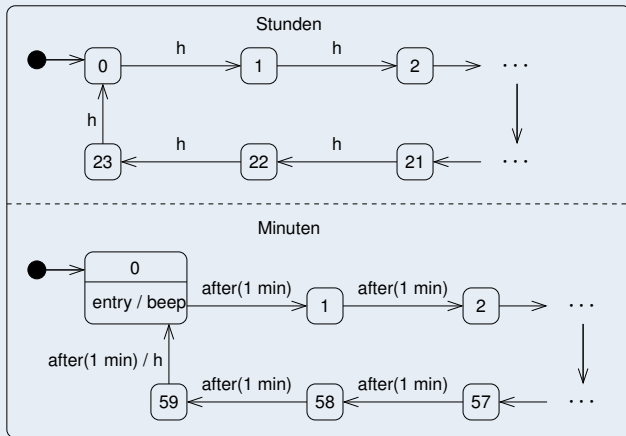
Region

Regionen unterteilen ein Zustandsdiagramm in mindestens zwei Bereiche, die parallel zueinander ausgeführt werden.

Im Beispiel erlaubt uns dies, insgesamt nur $24 + 60 = 84$ Zustände, statt $24 \cdot 60 = 1440$ Zustände, zu zeichnen.

Anmerkung: Es gibt prinzipiell keine Transitionen zwischen zueinander parallelen Regionen.

So sieht das modifizierte Zustandsdiagramm für die Uhr jetzt aus:



Bemerkungen:

- Es gibt jetzt zwei Startzustände, die beide zu Beginn betreten werden (Uhrzeit: 0:00).
(Allgemein: höchstens ein Startzustand pro Region.)
- Da Stunden- und Minutenanzeige nicht vollkommen unabhängig voneinander arbeiten, ist eine Synchronisation eingebaut: Die Transition in den Minutenzustand 0 löst einen Effekt h aus (h für „hour“).

Dieser Effekt dient dann als Trigger, der den Übergang in den nächsten Stundenzustand verursacht.

Die beiden Transitionen finden gleichzeitig statt (jeweils in ihrer Region).

Weitere Bemerkungen (für uns aber nicht so arg relevant):

- Transitionen verbrauchen im Allgemeinen keine Zeit (im Gegensatz zum Aufenthalt in Zuständen).
- Neben Effekten/Triggern, die direkt ausgeführt werden, gibt es auch solche, die zunächst in einer Event Queue (Warteschlange) abgelegt werden. Diese wird dann schrittweise abgearbeitet, wobei die entsprechenden Trigger ausgelöst werden. Damit kann asynchrone Kommunikation beschrieben werden.
- Effekte können Broadcasts (= Ausstrahlungen) sein, die überall im Zustandsdiagramm sichtbar sind, oder können alternativ direkte Kommunikation bedeuten (beispielsweise Methodenaufrufe).
(Die ursprüngliche Statecharts-Semantik von Harel verwendete nur Broadcasts.)

Nun soll die Möglichkeit hinzugefügt werden, das Stunden-Alarmsignal aus- und wieder einzuschalten.

Dazu führen wir zunächst weitere Zustände (Alarm on, off) ein, zu denen man durch Drücken von Knopf a gelangt (und zwischen denen man mit Knopf b wechselt).

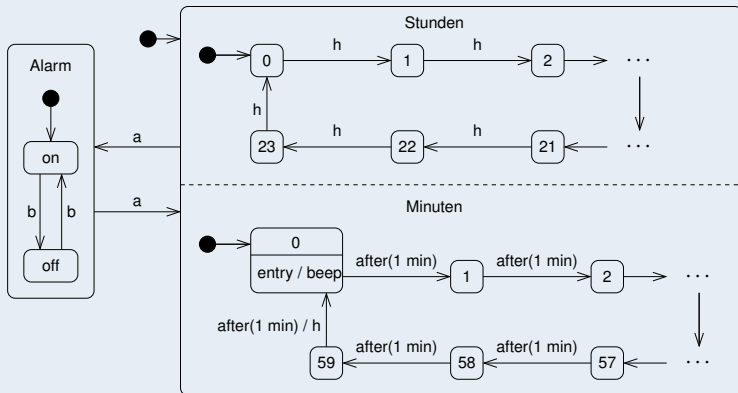
Problem: Wir bräuchten ziemlich viele mit a beschriftete Transitionen, die von den Stunden-/Minutenzuständen ausgehen!

Dafür bieten Zustandsdiagramme folgende Lösung:

Zusammengesetzte Zustände

Zusammengesetzte Zustände dienen dazu, Hierarchien von Zuständen zu modellieren und dadurch ein- und ausgehende Transitionen zusammenzufassen.

Es ergibt sich vorerst folgendes Zustandsdiagramm:

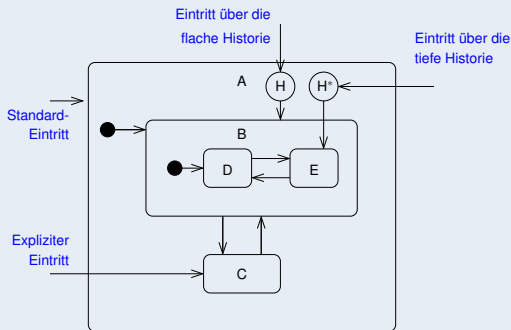


Anmerkungen:

- Zustände mit Regionen sind natürlich auch „zusammengesetzt“, aber in anderem Sinne, nicht nur hierarchisch.
- Wir sprechen daher ab jetzt statt nur allgemein von „zusammengesetzten Zuständen“ auch spezieller von „hierarchischen Zuständen“ einerseits und „Regionen-Zuständen“ andererseits.

Um möglichst viel Flexibilität bei der Modellierung zu haben, werden für zusammengesetzte Zustände verschiedene Eintritts- und Austrittsmöglichkeiten bereitgestellt.

Eintrittsmöglichkeiten in einen hierarchischen Zustand (grafisch)



Beschreibung der Eintrittsmöglichkeiten:

- Standard-Eintritt: Dabei wird der Startzustand der obersten Hierarchieebene angesprungen.
(Fortsetzung bei B, was schließlich zu einer Fortsetzung bei D führt.)
- Expliziter Eintritt: Es wird bei dem explizit angegebenen inneren Zustand fortgesetzt.
(Fortsetzung bei C.)

Beschreibung der Eintrittsmöglichkeiten (Fortsetzung):

- Eintritt über die tiefe Historie: Wurde der zusammengesetzte Zustand bereits früher besucht, so wird der letzte vor dem Verlassen des Gesamtzustands aktive Unterzustand (gegebenenfalls pro Region) der tiefstmöglichen Hierarchieebene betreten.

(Falls also der zusammengesetzte Zustand A das letzte Mal von D aus verlassen wurde, so wird jetzt wieder bei D fortgesetzt.)

Falls man noch niemals zuvor diesen zusammengesetzten Zustand betreten hat, so wird derjenige innere Zustand betreten, der mit der Kante gekennzeichnet ist, die von dem H^* -Knoten ausgeht.

Beschreibung der Eintrittsmöglichkeiten (Fortsetzung):

- Eintritt über die flache Historie: Wurde der zusammengesetzte Zustand bereits früher besucht, so wird der letzte vor dem Verlassen des Gesamtzustands aktive Unterzustand der obersten Hierarchieebene betreten.

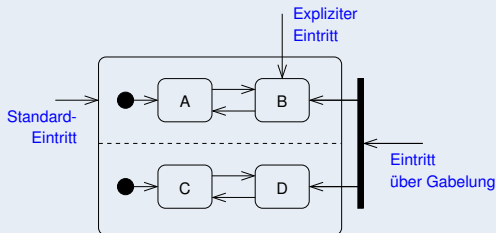
(Falls also der zusammengesetzte Zustand A das letzte Mal von E aus verlassen wurde, so wird jetzt bei B fortgesetzt, was letztendlich zu einer Fortsetzung bei D führt.)

Falls man noch niemals zuvor diesen zusammengesetzten Zustand betreten hat, so wird analog wie bei der tiefen Historie verfahren.

Außerdem: Eintritt über einen Eintrittspunkt
(wird hier nicht behandelt).

Wenn ein zusammengesetzter Zustand in mehrere Regionen unterteilt ist, so ergeben sich noch einige Besonderheiten.

Eintrittsmöglichkeiten in einen Regionen-Zustand (grafisch)



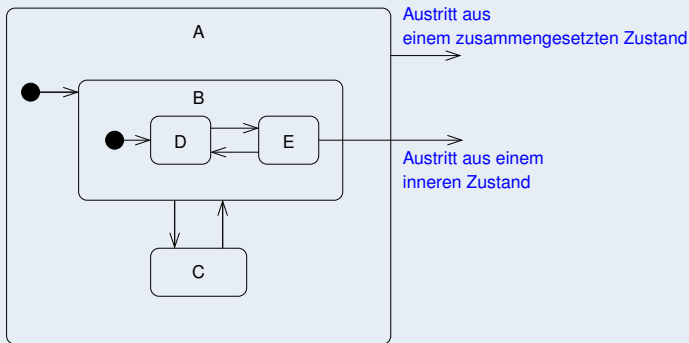
Es gäbe zusätzlich auch wieder die Fälle zum Eintritt über flache oder tiefe Historie zu diskutieren, darauf verzichten wir hier jedoch.

Beschreibung der Eintrittsmöglichkeiten bei Regionen:

- Standard-Eintritt: Dabei werden die jeweiligen Startzustände der Regionen angesprungen.
(Fortsetzung bei A und C.)
- Expliziter Eintritt: Ein Zustand einer Region wird direkt angesprungen. In der anderen Region wird beim Startzustand fortgesetzt.
(Fortsetzung bei B und C.)
- Eintritt über Gabelung: Die beiden anzuspringenden Zustände in den Regionen werden ähnlich zur Gabelung bei Aktivitätsdiagrammen gekennzeichnet.
(Fortsetzung bei B und D.)

Auch für den Austritt aus zusammengesetzten Zuständen gibt es verschiedene Möglichkeiten.

Austrittsmöglichkeiten aus einem hierarchischen Zustand (grafisch)

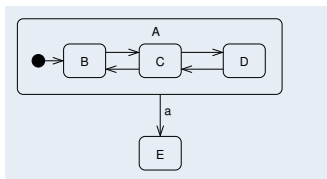


Beschreibung der Austrittsmöglichkeiten:

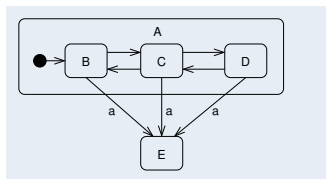
- Austritt aus einem hierarchischen Zustand als Ganzem: Sobald der mit der Transition assoziierte Trigger stattfindet, wird jeder beliebige Unterzustand verlassen.
- Austritt aus einem inneren Zustand: Die Transition wird nur genommen, wenn man sich gerade im entsprechenden Unterzustand (hier: Zustand E) befindet, und der entsprechende Trigger stattfindet.

Außerdem: Austritt über einen Austrittspunkt, Endzustand oder Terminator (hier alle nicht behandelt).

Beispiel zu Austrittsmöglichkeiten:

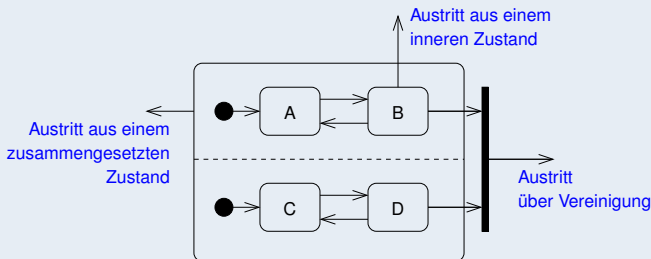


entspricht



Auch für Austrittsmöglichkeiten müssen wir untersuchen, welche Besonderheiten sich bei Regionen ergeben.

Austrittsmöglichkeiten aus einem Regionen-Zustand (grafisch)



Beschreibung der Austrittsmöglichkeiten bei Regionen:

- Austritt aus einem Regionen-Zustand als Ganzem: Dabei wird der zusammengesetzte Zustand verlassen, egal in welchen Unterzuständen man sich in den einzelnen Regionen gerade befindet.
- Austritt aus einem inneren Zustand: Der zusammengesetzte Zustand wird nur verlassen, wenn man sich in der entsprechenden Region in dem Zustand befindet, der durch den Pfeil verlassen wird. In den anderen Regionen kann man sich in beliebigen Zuständen befinden. (Hier Austritt nur, wenn man sich in der ersten Region in B befindet.)
- Austritt über Vereinigung: Der zusammengesetzte Zustand kann nur verlassen werden, wenn man sich in den Regionen in den Zuständen befindet, von denen die Pfeile in die Vereinigung hineinführen. (Hier Austritt nur, wenn man sich in B und D befindet.)

Wieder zurück zur Armbanduhr.

Es gibt noch Probleme:

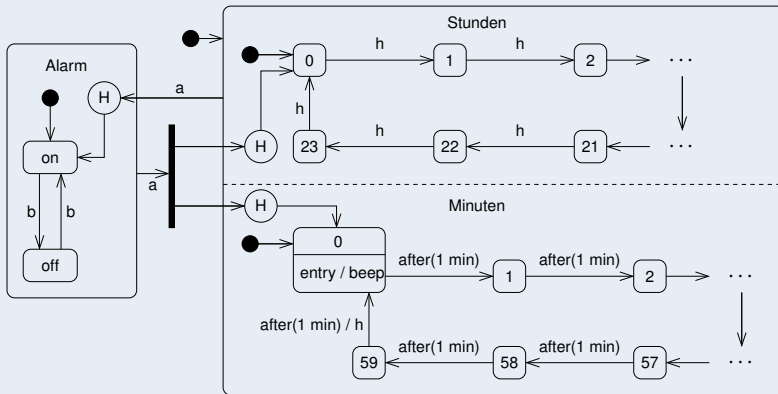
Wenn man aus der Alarめinstellung zurückkehrt, ist die Zeit auf 0:00 zurückgesetzt!

Und umgekehrt, wenn man zur Alarめinstellung wechselt, wird der Alarm immer auf „on“ gesetzt!

Lösung:

Jeweils Verwendung des Eintritts über die (flache) Historie.

Da man im Fall der Zeitanzeige in zwei Regionen gleichzeitig eintreten muss, verwenden wir dort eine Gabelung.



Weiteres Problem: Wenn man längere Zeit in der Alarmanzeige verbringt, so wird in dieser Zeit die Minuten-/Stundenanzeige nicht entsprechend aktualisiert. Denn der Trigger „after(1 min)“ bezieht sich nur auf die Zeit, die seit dem Eintritt in den entsprechenden Zustand vergangen ist.

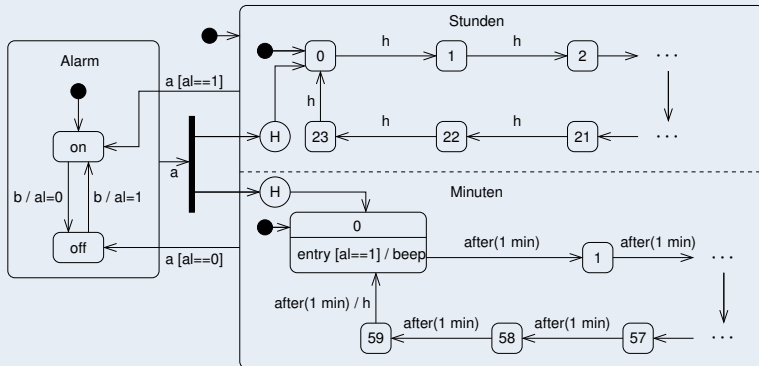
Die Zeitanzeige müsste deshalb entsprechend aktualisiert werden.
Dieses Problem lösen wir hier nicht.

Was fehlt ansonsten noch?

Beim Wechseln zwischen den Alarm-Zuständen (on, off) muss ein Flag (hier al genannt) gesetzt werden, um damit den beep-Effekt zu kontrollieren.

Dieses Flag muss dann mit Hilfe einer Bedingung im Minutenzustand 0 abgefragt werden.

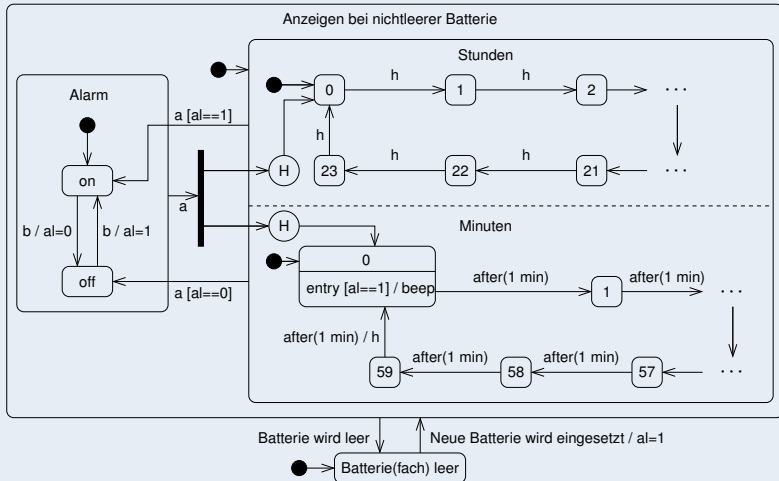
Außerdem betreten wir den Zustand Alarm nun nicht mehr über die flache Historie, sondern fragen mit Hilfe von Bedingungen ab, wie al belegt ist.



Schließlich modellieren wir noch, dass die Batterie der Uhr leer werden kann und gewechselt werden muss.

In diesem Fall will man den zusammengesetzten Zustand für Stunden/Minuten nicht über die flache oder tiefe Historie betreten! Es wird also dann tatsächlich die Zeit auf 0:00 zurückgesetzt.

Außerdem setzen wir das Flag al beim Einsetzen der Batterie (zurück) auf den Anfangswert 1.

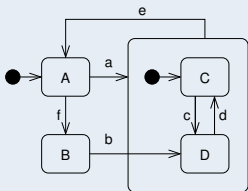


Ein großer Teil der Modellierungsmöglichkeiten von Zustandsdiagrammen in UML dient dazu, diese kompakt und übersichtlich zu notieren.

Umgekehrt kann man UML-Zustandsdiagramme oft „flachklopfen“ und zusammengesetzte Zustände (ob nun hierarchische oder aus Regionen gebildete) auflösen, wodurch man äquivalente flache Zustandsdiagramme erhält, die die gleichen Übergänge erlauben. Dabei erhält man jedoch im Allgemeinen mehr Zustände und/oder Transitionen.

Wir sehen uns einige Beispiele an (und werden bestimmte Features dabei bewusst nicht betrachten) ...

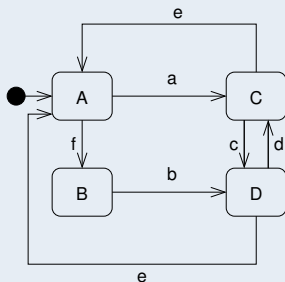
Beispiel 1: Wandeln Sie folgendes UML-Zustandsdiagramm in ein flaches Zustandsdiagramm um:



Charakteristika dieses Beispiels: keine Regionen, keine Historie

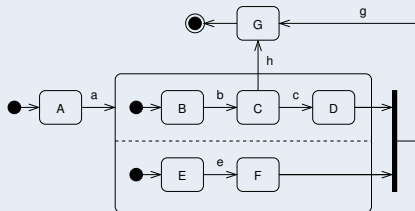
Ansatz: einfache Zustände behalten, Eintritte/Austritte an Rand hierarchischer Zustände übersetzen, andere Übergänge einfach behalten, und nur äußerster Startzustand bleibt solcher

Lösung zu Beispiel 1:



Hauptschritt: Die Transition, die von dem hierarchischen Zustand wegführt, wurde durch mehrere Transitionen ersetzt, die von den inneren Zuständen ausgehen.

Beispiel 2: Wandeln Sie folgendes UML-Zustandsdiagramm in ein flaches Zustandsdiagramm um:

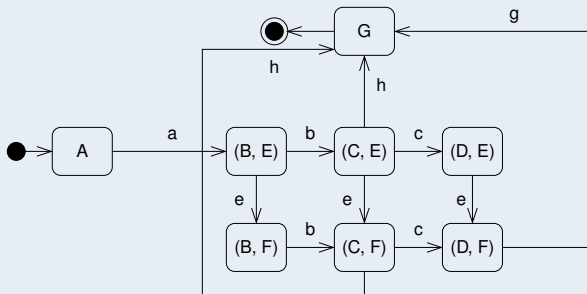


Charakteristika dieses Beispiels: Regionen, aber keine Historie

Ansatz außerhalb Regionen wie bisher, zusätzlich:

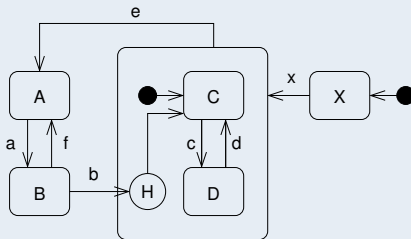
Kreuzprodukt zwischen Regionen; parallele Übergänge entsprechend den Regionen; Ein-/Austritte an Rand von, sowie hinein und heraus aus, Regionen übersetzen

Lösung zu Beispiel 2:

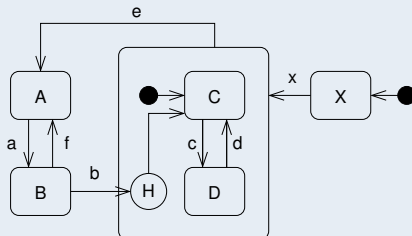


Hauptidee: Kreuzprodukt der Zustandsmengen der Regionen bilden.

Beispiel 3: Wandeln Sie folgendes UML-Zustandsdiagramm in ein flaches Zustandsdiagramm um:

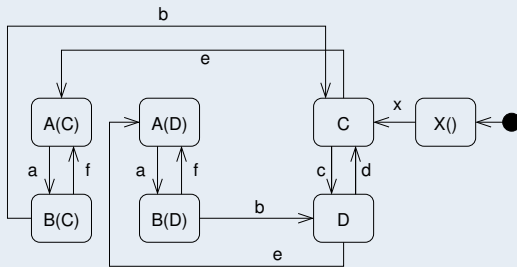


Charakteristika hier: keine Regionen, aber (flache) Historie



Ansatz jetzt: zunächst wie im einfachen Fall, aber für Verlassen eines hierarchischen Zustands mit Historien-Knoten gegebenenfalls Kopien äußerer Zustände (und ihrer Übergänge) zum Merken des letzten inneren Zustands, und Verwendung dieser Information bei Wiedereintritt über die Historie

Lösung zu Beispiel 3:



Hauptidee: In den äußeren Zuständen merkt man sich, ob/aus welchem Unterzustand man den hierarchischen Zustand zuletzt verlassen hat. Dies führt zu zusätzlichen Zuständen.

Weitere Features von UML-Zustandsdiagrammen:

- Unterscheidung zwischen verschiedenen Arten von Triggern:
call event, signal event, change event, time event, any receive event
- Verzögern und Ignorieren von Triggern
- Entscheidungen und Kreuzungen
- Eintritts- und Austrittspunkte, Terminator
- Rahmen und Wiederverwendung von Zustandsdiagrammen

Außerdem: Generalisierung und Spezialisierung von Zustandsdiagrammen

Sequenzdiagramme

Sequenzdiagramme (sequence diagrams) sind die bekanntesten Vertreter von Interaktionsdiagrammen in UML.

Sie dienen dazu, Kommunikation und Interaktion zwischen mehreren Kommunikationspartnern zu modellieren, und beruhen auf dem Basiskonzept der Interaktion:

Interaktion

Eine Interaktion ist das Zusammenspiel von mehreren Kommunikationspartnern.

Typische Beispiele: Versenden von Nachrichten, Datenaustausch, Methodenaufruf

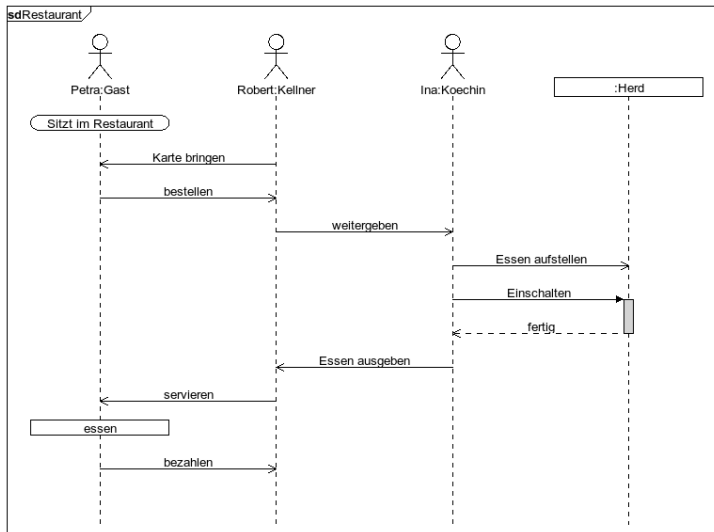
Sequenzdiagramme waren bereits vor Aufnahme in die UML unter dem Namen message sequence charts bekannt.

Im Gegensatz zu Aktivitätsdiagrammen oder Zustandsdiagrammen beschreiben sie im Allgemeinen nicht alle Abläufe eines Systems, sondern nur einen oder mehrere mögliche Abläufe.

Sequenzdiagramme beschreiben Interaktionen in zwei Dimensionen:

- von links nach rechts: Anordnung der Kommunikationspartner als Lebenslinien. Oft wird der Partner, der den Ablauf initiiert, ganz links angegeben.
- von oben nach unten: Zeitachse

Sequenzdiagramme: Beispiel (Restaurant)



Kommunikationspartner

Die Kommunikationspartner in einem Sequenzdiagramm werden ähnlich wie in Objektdiagrammen als Rechtecke notiert.

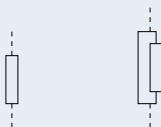
Manchmal werden die Rechtecke auch weggelassen. Menschliche Partner werden auch durch ein Strichmännchen symbolisiert:



Von jedem Kommunikationspartner führt eine gestrichelte Lebenslinie nach unten.

Ausführungsbalken

Aktivitäten eines Kommunikationspartners werden durch sogenannte Ausführungsbalken dargestellt.



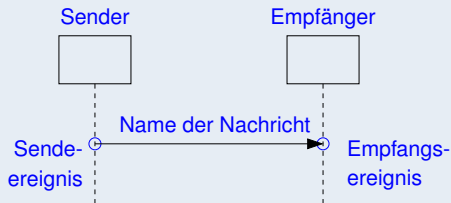
Parallele Tätigkeiten eines Kommunikationspartners werden dabei durch übereinander liegende Ausführungsbalken beschrieben (siehe oben rechts).

Während die Balken aktive Zeit anzeigen, symbolisieren die gestrichelten Linien passive Zeit.

Nachrichten

Die Nachrichten beschreiben die Kommunikationen bzw. Interaktionen der Kommunikationspartner und werden durch Pfeile dargestellt. Eine Nachricht hat einen Sender und einen Empfänger.

Die Stellen, an denen die Pfeile auf den Lebenslinien auftreffen, nennt man auch Sendeereignis und Empfangsereignis.

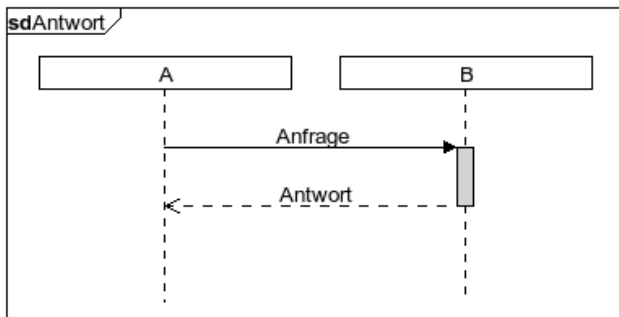


Synchrone Nachrichten

Bei synchroner Kommunikation warten Sender und Empfänger aufeinander. Der Sender macht erst dann weiter, wenn er weiß, dass der Empfänger die Nachricht erhalten hat. Solche Kommunikation wird unter Verwendung einer schwarzen ausgefüllten Pfeilspitze dargestellt.



Um zu signalisieren, dass der Empfänger die Nachricht erhalten hat, bzw. die zugehörige Aktion abgeschlossen wurde, wird eine Antwort gesendet. Diese ist als gestrichelter Pfeil dargestellt.

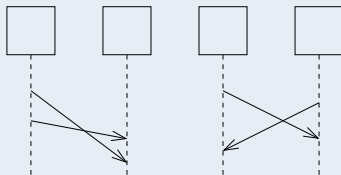


Asynchrone Nachrichten

Bei asynchroner Kommunikation wartet der Sender nicht darauf, dass der Empfänger die Nachricht erhalten hat. Er arbeitet einfach weiter. Solche Kommunikation wird durch eine einfache Pfeilspitze dargestellt.

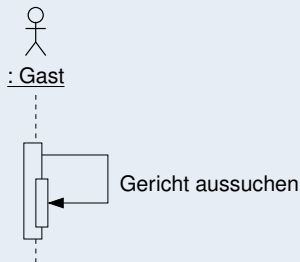


Bei asynchroner Kommunikation (aber nicht bei synchroner Kommunikation) kann auch der Fall eintreten, dass sich Nachrichten überholen oder kreuzen.



Das Überholen von Nachrichten (oben links) ist nur dann nicht möglich, wenn man explizit einen FIFO-Kanal fordert.

Es ist möglich, eine Nachricht an sich selbst zu schicken.



Äquivalenz von Sequenzdiagrammen

Zwei Sequenzdiagramme sind äquivalent, wenn sie die gleichen Ereignisse enthalten und die Reihenfolge der Ereignisse identisch ist.

Dabei können die Diagramme durchaus verschieden gezeichnet sein (andere Reihenfolge der Kommunikationspartner, verschiedene Abstände zwischen den Ereignissen, ...).

Durch die Bestimmung der Reihenfolge der Ereignisse kann die Äquivalenz zweier Diagramme nachgewiesen bzw. widerlegt werden.

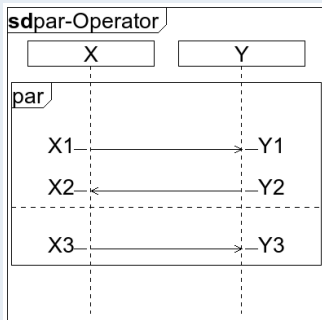
Bisher haben wir gesehen, wie man mit einem Sequenzdiagramm einen möglichen Ablauf beschreiben kann. In manchen Fällen möchte man jedoch mehrere (vielleicht sogar alle) Abläufe beschreiben.

Dazu gibt es die Möglichkeit, kombinierte Fragmente zu verwenden, bei denen mehrere (Interaktions-)Operanden (= Teil-Sequenzdiagramme) mit Hilfe von Interaktions-Operatoren zusammengesetzt werden.

Wir betrachten im Folgenden einige dieser Interaktions-Operatoren.

Interaktionsoperator par (Parallelität)

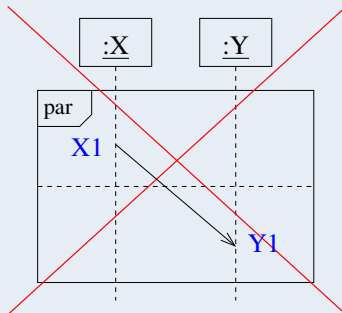
Hier sind die Operanden in beliebiger Reihenfolge ausführbar. Die Reihenfolge der Ereignisse in den Operanden muss aber gewahrt werden. Ansonsten gibt es keine Bedingungen.



Dabei wird der Operator par links oben in der Ecke angegeben.

Eine gestrichelte waagerechte Linie trennt die verschiedenen Operanden.

Nachrichten, die von einem Operanden in einen anderen laufen, sind nicht zugelassen.



Ordnung auf den Ereignissen:

- $X1 < Y1 < Y2 < X2$ (Operand 1)
- $X3 < Y3$ (Operand 2)

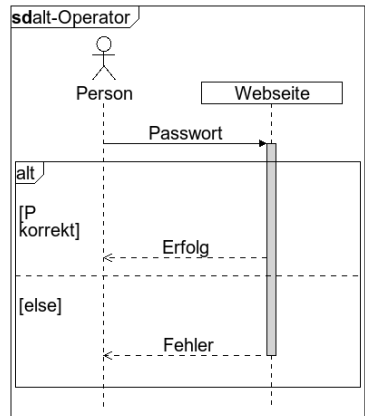
Ansonsten gibt es keine weiteren Einschränkungen.

Dieses Sequenzdiagramm beschreibt insgesamt fünfzehn Abläufe, beispielsweise:

- $X1, Y1, X3, Y3, Y2, X2$
- $X3, X1, Y1, Y2, X2, Y3$
- ...

Sequenzdiagramme bieten auch die Möglichkeit, alternative Nachrichtenflüsse darzustellen. Zu diesem Zweck wird der alt-Operator verwendet.

Ein möglicher Anwendungsfall ist die unterschiedliche Rückgabe an eine Person bei der Eingabe eines Passwortes.



Dabei ist es nötig, die Eintrittsfälle für die Alternativen durch Guards zu definieren.

Es ist ebenfalls möglich, eine beliebige Anzahl von Alternativen zu modellieren. Diese sollten aber in einem Kontext stehen und nicht unabhängig voneinander sein. Zudem müssen alle Guards disjunkt sein.

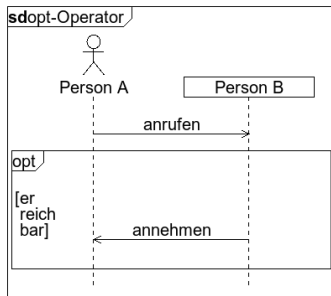
Durch die Verschachtelung der Blöcke ist es aber möglich, auch unabhängige Alternativen zu modellieren.

Es gibt keine Beschränkung der Anzahl Nachrichten, die in einem Block enthalten sein dürfen.

Wichtig: Bei der Nutzung eines alt-Operators müssen alle Fälle abgedeckt sein. Dies kann zum Beispiel durch einen Fall *e/se* beschrieben werden.

Der opt-Operator dient dazu, optionale Nachrichtenflüsse zu definieren. Im Gegensatz zum bereits vorgestellten alt-Operator ist es damit möglich, diesen Block auch zu überspringen, falls die Nachricht nicht gesendet werden soll.

Ein Beispiel ist ein Telefonanruf, bei dem nur abgehoben wird, wenn die andere Person erreichbar ist.



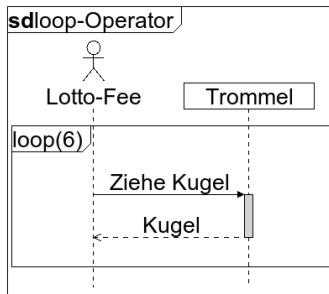
Auch bei einem opt-Operator ist es nötig, durch Guards die Eintrittsbedingung zu definieren. Ist diese nicht erfüllt, wird der Teil innerhalb des Operators übersprungen.

Im Gegensatz zum alt-Operator gibt es keine Möglichkeit, verschiedene Fälle in einem Operator zu definieren. Für mehrere verschiedene Bedingungen muss daher ein eigener opt-Operator eingeführt werden. Innerhalb eines Operators kann ein beliebiger Nachrichtenfluss mit einer beliebigen Anzahl an Nachrichten stattfinden.

Auch dieser Operator kann beliebig verschachtelt und mit anderen Operatoren kombiniert werden.

Der loop-Operator ermöglicht es, einen definierten Nachrichtenfluss zu wiederholen.

Ein Beispiel ist die Ziehung der Lottozahlen *6 aus 49*, bei der die Lottofee 6 mal eine Kugel aus der Trommel zieht.

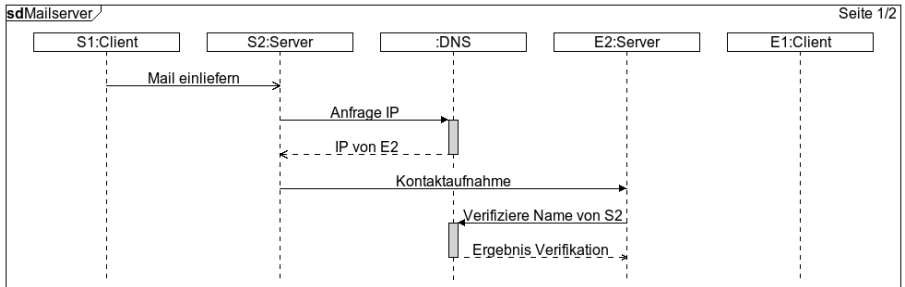


In dem gezeigten Beispiel ist eine feste Anzahl von Abläufen gegeben. Es ist auch möglich, eine minimale und eine maximale Zahl der Form loop(min,max) zu definieren, wobei „*“ für eine beliebige Zahl einschließlich 0 stehen kann. In diesem Fall ist normalerweise zusätzlich ein Guard angegeben, der angibt, wann abgebrochen wird. Ist die min-Anzahl durchlaufen und die Bedingung erfüllt, wird die Schleife verlassen.

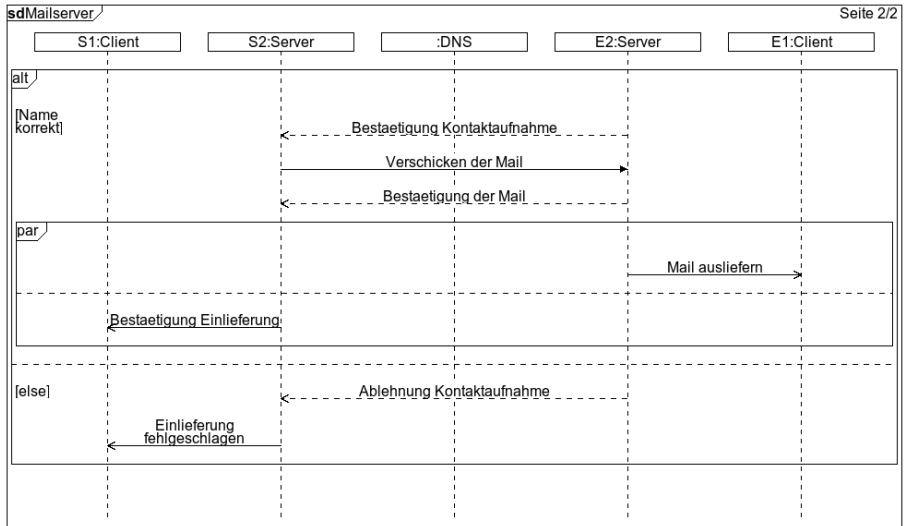
Auch der loop-Operator ist nicht in der Lage, verschiedene Fälle zu definieren. Dies geschieht, indem innerhalb die bereits bekannten Operatoren opt und alt verwendet werden.

Beispiel: Wir modellieren ein Protokoll, bei dem ein Client-Rechner S eine E-Mail an einen anderen Client R verschickt.

Weitere Beteiligte sind der Mail-Server von S, der Mail-Server von R und der DNS-Server, der benötigt wird, um Mail-Adressen in die IP-Adressen des entsprechenden Servers umzuwandeln (DNS = domain name system).



Sequenzdiagramme: Mailserver (Beispiel)



Bemerkung: Dieses Sequenzdiagramm ist an den Ablauf im SMTP-Protokoll angelehnt (SMTP = send mail transport protocol), ist jedoch erheblich vereinfacht.

Sequenzdiagramme zu vielen TCP/IP-Netzwerkprotokollen findet man unter:

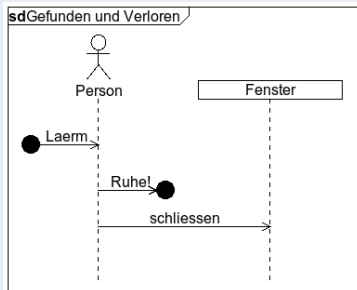
<http://www.eventhelix.com/Realtimemantra/Networking/>

Es gibt noch einige weitere Arten von Nachrichten:

Gefundene und verlorene Nachrichten

Bei gefundenen und verlorenen Nachrichten werden das Sende- bzw. das Empfangsereignis nicht explizit modelliert. Die Nachrichten tauchen quasi aus der Umgebung auf und verschwinden wieder dorthin.

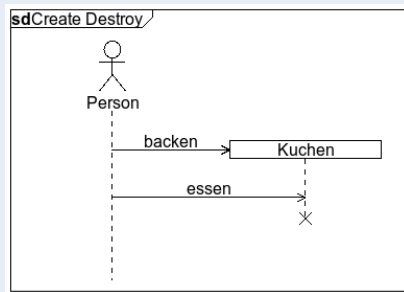
Solche Nachrichten werden benötigt, wenn die entsprechenden Kommunikationspartner nicht mitmodelliert werden.



Erzeugung und Löschung von Objekten

Außerdem kann es passieren, dass Objekte nicht während des ganzen Ablaufs zur Verfügung stehen. Sie können während des Ablaufs dynamisch erzeugt und wieder gelöscht werden.

Dies erfolgt zumeist durch sogenannte Erzeugungs- und Löschnachrichten und wird folgendermaßen dargestellt:



Anwendungsfalldiagramme

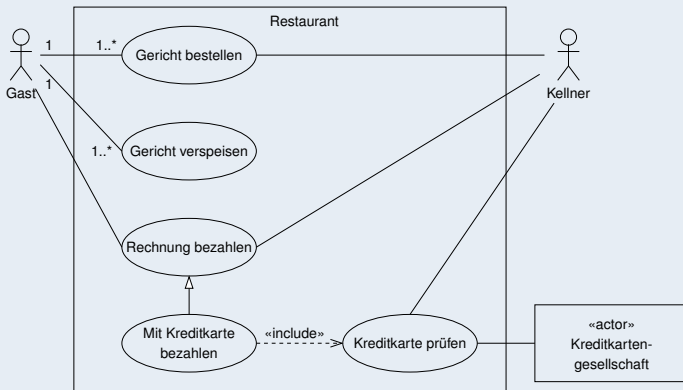
In frühen Stadien der Entwicklung und bei der Kommunikation mit dem Auftraggeber spielen auch Anwendungsfalldiagramme (engl. use case diagrams) eine große Rolle.

Anwendungsfalldiagramme modellieren die Funktionalität des Systems,

- auf einem hohen Abstraktionsniveau;
- aus der Black-Box-Sicht des Anwenders (das heißt, nur das von außen Sichtbare soll beschrieben werden, nicht die interne Realisierung);
- durch Spezifikation der Schnittstellen.

Die Anwender bzw. Nutzer tauchen als sogenannte Akteure in den Diagrammen auf.

Beispiel: Restaurant



Anwendungsfalldiagramme bestehen aus im Folgenden beschriebenen Komponenten.

Systemgrenze

Die Systemgrenze ist ein Rechteck, das beschreibt, was sich außerhalb und was sich innerhalb des zu erstellenden Systems befindet.



Akteur

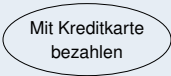
Ein Akteur ist ein Typ oder eine Rolle, die ein externer Benutzer oder ein externes System während der Interaktion mit dem System einnimmt. Menschliche Akteure werden durch Strichmännchen symbolisiert, andere Akteure durch ein Rechteck, das mit dem Schlüsselwort «actor» gekennzeichnet ist.



«actor»
Kreditkarten-
gesellschaft

Anwendungsfall

Ein Anwendungsfall ist eine Menge von Interaktionsfolgen, die von dem System bereitgestellt werden und die einen Nutzen für einen oder mehrere Akteure bringen. (Das heißt, es handelt sich dabei um eine Art „Service“ des Systems.) Ein Anwendungsfall wird durch eine Ellipse dargestellt.

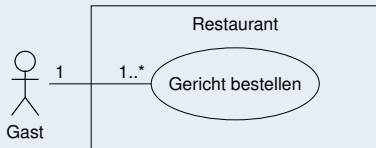


Mit Kreditkarte
bezahlen

Assoziation

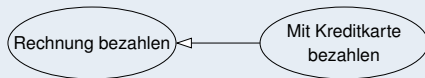
Wie bei Klassendiagrammen gibt es Assoziationen, vor allem zwischen Akteuren und Anwendungsfällen. (Welcher Akteur ist an welchem Anwendungsfall beteiligt?)

Assoziationen dürfen die üblichen Beschriftungen besitzen (Multiplizitäten etc.).



Generalisierung/Spezialisierung

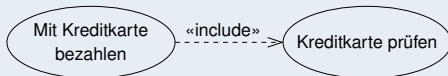
Anwendungsfälle können andere Anwendungsfälle spezialisieren, das heißt, sie können von ihnen erben. Dabei werden – wie bei Klassen – auch alle Assoziationen geerbt.



Auch Spezialisierungsbeziehungen zwischen Akteuren sind möglich.

Include-Beziehung

Bei einer Include-Beziehung wird modelliert, dass ein Anwendungsfall die Funktionalität eines anderen Anwendungsfalles auf jeden Fall beinhaltet. Das heißt, der zweite Anwendungsfall wird immer als eine Art „Unterprozedur“ aufgerufen.



Es gibt auch sogenannte Extend-Beziehungen, bei denen ein Anwendungsfall nur unter bestimmten Bedingungen in einen anderen Anwendungsfall eingebunden wird.

Bemerkungen:

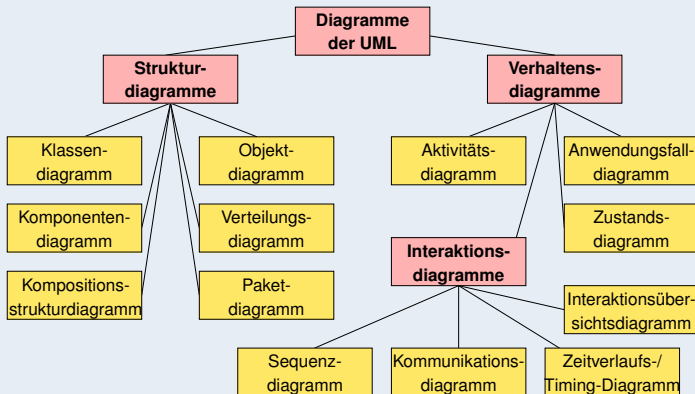
- Anwendungsfalldiagramme sollten nicht zu viele Details enthalten.
- Sie sind ein einfaches Mittel, um Anwenderwünsche zu diskutieren, und sollten nur eine grobe Sicht auf die Funktionalität des Systems darstellen.
- Bei Bedarf müssen bestimmte Anwendungsfälle dann noch textuell oder mit Hilfe anderer UML-Diagramme genauer beschrieben werden.

Weitere UML-Diagramme

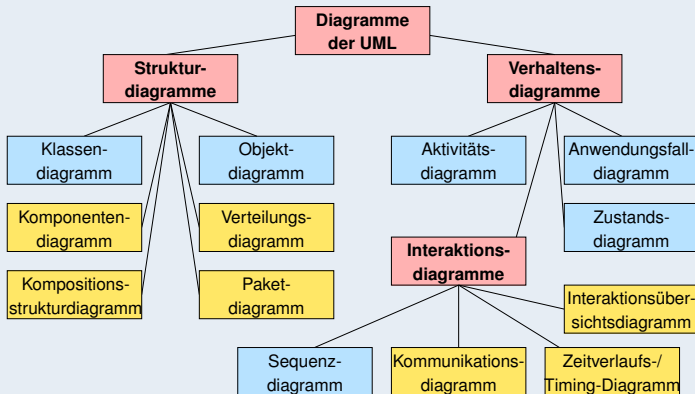
Wir schließen die Vorlesung mit einem kurzen Überblick über die noch fehlenden Typen von UML-Diagrammen ab.

Zuletzt gibt es dann noch ein paar Abschlussbemerkungen.

UML-Diagramme [► Liste](#)



UML-Diagramme (blau: bereits behandelte Diagramme)



Wir beginnen zunächst mit den drei noch fehlenden Arten von Interaktionsdiagrammen:

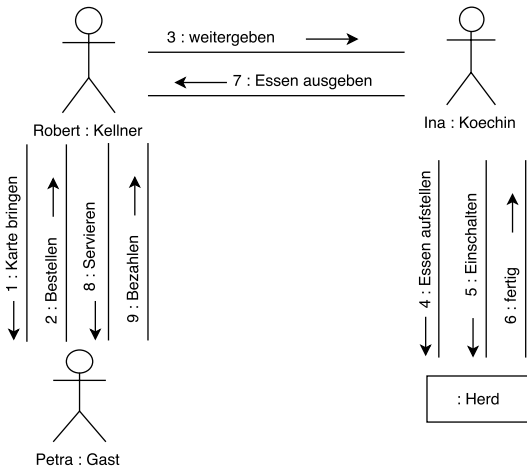
- Kommunikationsdiagramme
- Timing-Diagramme bzw. Zeitverlaufsdiagramme
- Interaktionsübersichtsdiagramme

Kommunikationsdiagramme enthalten dieselbe Information wie Sequenzdiagramme, werden jedoch anders dargestellt.

Während bei Sequenzdiagrammen der Fokus eher auf dem zeitlichen Ablauf liegt, heben Kommunikationsdiagramme eher die Kommunikationsbeziehungen der Teilnehmer hervor.

Kommunikationsdiagramme gehören – genau wie Sequenzdiagramme – zur Klasse der Interaktionsdiagramme.

Das Sequenzdiagramm Restaurantbesuch wird folgendermaßen als Kommunikationsdiagramm dargestellt:



Dabei werden die Kommunikationspartner wie bisher durch Rechtecke oder Strichmännchen dargestellt. Es wird jedoch kein zeitlicher Ablauf mehr dargestellt.

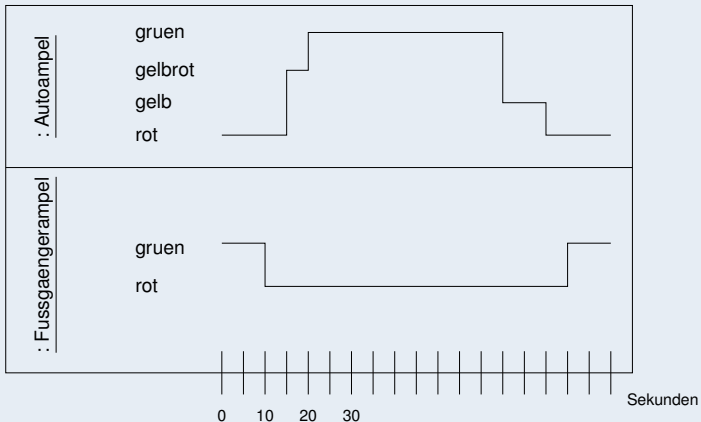
Die Interaktionen bzw. Nachrichten werden durch Linien notiert, an denen die Namen der Nachrichten und die Senderichtung ($\rightarrow$) stehen.

Die Nummerierung der Nachrichten (1, 2, 3, ...) gibt die Reihenfolge an. Durch Buchstaben hinter den Nummern (2a, 2b, ...) beschreibt man parallele Nachrichten, die in beliebiger Reihenfolge angeordnet sein können.

Timing-Diagramme sind in der Elektrotechnik weit verbreitet und zeigen an, zu welchem Zeitpunkt welcher Kommunikationspartner welchen Zustand einnimmt.

Dabei wird von links nach rechts (horizontal) die Zeit aufgetragen und von oben nach unten werden die Kommunikationspartner und deren Zustände aufgetragen.

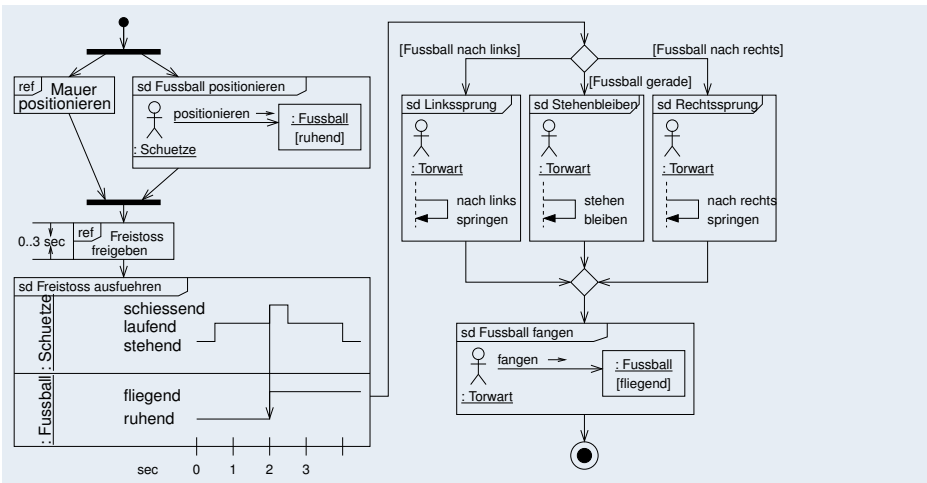
Beispiel: Ampelschaltung



Interaktionsübersichtsdiagramme sind im Wesentlichen Aktivitätsdiagramme, die – anstatt der Aktionen – hierarchisch weitere Interaktionsdiagramme (Sequenzdiagramme, Kommunikationsdiagramme, Timing-Diagramme) enthalten können.

Sie werden eingesetzt, wenn es eine größere Menge verschiedener Arten von Aktionen gibt, über die man sonst nur schwer den Überblick behalten kann.

Als Beispiel betrachten wir ein Interaktionsübersichtsdiagramm, das den Ablauf eines Freistoßes in einem Fußballspiel modelliert.



Bemerkungen:

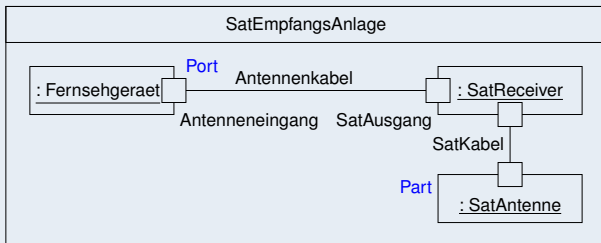
- Interaktionsreferenzen (Schlüsselwort ref) werden verwendet, um an anderer Stelle definierte Interaktionsdiagramme wiederzuverwenden.
- Anstatt der Aktionen wie in Aktivitätsdiagrammen werden ganze Interaktionsdiagramme verwendet, die alle sd als Diagrammtyp für Interaktionsdiagramme erhalten.

Wir sehen uns nun noch (ganz kurz) die fehlenden vier Typen von Strukturdiagrammen an. [► UML-Übersicht](#)

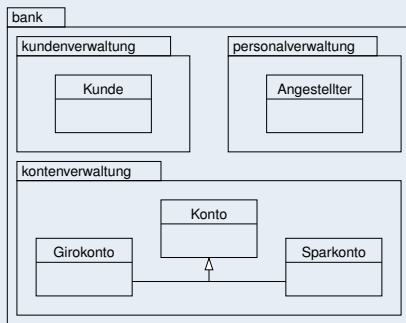
- Kompositionsstrukturdiagramme
- Paketdiagramme
- Verteilungsdiagramme
- Komponentendiagramme

Im weitesten Sinne dienen sie alle dazu, die (übergeordnete) Struktur bzw. Architektur eines Systems darzustellen.

Kompositionsstrukturdiagramme (engl. composite structure diagrams) beschreiben die interne Struktur von Komponenten (z.B. Klassen) in einer White-Box-Darstellung. Instanzen von durch Komposition verbundenen Klassen werden dabei als sogenannte Parts innerhalb der Klasse dargestellt. Ports, dargestellt als kleine Quadrate, sind Verbindungsstellen zwischen Parts und beinhalten Schnittstellen.

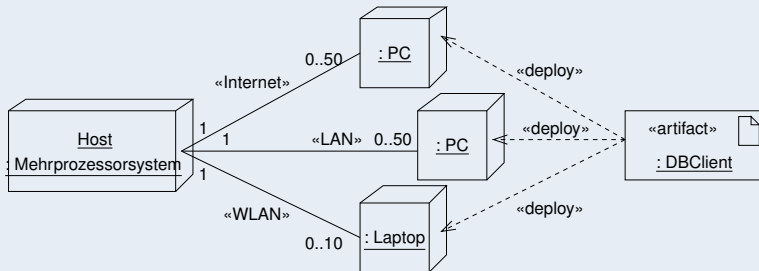


Ein großes Softwaresystem muss in Pakete bzw. Module gegliedert werden. Paketdiagramme (engl. package diagrams) beschreiben die statische Struktur eines großen Systems durch Zusammenfassen von Klassen in Paketen.

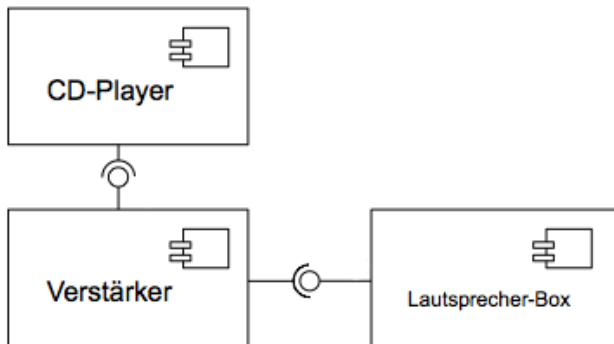


Verteilungsdiagramme (engl. deployment diagrams) beschreiben die Hardware-Komponenten, die in einem System benutzt werden, und wie diese in Beziehung stehen.

Sie können auch konkrete physische Informationseinheiten (Dateien, etc.) enthalten, die als Artefakte bezeichnet werden.



Ein Komponentendiagramm (engl. component diagram) beschreibt im Gegensatz dazu die Software-Architektur eines Systems. Es beantwortet die Fragen, wie Klassen zur Laufzeit zu größeren Komponenten zusammengefasst werden, und welche Schnittstellen (Services) angeboten und genutzt werden.



UML als semi-formale Modellierungssprache

UML ist eine semi-formale Modellierungssprache, das heißt, nicht bei jedem Sprachelement gibt es vollständige Einigkeit über die Bedeutung. Trotz dieser Kritik ist die UML ein großer Fortschritt gegenüber früher genutzten Modellierungssprachen, da sie vereinheitlichte Diagramme bereitstellt, die von jedem Beteiligten am Softwareentwicklungsprozess verstanden werden können.

Konsistenz von Modellen

Bei der Beschreibung eines großen Systems durch mehrere Modelle ist auch darauf zu achten, dass die Modelle untereinander konsistent sind. (Beispielsweise: Klassennamen, die in einem Sequenzdiagramm verwendet werden, tauchen auch im Klassendiagramm auf.)

Es gibt Ansätze, solche Konsistenz (halb-automatisch) zu erreichen, indem man sogenannte Modelltransformationen durchführt und verschiedene Diagramme ineinander übersetzt.

Es gibt noch viele Aspekte in der UML, die wir nicht betrachtet haben.

Weitergehende Informationen über UML gibt es in zahllosen Büchern (siehe Literaturliste) und auf den Seiten der OMG (Object Management Group):

<http://www.omg.org/technology/documents/formal/uml.htm>

Und natürlich gibt es neben UML und Petrinetzen noch zahlreiche andere Modellierungssprachen!